PEARSON

MATLAB 实用教程 (第二版)



MATLAB for Engineers Second Edition

[美] Holly Moore 著 高会生 刘童娜 李聪聪 译

MATLAB 实用教程 (第二版)

MATLAB for Engineers, Second Edition

[美] Holly Moore 著高会生 刘童娜 李聪聪 译

電子工業出版社· Publishing House of Electronics Industry 北京 · BEIJING

内穿简介

本书分三个部分介绍「MATLAB IS建及其原用,共有 13 章。第一部分重点介绍 MATLAB 的基本原製 基本函數和图形化功能。第二部分介绍 MATLAB 编程方法。函數工具箱的使用方法和數据輸入輸出方法; 第三部分介绍万程组束網,符号數学包原用。曲线报仓以及数据可被化方法。本书在内容组织上架入线出, 力求递俗品值。注意工型处用。书中提股的大量实例来自非常普遍。非常基础的学科领域,内容丰富、叙述 旬期,同时还原有组图。被准备以轻松到快的影像。惟要结束附有习题。供练习规是之用。

本书的最大特点是不要求读者掌握高深的数学知识和计算机理论, 就可以轻松简单地学会 MATLAB 原 那他在实际工程中予以应用。因此,本书适用于任何工料专业的低年级大学生,既可以作为理想的教学 用书。由可以性为自学参考书。

Authorized translation from the English language edition, entitled MATLAB for Engineers, Second Edition, 978-0-13-604422-2 by Holly Moore, Published by Pearson Education, Inc., publishing as Prentice Hall, Copyright © 2009 Pearson Education, Inc.

All rights reserved. No part of this publication may be reproduced or distributed in any means, or stored in a database or retrieval system, without the prior written permission of the publisher.

Chinese simplified language edition published by PEARSON EDUCATION ASIA LTD. and PUBLISHING HOUSE OF ELECTRONICS INDUSTRY, copyright © 2010.

本书中文简体字翻译版由 Pearson Education (给生教育出版集团) 授予电子工业出版社。未经出版者预先书面许可,不得以任何方式复制或抄袭本书的任何部分。

本书封面贴有 Pearson Education (培生教育出版集团)激光防伪标签, 无标签者不得销售。

版权贸易合同登记号 图字: 01-2009-1389

图书在版编目(CIP)数据

MATLAB 实用教程: 第 2 版/(美) 穆尔 (Moore, H.) 著: 高会生, 刘童娜, 李聪聪详.

一业官,由子工业出版社,2010.1

(国外电子与通信教材系列)

转久順文, MATLAB for Engineers, 2/e

ISBN 978-7-121-10179-3

I. M···· II. ①穆····②高····③刘····④李··· III. 算机辅助计算-软件包, MATLAB-教材 Ⅳ. TP391.75 中国版本图书馆 CIP 数据核字 (2010) 第 900250 号

策划编辑:马 岚

责任编辑: 史 平

印 刷,北京天宇星印刷厂

装 订: 涿州市桃园装订有限公司

出版发行: 电子工业出版社

北京市海淀区万寿路 173 信箱 邮編: 100036

开 本: 787×1092 1/16 印张: 30.25 字数: 774千字

印 次: 2010年1月第1次印刷

定 价: 59.00元

凡所购买电子工业出版社图书有缺槓问题,请向购买书店调换。若书店售缺,请与本社发行部联系,联系及部购电话: (010) 88254888。

质量投诉请发邮件至 zlts@phei.com.cn,盗版侵权举报请发邮件至 dbqq@phei.com.cn。

服务热线: (010)88258888。

译 者 序

本书是由就他州盐湖城社区学院 Holly Moore 教授编写的一本高等学校教材。该书一经出版就得到了广泛的赞誉,并被众多所高校采用,其突出亮点是注重通用性和基础性,尤其适合于工科低年级大学生阅读和参考。鉴于本书的内容和风格被广泛认同,Prentice Hall 出版公司于 2008 年 11 月出版 了该书的第三版。在第二版中,作者将教件版本更新为 MATLAB 7.5、以适应技术的发展,同时扩展了内容,增加了习题和实例,使其更加完善和全面。本次翻译工作是在第二版的基础上进行的。

本书件者从事了多年的 MATLAB 教学工作,积累了丰富的教学经验。在内容组织上、作者立足于通用性和实用性,使得教材更适用于工利低年级大学生学习和阅读。书中提供有《冀翔实的实例和练习,可以帮助学生理解和掌握 MATLAB 原理。以及利用 MATLAB 来谢了探回顾的方法。

本书的内容分为三部分。第一部分介绍 MATLAB 原理,主要包括 MATLAB 好境、基本运算、 每置函数、矩阵运算和图形功能。第二部分介绍 MATLAB 的编程方法,主要包括自定义函数、接口 函数和程序控制结构。第三部分为 MATLAB 概念的提高与深入。重点介绍战性力程录解,数据变量 类型、符号运算、数值分析和数据可提化等内容。结合 MATLAB 内容的介绍,本书还提供了大量的 实例、习题和练习、并外关键概念和知识要点进行了标注。特别是在解题方法上,本书给出了 5 个规 范的解题步骤,并将其运用到每一个实例中。

本书由年北电力大学的部分教师和研究生,以及河北农业大学的李聪聪老师完成翻译工作。 高含生教授负责全柱的线稿,并参加了第1章、第2章、第8章和第13章的翻译工作。刘蜜娜老师 完成了第3章至第7章的翻译。李聪聪老师完成第9章至第12章的翻译。张谦和何玉钧两位老师完 成了附录的翻译和部分章节的校对工作。研究生郭静、王东蕊、金鑫、许玲玲、王晓媛问学也参加了 部分章节的翻译和校对工作。

由于本书涉及的内容较多,实例覆盖的学科范围较广,加之译者水平有限,书中难免有疏漏和 错误之处,欢迎广大读者批评指正。

序 言

现在盐湖城社区学院从事 MATLAB 和计算机语言课程的教学工作,授课对象是工科一年级大学生。在教学工作中丧发现。虽然有关 MATLAB 的参考书已绘出版了很多,但是这些参考书要求读者应该具有较深的數学基础和计算机技术,因此不适合低年级工料大学生的学习和阅读。另外,MATLAB 作为一种数学工具最早被工程即用于信号处理和电气工程领域。一些 MATLAB 教科书大多从这两个领域收集实例素材,因此这类教科书对其他工科专业缺乏通用性。鉴于此,在对教学工作进行经验总结的基础上,我计划编写一本适合于工科低年级大学生的通用 MATLAB 教材。本书从基本代数理论出发。讲述 MATLAB 如何应用于不同的工程领域。本书的实例取材于学生已经学过的物理和化学课程。让学生常理用统一的方法解决不同工程领域的问题。

本书的读者应该掌握基本的高等代数知识,并了解三角函数的概念,通过课程学习,学生的数 学水平可迅速得以提高。因为 MATLAB 主要依赖于统计学和矩阵论,所以,学生应该具有这方面的 基础知识,除此之外,本书的一些章节也介绍了微分方程,主要是为了说明如何利用 MATLAB 进行 数值计算,这些章节可以供数学基础较好的学生选修,也可以在作为其他工程类课程的参考书籍时起 效用。

本 5 是一本很好的使用手册。学生可以将书中的实例直接输入到计算机中运行。体验 MATLAB 的计算能力。本书在每一章中都提供了大量有关复数计算的实例。这些实例可以使学生加深对数学基本概念的理解。每一章的后面附有习题。可以使学生尽快熟悉计算方法和 MATLAB 使用技巧。附录 B 给出了一个宗整的应用证例。

本书的内容分为三个部分。第一部分介绍 MATLAB 原理,具体内容如下。

- 第1章介绍 MATLAB 基本计算方法,以及如何使用这些方法解决基本工程问题。
- ● 第 2 章介绍 MATLAB 环境和基本运算,对 M 文件进行了说明,有助于学生尽快掌握基本的编程方法。
- 第3章介绍如何使用 MATLAB 內置函数进行问题求解,提供了大量有关正态随机数和均匀 随机数等函数的背景紊然,有助于学生正确使用这些函数。
- 第 4 章介绍 MATLAB 中的矩阵表示及其应用,通过函数 meshgrid 说明求解两变量问题的
- 方法。

 第5章介绍 MATLAB 的二维和三维图形功能,以及如何利用命令窗口和 M 文件创建图形,本窗还介绍了利用工作区直接进行图形创建和编辑的方法。

MATLAB 既是一种功能强大的计算工具,也是一种编程语言。它的语法结构与其他编程语言类似。同时,MATLAB 也是一种脚本语言,与 C→之类的传统语言相比,MATLAB 具有非常便捷的程序调试环境。对初学者而言,它是一种能够帮助学习其他编程语言的有价值的工具。本书的第二部分介绍 MATLAB 编程方法,具体内容如下:

- 第6章介绍自定义函数的创建和使用方法,以及函数工具箱的使用方法。
- 第 7 會介绍接口函數,这些函數包括用戶自定义输入、格式化输出和图形化输入等内容。本 章还介绍了创建 M 文件的元融模式技术,描述了 MATLAB 从多种不同格式的文件中导入数 额的 I/O 函數。

 第 8 章重点介绍 for、while 和 if 等逻辑函数,以及如何在控制结构上利用这些函数进行 MATLAB 编程,有编程经验的读者可以体会到 MATLAB 内置矩阵功能的优势。

本书的第三部分为MATLAB 概念的提高与深入。本书的第1章至第8章内容是按顺序进行组织的,但后面几章的内容却是相互独立的,彼此之间没有依赖关系。这些内容的任何一章或全部都可以作为入门学习内容,或作为自学参考内容。绝大多数内容迈用于低年级学生。在教学安排上,第1章至第9章的内容可以作为2学分的课程。全部13章内容可以作为3学分的课程。由于本书中114节、11.5节、12.4节、12.5节等10.4节等的内容涉及微积分和微分方程来解,所以这部分内容最好设为遗修。本部分内容有助于学生掌握解决实际工程问题的能力。具体内容如下:

- 第9章讨论矩阵的点运算,以及线性方程组的求解方法。
- 第10章介绍 MATLAB 中数据和变量的类型,这些内容对电气工程和计算机工程专业的学生 非常有参考价值。
- 第 11 章介绍 MATLAB 的符号数学包,在 Maple 10 引擎基础上,学生可以利用它进行问题求解。实践证明,这些内容对于提高学生的数学能力非常有帮助。
- 第12章介绍不同应用领域的敷值束解方法,特别是曲线拟合和统计分析。学生可以将这些方法直接用于物理和化学实验中的实验数据处理。也可以将这些方法用于热传导、流体力学和材料强度等专业性实验中,进行数据处理。
- 第 13 章介绍如何利用图形功能实现数据可视化。这些方法可以用于结构分析、流体力学计算和热传导计算中,实现结果数据的可视化处理。

在本书中,附录 A 列出了本书涉及的所有特殊字符和函数。附录 B 给出了一个完整的 MATLAB 应用实例。附录 C 介绍了线性图形数据的变比技术。教师网站提供如下書材。

- (1) M 文件格式的练习答案。
- (2) M 文件格式的例题答案。
- (3) M 文件格式的家庭作业答案。
- (4) 每一章节的 PowerPoint 讲稿。
- (5) 本书中所有插图,可用于 PowerPoint 讲稿制作。
- (6) 用于课堂讲授的一系列实用讲稿和说明。

第二版出版说明

MATLAB 的版本更新周期是6个月。与以前的版本相比,MATLAB 7.5 增加了很多新的内容, 针对这些内容本书的第三版进行了补充。另外,在每章的结尾处又增加了很多习题。补充了实例。在 第6章有关子函数的介绍中,对函数句柄的处理进行了扩展。同时,对结构和循环内容进行了扩充。 应广大读者要求,本书的第二版又增加了一些新的函数。

孙

在本书的撰写过程中,我的家人给予我工作和生活上的极大帮助,否则,我很难完成本书的写作。 特别感谢 Mike、Heidi、Meagan、Dave 和 Vinnie 以及我的丈夫 Steven Purcell 博士。 邁以此书藏给我的父亲 George Moore 教授。他在南达科他州矿业技术学院电气工程系从教 20 余年,并且曾是美国空军的一名飞行员,成绩卓著。我的父亲 Moore 教授在他 54 岁时才获得大学文凭。他的生活经历给我以启迪,让我真正认识到年龄不是学习的学事石。我的母亲 Jean Moore 经常被励权公案和她的两个女儿。要勇于探索未知世界。母亲的爱澈发了我们娘妹俩投身工程化领域的工作热情。早在 20 世纪 70 年代,妇女选择这些领域工作是很难得的。我表心希望广大读者感谢那些帮助你常课券想的人们。更心感被我的父亲和母亲。

Holly Moore 犹他州盐湖城社区学院

1.1		1
1.2	MATLAB 教学版·····	
1.3	MATLAB 在工业工程中的应用	
1.4	工程和科学问题的求解	4
第2章	MATLAB 环境 ·····	
2.1	MATLAB 入门	
2.2	MATLAB 窗口	
2.3	使用 MATLAB 求解问题	
2.4	内容保存	
	·小结 ···································	
习题	4	ю
第3章	MATLAB 中的函数	4
引言		4
3.1	内置函数的使用	4
3.2	帮助功能	5
3.3	初等数学函数	7
3.4	三角函数	3
3.5	数据分析函数	7
3.6	随机数	1
3.7	复数	4
3.8	计算的极限	7
3.9	特殊值和辅助功能	9
本章	小结	0
习题		2
第4章	MATLAB 的矩阵运算 ······	6
4.1	矩阵运算	6
4.2	双变量问题的求解	12
4.3	特殊矩阵	7
本章	小结 ······· 10	11
习题	10	12
第5章	绘图	15
引言		15
5.1	二维图	15
5.2	子图	8
5.3	其他类型的二维图形	9
5.4	三维绘图 13	0

	5.5	图形窗口的菜单操作	135
	5.6	在工作区中创建图形	137
	5.7	图形的保存	137
		小结	138
	习题		140
第	章 8	自定义函数	147
	引言		147
	6.1	创建函数的 M 文件 ·····	147
	6.2	创建函数工具箱	162
	6.3	匿名函数和函数句柄	163
	6.4	复合函数	164
	6.5	子函数	165
	本章	小结	167
第	7章	输入输出控制	173
	引音		173
	7.1	自定义输入	173
	7.2	输出	176
	7.3	图形輸入	184
	7.4	在 M 文件中使用元敞模式 ······	185
		从文件中读写数据 ·····	190
		(**************************************	194
90	8 章	逻辑函数和控制结构	197
243		Electronic description of the second	197
	8.1	关系运算符和逻辑运算符	197
	8.2	流程图和伪码	199
	8.3	グルが生はロイドレグドラ	
	0.3	逻辑函数	
	9.4	逻辑函数	200
	8.4	选择结构	200 206
	8.5	选择结构	200 206 219
	8.5	选择结构	200 206 219 234
	8.5	选择结构 .	200 206 219 234 235
第	8.5 本章 习题 9章	选择结构 . 循环体	200 206 219 234
第	8.5 本章 习题 9章	选择结构 . 循环结构 . 循环结构	200 206 219 234 235
第	8.5 本章 习题 9章	选择结构	200 206 219 234 235 244
第	8.5 本章 习题 9章 引言	选择结构 循环体	200 206 219 234 235 244 244
第	8.5 本章 习意 9章 引言 9.1 9.2 9.3	选择结构 循环体	200 206 219 234 235 244 244 244
第	8.5 本項 9章 引 9.1 9.2 9.3 本章	选择结构	200 206 219 234 235 244 244 260 267 270
第	8.5 本項 9章 引 9.1 9.2 9.3 本章	选择结构 循环体	200 206 219 234 235 244 244 260 267
	8.5 本項 9章 引 9.1 9.2 9.3 本章	选择结构 循环体	200 206 219 234 235 244 244 260 267 270
	8.5 本章 9章 引: 9.1 9.2 9.3 本习	选择结构 循环体	200 206 219 234 235 244 244 260 267 270 272

10.2		285
10.3		286
10.4	元胞数组	290
10.5	结构数组	291
本章		297
习题		298
第11章	符号代数	303
引言		303
11.1	符号代数	303
11.2	求解表达式和方程	311
11.3	符号绘图	320
11.4	微积分运算	327
11.5		337
本章	小结	339
习题		341
第12章	数值技术	348
12.1	插值	348
12.2	曲线拟合	356
12.3	使用交互式拟合工具	365
12.4	差分和数值微分	371
12.5	数值积分	374
12.6	微分方程的数值求解 ·····	378
本章	小结	381
习题		383
第13章		389
引言		389
13.1	图像	389
13.2	句柄图形	401
13.3	动画	404
13.4		409
13.5	三维可视化简介	411
	小结	413
习题		415
附录A	特殊字符、命令和函数	417
附录B	练习答案	428
""= O	WE (1.49-45	460

第1章 关于MATLAB

学习目的

通过阅读本章,读者可以掌握如下内容,

- 『解什么是 MATLAB,了解 MATLAB 为什么广泛用于科学研究和工程实践。
- 了解 MATLAB 教学版所具有的优势和不足。
- 运用结构化方法对问题进行系统化求解。

1.1 什么是 MATLAB

MATLAB 是一种商业化的数学运算工具,能够有效地进行复杂的数学运算。包括 Maple、Mathematica 和 MathCad 等部分。尽管它的每个部分在数学计算方面各有优势,但是,没有哪个单独 部分是操住的,各自都存在优势和不足。每个部分都能实现基本的要运算。但在实现不可运算或完成更全面数学运算过程的方法上存在光片,矩阵运算就是一个典型的例子。MATLAB (Matrix Laboratory 的缩写) 在矩阵计算方面具有优势,而 Maple 在符号计算力面加度强大,MATLAB 程序可以简单地视为利用计算机实现规则计算的计算器。但事实上它可以实现更为复杂的科学计算,如果在分分桌上有一台计算机,那么,人们更靠欢读用 MATLAB 而不使用计算器。即便是写确文法情况之类的最简单计算也是则法,在丁程领域,MATLAB 程序正逐步取代传统的计算机语言,成为工程即和科学家的标准运算工具。但这并不意味着人们不需要学习学量(+4和 PORTRAN 之类的态度语言。

由于 MATLAB 使用方便、所以可用来完成很多编程工作。但 MATLAB 并不是所有程序的操体实现于段。MATLAB 上雲适用于进行数值计算。特别是在矩阵运算和数据图形化方面,MATLAB 的能进大,但它不适合编写文字处理程序。对操作系统和设计类软件等大型应用程序而作。 般选择 C++或 FORTRAN 作为编程语言。 事实上,MATLAB 最初是一个用 FORTRAN 语言编写的大型 应用程序,后来用 C i 自立提行了重新编写,而 C i 自立是 C++语言的而身。 其他编程语言在图形处理 方面不及 MATLAB 和其他高级语言的相同之位在于"数值计算"。 MATLAB 在放行前却具有 有优势, MATLAB 和其他高级语言的相同之位在于"数值计算"。 MATLAB 在数估计算方面问样具 有优势,可以在知时间内完成大量数据的重复计算和处理。 般来说,用 C++或 FORTRAN 语言编写的计算程序运算速度很快,但是,如果用 MATLAB 编写数值处理程序,特别是程序中包含矩阵运算,泛管速度将大块起。 MATLAB 更适合于矩阵运算,不论哪一类问题,只要将其归纳为矩阵求解,那么 MATLAB 的运算被使让一般高级语言要快得多。

MATIAB 分为专业和教学两个版本、专业叛逐用于在高等款校的计算机机房或实验室里安装、教学 胶边用于家庭实验、MATIAB 会定期升级、本书的内容是基于 MATIAB 7.5 编写的、MATIAB 7.5 和 MATIAB 6.差别限小、然而、它与MATIAB 5.3 却看 "些实施性的差别。

MATLAB 专业版的标准安装可以解决广泛的工程计算问题。函数工具箱可以提供多种扩展功 的、并可以根据具体需要分别进行购买。登录 The MathWorks 网站 www.mathworks.com 可以查询到 完整的 MATLAB 产品列表。

关键概念: MATLAB 活用干矩阵运算。

1.2 MATLAB 教学版

MATLAB 的专业庭和教学版非常相近、初学者不会教觉到 者的区别,教学被适用于 Micosoft Windows, Mac OS X 和 Linux 等操作系统,可以从大学书店购买得到,也可以在 www.mathworks 上市途晚田。

The MathWorks 把软件打包旋组、稀这些组除为"发布"。R2007b 是一种发布,它由 MATLAB 7.5 和 Simulaik 7.1 两个软件产品打包前成。MATLAB 的版本每 6 个月里新一次,要学版和专业版具有 相同的发布号。任新学版《审任生专业修》等所引几个月发布。R2007b 的参考的模块程以 下内架

- 完整的 MATLAB。
- 可以创建 1000 个模块的 Simulink (专业版没有限制模块数量)。
- 符号数学工具箱的主要部分。
- 信号处理Ⅰ具箱。
- 信号外理模块组。
- 统计工具箱。
- 优化工具箱。
- 图像小班工具箱。
- MATLAB 7.5 和 Simulink 软件操作手册。
- ・张包括完整电子文件的CD光盘。
- ・ 単用戸授权、仅限子学生用来完成作业(专业版可以是单用戸授权也可以是多用户授权)。

没有包含在數學版中的工具箱可以单独购买。

值得注意的是,教学版和专业版的最大区别是命令提示符不同,在专业版中命令提示符为

在新学版中命令楊示符为

EDII>>

关键概念, MATLAB 版本可以定期更新。

1.3 MATLAB 在工业工程中的应用

在许多工程领域,具备 MATLAB 等软件工具的运用能力已经成为对员工的基本要求。在 Monster.com 网站上的一则招工广告及这样写的:

此类广告并不少见,进一步查找发现,有近 75 家不同的公司都对初级工程师提出了 MATLAB

此类广告并小少见,进一步全载发展。有近了多水中间的公司部对创放工作即晚间,所有LEAD 应用技能的专门要求。MATLAB 在不同的工程技术和科学研究领域得到了广泛应用,特别是在电气 工程领域中应用更加普遍。本章的系统部分将介绍MATLAB 的几个主要工程应用。

关键概念: MATLAB 得到了广泛的工程应用。

1.3.1 电气工程

在电气工程中,MATLAB 广泛用于信号处理。犹他大学的科学家在实验室里利用半导体传感器

对苍蝇的碰撞检测方法进行了仿真研究,得到了几幅图片,如图 1.1 所示。该项研究成果可以用来指导一种计算机系的设计与制造、该元后能够提而感知碰撞的发生。这对基于视觉导量的自动机器人设计具有薄色的应用价值、特别是在汽车全个微学候施美华中且有薄的。T 野會 9



图 11 利用斜视的鱼眼镜头模仿苍蝇大脑的视觉系统所进行的图像处理(犹他大学 Read Harrison 博士授权使用)

1.3.2 生物医药工程

医学图像·殷以 dicom (Digital Imaging and Communications in Medicine standard) 文件的形式存储,dicom 文件的扩展名是.dcm. MathWorks 提供了图像处理工具箱。通过它 MATLAB 可以读取并利用这些数据。图像处理工具箱包含在教学版软件中,也可供专业版选择。图像处理工具箱包含各教学版软件中,也可供专业版选择。图像处理工具箱有很多专门针对形字图像的功能。一个有限的 MRI 数据集合可以转换成与 MATLAB 兼容的格式,并被标准的 MATLAB 程序处理。

标准的 MATLAB 配置功能或者扩展的图像工具箱可以使用这些数据实现图像处理功能。图1.2 显示了根据 MRI 数据得到的6 张人脑的水平切片图像。

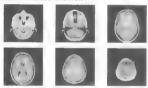


图 1.2 基上 MATLAB 样本数据文件产生的人脑水平切片图像

利用这些相同的數据集,还可以构建如图1.3 所示的三维图像,详细的构建过程可参见 MATLAB 软件的帮助信息。



图 13 基于 MATLAB 样本数据文件产生的三维可视化 MRI 數据图像

1.3.3 流体动力学

在某些领域里计算流体运动的速度和方向是非常重要的,航空工程师特别关心空间飞行器外部 和燃烧室内部的气体运动情况。通过内眼观察液体或气体的三维运动是很困难的,而 MATLAB 提供 的很多工具能够使这一问题变得简单。图1.4 给出了用常图表示的推力失量控制设备的流场计算结果。 推力矢量控制就是通过推动驱动器(汽油 活塞式设备)米改变则需求(成是火烧针进)方面的过程。图中 所示的模型是对"气柱由高压气体油罐(压力通风系统)进入活度并控制驱动器操荡解的时期。

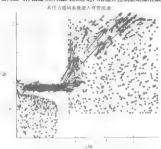


图 1.4 推力矢量控制设备中气体运动的矢量场图

1.4 工程和科学问题的求解

- 问题描述
 - 在这一步骤中应充分利用作图等手段。
 - 对所求解的问题有消晰的理解。
- 输入量(已知)和输出量(未知)描述
 - 在对输入/输出量进行描述时要注意单位。草率处置会导致错误的结果。
 - 〇 标示出计算中用到的常数,例如理想气体常数、重力加速度常数等。
 - 如果可能,就把已经确定的数据绘制成图表。
- 丰工分析。在计算机应用中,算法设计是由手工完成的,需要
 - 标示所有已知或未知的关系表达式。
 - 利用手算的方法或使用计算器对问题进行简单的处理。
- MATLAB 实现。在本书中,这一步骤包括创建 MATLAB 求解方法。
- 结果验证
 - 初步判断结果是否合理。
 - 比较结果和手工分析结果是否吻合。

- 分析所得到的答案是否真正回答了问题。
- 利用图表检查计算结果的合理性。
- 上述结构化的求解方法可以使问题变得更容易解决。例1.1 对这种方法进行了说明。

关键概念: 使用系统化的问题求解策略。

例 1.1 质能转换

阿尔伯特 愛因斯坦(见图 15)是 20 世纪最著名的物理学家。爱因斯坦于 1879 年出生在德国、曾在德国和瑞士读书、在德国专利局任职期间,他提出了著名的相对论,就是最著名的质能转换公式

这个简单的公式把物质和能量两个独立的领域联系在一起,用于计算核反应过程中物质所释放出的能量。

太阳能够释放 385×10²⁴ I/s 的能量,这些能量全部都是由核反应产生的。使用 MATLAB 工具对爱 因新坦方程式进行计算,就可以知道一天中太阳释放的能量需要多少物质进行转换。

1. 问题描述

计算太阳每天释放的能量需要多少物质进行转换。

2. 输入/输出描述

输入

能量: E=385×1024 J/s、太阳一天释放的总能量。

光速: $c = 3.0 \times 10^8$ m/s.

輸出

物质的质量 m. 单位是 kg.

3. 于工分析

太阳一天释放的能量为



图 1.5 阿尔伯特。爱因斯坦(国会附书 馆许可证, LCUSZ62-60242)

$$385 \times 10^{24} \frac{J}{49} \times 3600 \frac{49}{49} \times 24 \frac{4 \cdot 91}{2} \times 1 = 3.33 \times 10^{31} J$$

求解方程 $E=mc^2$ 中的m,必须已知E和c的数值、将E和c代入公式得到

$$m = \frac{E}{c^2}$$

$$m = \frac{3.33 \times 10^{31} \text{ J}}{(3.0 \times 10^8 \text{ m/s})^2}$$

$$= 3.7 \times 10^{14} \frac{\text{J}}{\text{m}^2/\text{s}^2}$$

所要计算的物质的质量用 kg 表示,对上式进行单位转换得到

$$1 \text{ J} = 1 \text{ kg m}^2/\text{s}^2$$

= $3.7 \times 10^{14} \frac{\text{kg m}^2/\text{s}^2}{\text{m}^2/\text{s}^2} = 3.7 \times 10^{14} \text{ kg}$

4. MATLAB 实现

尽管还没有学习 MATLAB 编程,但是下面给出的 MATLAB 代码语法非常简单,与很多计算器 的公式涂果似,在提示符(>>)后输入 MATLAB 命令,执行结果在下一行显示,代码如下所示; >>> 8-285824 3.8500e+D26

>> E=E*3600*24

E = 3.3264e+031

>> c=3e8

300000000 >> m=E/c^2

3.6960e+014

由此可以看出、在命令窗口中描述交互过程不显示提示符。

5. 结果验证

通过比较可知, 使用, MATLAB 计算出的结果与于工分析的结果相吻合。10"是一个很大的数、 太阳的质量是 2×10° 千克, 如果太阳每天接照。3.7×10" 千克!天的适度消耗自身物质,那么,太阳将 需要多长时间放快;其自身的物质消耗完?。可以通过下式计算。

时间 = (太阳的盾量)/消耗速率

时间=
$$\frac{2\times10^{30}$$
 千克
 3.7×10^{14} 千克/天 $\times\frac{4}{365}$ 天=1.5×10¹³年

结果是 15 万亿年! 因此,没必要担心太阳结束质/能转换后会发生什么。

第2章 MATLAB 环境

学习目的

通过阅读本章。读者可以掌握如下内容:

- 启动 MATLAB 程序、并在命令窗口中进行简单计算。
- 理解 MATLAB 中矩阵的应用。
- 使用不同的 MATLAB 窗口。
- 定义和使用简单的矩阵。
- 命名和使用变量。
- 理解 MATLAB 的运算顺序。
- 理解 MATLAB 中标量、数组和矩阵运算的区别。
- 用浮点或科学记数法表示数字。
- 调整在命令窗口中显示数字的格式。
- 保存MATLAB 中变量的数值。
- 保存 M 文件。

2.1 MATLAB 入门

初步使用 MATLAB 是一件很容易的事,但是完全掌握 MATLAB 却需要很长时间。本意重点介绍 MATLAB 环境,并描述如何进行基本的数学运算。通过本章的学习,读者可以在工作和学习中使用 MATLAB。如果能完成本章后面的习题训练。对 MATLAB 就会有更深入的了解。

MATLAB 的安装与操作系统和计算环境有关,在此假定计算机中已经安装了 MATLAB。在 Windows 或 Apple 环境下,单击桌面上的图标或在开始菜单中选择程序就可以启动 MATLAB 程序。 在 UNIX 环境下,在系统提示符后输入 Matlab 即可。不管通过哪种方式,一旦 MATLAB 被启动, 就可以看到 MATLAB 的提示符(>>或 EDU>>)。在 MATLAB 提示符后输入 quit 或 exit 就可以退出 MATLAB 程序,若使用 Windows 菜单、则可以在 File 菜单项中选择 EXIT MATLAB 或者单击屏幕 右上角图标(x), 退出 MATLAB 程序。启动 MATLAB 后的默认窗口如图 21 所示。

初步使用 MATLAB 时,仅需要了解命令窗口(在屏幕的右侧)即可。在 MATLAB 命令窗口中讲 行计算,大部分的语法规则和一般的科学计算相同。例如,计算5的平方。输入命令

输出显示为 ans =

计算 cos(π) 的数值, 输入

cos(pi) 输出结果为

ans =

MATLAB 按照标准的算术运算顺序进行计算,这一点对于多重算术运算非常重要。这些规则将 在 2.3.2 节中介绍。注意, 上述运算中的 pa 是 MATLAB 的内置函数, 不需要输入数值。



图 2.1 MATLAB 的打开窗口。MATLAB 运行环境包括很多窗口, 默认窗口有四个,其他窗口根据计算需要可以随时打开

绿 无

有些传了可能以于简单、自己不必输入练习、只需看 下流是够了 然而、如果边底边 练、则对内容掌握得会更好 些。

关键概念: MATLAB 的运算顺序和标准算术运算顺序相同。

在进一步学习之前,先做练习 2.1。

练习 2.1

在 MATLAB 的命令提示符下输入下列表达式,观察计算结果:

- 1. 5 + 2
- 2. 5 * 2
- 3. 5/2
- 4.3 + 2 * (4 + 3)
- 5. 2.54 * 8/2.6
- 6. 6.3 2.1045
- 7. 3.6^2
- 8. 1+ 2^2
- 9. sqrt(5)
- 10. cos(p1)

提 示

在 MATLAB 中, 命令旗、祀州生物人的命令刘建成 张表, 不论输入的命令是否止她, 均 被执行, 令令执行。不愿乎, 。 知识, 妻与秦命人于检查令 MATLAB 提供了多种方式可以简优 这种工程 例 中方法是使用的关键, 。 ... 进""可以把。 及中执行过的命令移下来, 进行编辑 修改后再换行。

2.2 MATLAB 窗口

MATLAB 有多个显示窗口,默认的有四个窗口,如图 2.1 所示。命令窗口(command windows) 面积较大,部署在右侧,当前路径(current directory)、工作区(workspace) 和历史命令窗口(command history windows) 准曼在左侧。 当日左上方的标签可以用来打开隐藏的窗口。 左下角 start 键代替旧版本中的 laumch pad 窗口。此外,文档窗口(document windows)、图形窗口(graphics windows) 和编辑窗口(editing windows) 可以在需要时自动打开,后续那分缘对这些内容进行详细介绍。图 2.1 所示的 MATLAB 还包括一个内窗的帮助(help) 功能。可以从上集单进入,为了使桌面人性化,可以重新调整窗口的大小、关闭不用的窗口,或者用每个窗口右上角的 undock 键管 温制工

2.2.1 命令窗口

命令窗口位于 MATLAB 默认视图的右侧,如图21 所示。命令窗口提供一个类似于便笺的环境, 利用它可以保存计算编集。但不能保存命令,如果要保存命令,需要使用编辑窗口创建 M 文件,M 文件将在 2-4.2 节中加以介绍。这两种命令输入方式都是有用的,在没有了解 M 文件之前,可以先使 用命令窗口的方式排行流

关键概念:命令窗口类似于便签的功能。

2.2.2 历史命令窗口

历史命令官口记录所有运行过的命令。当遇出 MATLAB 或运行 clc 命令时,命令官口格会被清空,但历史命令官口仍然会保存所有运行过的命令,使用编辑案单可以清空所有历史命令。如果使用公用的计算机,作为一种安全精施、在退出 MATLAB 时将就认清空所有的历史命令。上述例子中已整输入的命令会事复出现在历史命令官口中,通过这个官口可以了解 MATLAB 命令的执行过程,并可以把这供命令复和到命令官口中。例如、输入

clc 可以滑空命今窗口中的内容。

该命令可以隋空命令窗口的内容,但不会满除历史命令窗口中的数据。双击历史命令窗口中的 命令行故可以把法命令调回命令窗口非运行,或单击并掩掩命令代码到命令窗口加以执行。在历史命 今窗口双击

cos(pi)

该命令被复制到命令窗口并执行,返回如下结果:

-1 *ChAA**********

在历史命令窗口单击并拖拽到命令窗口:

5.4.2

此命令不会自动执行,单击 Enter 按钮后才会得到如下结果:

25

在命令窗口中进行复杂计算时,历史命令窗口的作用会变得更加明显。

2.2.3 工作区窗口

工作区记录命令曾口中已经运行过的变量。MATLAB 完成前面给出的例子后,工作区就会显示 个变量 ans, 其数值为 25, 类型为双精度数组;

Name	Value	Class
ans ans	25	double

MATLAR 的安装配置不同、工作区窗口风格可能会稍有不同。

关键概念: 工作区列出的信息描述程序创建的所有变量。

通过右键单:卡栏框里的列标等,可以在工作区窗口中显示更多的变量信息。这是 MATLAB 7 新增 的功能,在旧版本中没有。除 name、value 和 class 以外,可以检查变量的大小(size)和字节数量(bytes)。 调整窗口的大小可以显示所有的列信息。工作区窗口如下,

Name	Value	Size	Bytes	Class
FF ans	25	lxI	8	double

黄色的格状标记说明变量 ans 是一个数组,其大小为 1×1, 是一个单值变量(一行一列), 属于 标量、它需要 8 字节的内存空间。MATLAB 是用 C 语言编写的,从 C 语言的类定义中可知 ans 是双 精度浮点类型的数组。按照计算要求,变量 ans 可以存储为一个浮点数(十进制小数)。事实上,不 论是否输入小数点, MATLAB 都将其视为浮点数。

羊髓概念, 知此中存储数据的默认类型是双精度评点数。

除了数组大小和数据类型等信息外,工作区窗口还可以显示存储数据的统计信息。右键单击工 作区 列名栏,可以选择不同的统计方式,例如最大值、量小值或平均值。

每当命令第口完义了新的变量、工作区窗口里将会同步列出相应的变量。例如,输入

版[n]

A = 5 A =

变量 A 已经添加到了工作区,并按照字母顺序进行了排列,大写字母的变量排列在前, 小写字 母的变量排列在后。

Name	Value	Size	Bytes	Class
⊞A	5	ini	8	double
⊞ nes	25	1×1	8	double

在 2.3 2 节将会详细介绍 MATLAB 中矩阵的输入方法,在此仅给出简单的一维矩阵的输入方法;

B = [1, 2, 3, 4]

此命令返回

1 2 3 4

其中逗号可有可无,不输入逗号也可以得到同样的结果:

B = [1 2 3 4]

1 2 3

注意,变量 B 已经被添加到了 L作区中,它是一个 1x4 的数组。

Name	Value	Size	Bytes	Class
⊞ A	5	bd	8	double
⊞B	[1234]	1104	32	double
E ses	25	l×l	8	double

可以用类似的方式定义二维矩阵。每一行用分号隔开,例如,输入

C = [1 2 3 4; 10 20 30 40; 5 10 15 20]

则输出为

C =

1 2 3 4 10 20 30 40 5 10 15 20

Name	Value	Size	Bytes	Class
⊞ A	5	[x]	8	double
⊞в	[1234]	1366	32	double
⊞c	<3×4 double>	3104	96	double
FE ams	25	lxl	8	double

注意,在 L作区中, c 是一个 3x4 矩阵。为了节省空间,没有列出矩阵中存储的数值。输入变量名可以重新获得该变量的值。例如,输入

輸出

5

在上例中仅介绍了矩阵变量,其他类型的变量依此类排。

如朝所述。命令 cic 是一个清空窗11的命令。执行此命令后将命令窗口清空。窗下・个空白页。 但外不感味着从内存中删除了所创建的变景。命令 clear 可以删除所有存储的变量。执行完命令 clear 后、工作区中的内容社会受影響。在命令窗口中始

clear

A

工作区窗口格被治空为

	Bytes	

关闭工作区窗口后仍然可以通过命令 whos 找到前面所定义的变量:

whos

如果在执行命令 clear 前先执行命令 whos, 则会输出

Namo	Size	Bytes	Class
A	[st]	8	double
В	1×4	32	double
c	3564	96	double
ans	1×1	8	double

2.2.4 当前路径窗口

当前路径窗口则出了该路径下计算机文件夹里的所有文档。除非特别指定路径。MATLAB 存储 或打开文件都要使用"消路径。"当部款\路径与软件版本和交装方式有关。当前路径在主窗口顶部显 示,通过下拉菜单和浏览计算机文件可以选择其他的路径作为当前路径。浏览要使用浏览按钮,该按 银位于下粒菜单的旁边,如图 2.2 所示。

图 2.2 当前路径窗口列出了该路径的所有文件,使用下拉菜单或浏览按钮可以改变当前路径

2.2.5 文档窗口

双击工作区的任何。 个变量就会自动打开文档窗口,该窗口包括 一个数组编辑器 (array editor)。 变量的数值以一种表格的形式是示,数值在数组编辑器里进行修改, 也可以增加新的值。例如,如果 还没有输入三维数组 c. 则可以在命令窗口中输入以下命令。

C = [1 2 3 4; 10 20 30 40; 5 10 15 20];

在命令行后前加分号能抑制显示输出结果,这样就不会在命令窗口中重复出现该变量的值,但 c 会显示在1件比窗口中,双击该变票名则会出现数缩编辑器,如图 2.3 所示。此时就可以增添或修改 包贴 c 中的物程。

关键概念, 在命令窗口中, 命令行最后的分号会抑制显示输出结果。



图 2.3 文档窗口显示的数组编辑器

文档窗口敷组编辑器可以与工作区窗口配合使用创建新的敷组。用鼠标在工作区窗口的顶部块接键上慢慢划过,就会看到各个图标的相应功能。单击创建新变量图标,在变量列表中出现 个新的变量 unnamed.单击台建在弹出菜单中选择 rename,可以够效变量名;双击变量名,可以通过数组编辑器给变量赋值。这个新变量按钮是 MATLAB 7.5 的新增功能,如果使用的 MATLAB 是旧版本,旅不能通过此方式创建变量。

新变量创建结束后可以关闭文档窗口。

2.2.6 图形窗口

在需要作图时,图形窗口会自动弹出。为了说明这种功能,首先创建数组 x:

x = [1 2 3 4 5];

命令行后面用分号抑制显示输出结果,在工作区中出现新变量 x。 创建数组

v = [10 20 30 40 501;

使用下面的绘图命令输出图形。

plot(x,y)

图形窗口自动打开,如图 2.4 所示。注意在窗口顶部的任务栏中增加了一个新的窗口标志,根据使用的软件版本是数字版还专业版的不同,其图标的标题分别是《Student Version》Figure...和简单的Figure 1. 除非在 MATLAB 里专门输入命令打开一个新的图形窗口,否则任何新级加的图形都会覆盖掉原来的图形。

MATLAB 可以很容易地通过增加标题、改变 x 轴标记和 y 轴标记等方式对图形进行修正。这些 修正的图形内容对工程技术人员来说是非常重要的。本书将用单独一章来介绍图形的绘制方法。

关键概念:必须在绘制好的刚形上增加标题和必标名称。



图 2.4 MATLAB 可以方便协创建图形

2.2.7 编辑窗口

从菜单项中选择 File,然后单击 New,越后选择 M-file (File→New→M-file),这样就可以打开编辑窗口。在编辑窗口中输入和保存多个命令,但并不一定执行。在命令提示符后输入 edit 或在 E具栏里选择 New File 按钮也可以打开编辑窗口。

2.2.8 开始按钮

开始按钮位于 MATLAB 會口的左下角,通过它可以直接打开 MATLAB 的各个會口,如帮助功 能、网上发布的产品。示例和 MATLAB 工具朝。MATLAB 工具鞘为不同领域的应用者提供了更多 的计算功能。因此,工具箱对于工程技术人员来说是非常重要的。开始按钮是 MATLAB 7.5 中新墳 功能,取代了 MATLAB 6 中的 bunochpad 會口。

2.3 使用 MATLAB 求解问题

命令窗口是一个功能强大的、求解工程问题的工具。为了能有效地利用它,读者需要更多地了解 MATLAB 的使用方法。

2.3.1 变量的使用

MATLAB 可以像计算器一样当做求解工程问题的工具,但如果以变量的形式进行数值计算,则 使用起来会更加方便。MATLAB 变量的命名规则和其他程序设计语言相同:

- 变量名必须以字母开始。MATLAB 7.5 所允许的最长变量名为 63 个字符。后续的其他字符 无效。命令 namelengttmax 用于保证这一点。尽管 MATLAB 允许使用较长的变量名,但 变量名太长容易产生错误。变量名 般使用入写字母。常数名 般使用大写字母。但习惯上 用了写母表示的常数可以不必受此限制。例如,在物理学教科书中光速习惯上用小写字母 。表示。在MATLAB 中可以小必用大写表示。变量名应该简短场过、描述性强。
- 变量名允许使用的字符仪包括字母、数字和下画线。用命令 isvarname 來核实变量名的有效性. 与技能计算机消言类似,数字 1 表示 true,数字 0 表示 false。因此 invarname time

```
ans =
```

表示 time 是一个合法的变量名。 isvarname cool-beans

ans =

表示 cool-beans 不是一个合法的变量名,因为连字符是不允许使用的字符。

- 变量名区分大小写。变量×与变量x不同。
- MATLAB 程序中保留的关键字不能作为变量名。用户可以使用命令 iskeyword 查看系统预定义的关键字。

```
iskeyword
ans =
'break'
'case'
'catch'
'classdef'
'continue'
'else'
'elseif'
'end'
'for'
'function'
```

1161

```
'otherwise'
```

'persistent'

'switch'

'try'

● MATLAB 允许重新指定內置函数名作为变量名。例如,用户创建 个名为 sin 的变量,使用如下命令。

sin = 4

输出结果

sin =

这样做显然很危险,因为函数 sin(也就是 sine)就不能再被使用了。如果使用这个重新定义过的函数,那么将得到一个错误的提示:

sin(3)

??? Index exceeds matrix dimensions.

用户可以使用命令which 检查一个变量是否为 MATLAB 的内置函数: which sin

sin is a variable.

nf以输入下述命令将 sin 恢复到函数功能:

clear sin

再输入

which sin

响应

built-in (C:\Program

Files\MATLAB\R2007b\toolbox\matlab\elfun\@double\sin}
% double method

这说明了内肾函数的存储位置。

练习2.2

判断下面哪些变量名可以在 MATLAB 中使用。先初步判断,然后用 isvarname、iskeyword 和 which 等命令进行辦试。

1. test 2. Test 1stgroup
 group_one

if
 my-book

zzaAbc
 z34wAwy?12#

5. my_book

11. sin

6. Thisisoneverylongnamebutisitstillallowed? 12. log

2.3.2 MATLAB 中的矩阵

MATLAB 中的基本数据类型是矩阵。单值变量称为标量。可以表示成 1xl 的矩阵、按列或按行 排列的 :捐数据就是 ·维矩阵,称为矢崖。数据表称为二维矩阵。本章主要介绍标量、矢量和 :维矩 阵、"结然,MATLAB 也具有处理高阶数组的能力。

关键概念: 矩阵是 MATLAB 中的主要数据类型。同其他类型信息一样,可以使用矩阵进行数据处理。

矢量:包含单行或单列数据的矩阵。

按昭勒学命名规则, 矩阵用行和列表示:

$$A = \begin{bmatrix} 5 \end{bmatrix}$$
 $B = \begin{bmatrix} 2 \\ 5 \end{bmatrix}$ $C = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 5 & 7 \end{bmatrix}$

在这个例子里,A是一个1x1 矩阵,B是一个1x2 矩阵。C是一个2x2 矩阵。用矩阵表示的优点是整组信息可以用一个名字来表示。由于大多数人习惯用一个变量名表示一个数值,所以,本书从 MATLAB 如何处理标量开始介绍,逐步过渡到复杂的矩阵运算。

結構運貨

MATLAB 处理两个标量之间的运算方法与其他计算机程序相同,甚至和计算器都是一样的。加、减、藥、除以及指數运算的语法如表 2.1 所示。

各21 两个标号之间的算术运算(二元运算)

遊 算	算术语法	MATLAB 语法
to	a+b	d + a
M.	a-b	a - b
#	$a \times b$	a * b
ptr.	$\frac{a}{b}$ IR, $a+b$	a / b
指数	ď	a ^ b

标量,只有一个数位的矩阵。

命令

b = 5

a = 1 + 2

应读做"格1-与2 之和赎值给。",这就是两个固定标酬的加法运算,两个变量标量之间的算术运算规则与之相同。举例说明,前面已定义了变量。的俄为 3, 16 的值由下式定义:

然后

×

返回结果

则得到下面的结果:

赋值运算符显然不同于"等于"。考虑下面的语句:

x = x + 1

因为×显然不等于×+1。所以这不是 个有效的數学表达式。但是,如果把它视为赋值语句, 那么,它的含义就是在×原来值的基础上加1,所得到的新值取代×的原来数值存储于内存中。

关键概念:赋值运算符不同于等号。

由于前面存储在x中的值为8. 因此返回的语句是

这表明内存中名字为 x 的位置所存储的值已经变为 9。赋值语句和所熟悉的保存文件的过程类似。开 始先保存一个 Word 文件,并赋予它--个名字,然后对文件进行了修改,需要重新保存文件,但是仍 然用同一个文件名。前后两个文件内容并不相同,最新的文件内容被保存到该文件对应的内存位置上。

运算顺序

在所有的数学运算中,理解运算执行的顺序都是非常重要的问题。MATLAB 遵循标准的代数运 惊顺序.

- 首先完成括号内的运算、从里到外、逐级进行。
- 其次进行指数运管。
- 接着,从左到右进行乘除运算。
- 最后,从左到右进行加减运算。

为了更好地理解运算顺序的重要性,考虑正圆柱体表面积的计算过程。

圆柱体表面积县两个圆形底面积和在两个底面之间的柱体面积之和,如图 2.5 所示。假设圆柱体 的高为 10 cm, 半径为 5 cm, 下面的 MATLAB 代码可以计算出表面积:

radius = 5: height = 10;

surface area = 2*pi*radius*2 + 2*pi*radius*height

执行结果为

surface_area =

471,2389 2 mil $SA = 2\pi r^2 + 2\pi rh = 2\pi r(r + h)$

图 2.5 利用加、乘和指数运算计算正圆柱体的表面积

在这个例子中,MATLAB 首先进行的是幂运算,将半径取平方。接着从左到右,先计算等式中 第一部分的乘积,再计算第二部分的乘积,最后,把两部分的结果相加。也可以用下面的表达式代替:

surface area = 2*pi*radius*(radius + height)

得出同样的结果

surface area = 471.2389

在这个例子中,MATLAB 先求出半径与高的和,然后从左到右进行乘法运算。如果丢掉括号,那么, 格会得到

surface area = 2*pi*radius*radius + height

程序先计算 2*ni*xaduus*radius, 然后再加上 height, 该显然会得出错误的结果。括号前的垂号 是必需的。因为 MATLAB 不会假定任何运算符。而且会对下式做出错误的解释。

radius(radius + height)

坐径与高相加。其值为 15(坐径 = 10 而高 = 5)。MATLAB 会在表示坐径的数组中投第 15 个元素作 为半径的值。这种错误的解释会导致下面的错误语句:

??? Index exceeds matrix dimensions.

把数学表达式转换成 MATLAB 语句时要特别注意,应该在所书写的表达式中适当增加括号,这 些括号能使所编写的程序易于阅读和理解。

另一种提高代码可读性的方法是把长的表达式分解成多条语句分别输入。例如,等式

$$f = \frac{\log(ax^2 + bx + c) - \sin(ax^2 + bx + c)}{4\pi x^2 + \cos(x - 2) + (ax^2 + bx + c)}$$

这个等式的输入非常容易按错键,为了减少这种情况的发生,将等式拆成几部分。例如,首先对 x、 a、b、c四个变量赋值:

```
x = 9:
```

b = 3: c = 5:

然后分别**宁**义多项式和分母。

品络络这质部分内容合并成一个等式:

结果基

. . 0.0044

这种输入方法可以最大限度地减少出错概率。多项式的输入只需要一次,而不是三次,因为每 次都有出错的风险。这样的 MATLAB 代码更加准确,也更容易理解。

关键概念:减少出错的机会。

MATEAB 在4分"一路"。用一内设在命令一个人一步一格,但不会能够是多义。由广西以 在那号"四支殿号"的"四"工人下环、以其表述式的、美性更强、红木能在莱茵、红和跨点。)的 前后加入空格。

练习 2.3

首先手上计算下述 MATLAB 表达式的结果,然后。在命令窗口中输入这些表达式,并得到执行结果,比较 文质种结果是否 - 敬。

1.	6/6+5	6. 3-2/4+6^2
2.	2*6^2	7. 2^3^4
3.	(3+5)*2	8. 2^(3^4)
4.	3+5*2	9. 3^5+2

10. 3^(5+2) 5. 4*3/2*8

利用 MATLAB 求解下列表达式,并用计算器手工检查计算结果。

11.
$$\frac{5+3}{9-1}$$

12.
$$2^3 - \frac{4}{5+3}$$

14.
$$4\frac{1}{2} * 5\frac{2}{3}$$

15.
$$\frac{5+6*\frac{7}{3}-2^2}{2*\frac{3}{2*6}}$$

例 2.1 标量运算

风洞对研究高性能飞行器的性能起着重要作用、如图 2.6 所示。为了对风洞数据进行分析、工程 师需要了解气体的运动情况。描述气体运动特性的基本方程是理想气体状态方程,此内容在大学一年 级化学专业课上进行过详细阐述、适方程的表达式是

PV = nRT

其中,P 为压力、单位是 kPa; V 为体积、单位是 m²; n 为气体的摩尔数; R 为理想气体常数、单位 是 8.314 kPam3kmol K: T 为热力学温度

另外、已知气体的摩尔敏等于气体质量除以摩尔质量,如下式所示:

$$n = m/MW$$

其中, m 为质量, 单位为 kg; MW 为摩尔盾量, 单位为 kg/kmol.

等式中各个变量的单位不同,理想气体常数 R 的单位也要随之变化。

假设风洞中气体的体积为 1000 m3,风洞运行之前,气体的温度是 300 K,气压是 100 kPa,气体 的平均摩尔质量约为 29 kg/kmol, 计算周洞内气体的盾景。

此问题的求解过程如下。

1. 问题描述

对问题进行求解时,最好使用自己熟悉的语言对问 题进行重新描述: 计算风洞内气体的盾音.

2. 輸入/輸出描述

輸入

佐和 $V = 1000 \text{ m}^3$

温度 T = 300 K

压器 P = 100 kPa

分子書 MW = 29 kg/kmol气体常数

 $R = 8.314 \text{ kPa m}^3/\text{cmol K}$

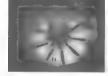


图 2.6 风洞用来对设计的飞行器进行测试

输出

质量 m = ? kg

3. 手工分析

通过手工或计算器计算,可得到这个问题的计算方法,然后再将其转化成 MATLAB 代码。为了 保证运算的正确性,不妨先用简单的数据对运算结果加以验证,求解此问题重要已知两个方程和一些 相关的数据:

PV = nRT

理想气体状态方程

盾量与摩尔勒的关系 n = m/MW

首先计算理想气体的摩尔数 n。代入给定数值:

$$n = PV/RT$$
=\frac{(100 kPa \times 1000 m^3)}{8.314 kPa \frac{m^3}{kmol K} \times 300 K}

利用质量与摩尔教的关系式,把摩尔教转换成质量:

 $m = n \times MW = 40.0930 \text{ kmol} \times 29 \text{ kg/kmol}$ m = 1162.70 kg

4. MATTAB 实现

首先, 进行清屏和清理内存操作:

clear, clc

在命令窗口中进行如下计算:

40.0930 m = n*MW m =

1.1627年003
在使用 MATLAB 进行问题求解时,需要注意如下两个方面;一,由于表达式后没有分号,变量值会在跌值语句后重复显示;二,计算 1 时也要注意括号的使用,分母上必须有括号,分予上可以不必有括号,在分子和分母上都使用括号能够增加代码的可读性。

5. 结果验证

通过此例可以看出, MATLAB 的计算结果与手工计算结果完全相同, 然而, MATLAB 可以允 许输入多种不同的数据, 得到不同的结果, 便于求解更为复杂的问题, 用于求解读问题的 MATLAB 程序截图如图 27 所示,

在工作区窗口中, 列出了所有在命令窗口中定义的变量, 历史命令窗口列出了在命令窗口执行 这的所有命令, 向上滚动历史命令窗口, 就可以看到以前的 MATLAB 命令, 用户可以方便地把这些 会企核制命令窗口申借用.



图 27 用于求解理想气体质量问题的 MATLAB 屏幕截陷

数组运算

MATLAB 可以简单地当做计算器来使用,但它真正的优势在于矩阵运算。正如前面所描述的,定义矩阵的最简单方法就是列出所有数据,称为显示列表。命令

返回行矢量

2四行失重

1 2 3 4

x = [1 2 3 4]

在定义矢量时,可以使用返号也可以不使用。用分号表示新的一行开始,用如下方法可以定义列矢量; y = [1, 2, 3; 4]

创建一个二维数组可以使用下面的语句:

a = [1 2 3 4; 2 3 4 5 ; 3 4 5 6]

输出结果是

a =

1 2 3 4 2 3 4 5 3 4 5 6

提

创建知弄越简单的方法是还有输入

. 14

复杂矩阵只能手工输入,但等差和等比矩阵却可以很方便地创建。命令

b = 1:5 和命令

b = [1:5]

的结果相同,都会输出矩阵

1 2 3 4 5

其中的方括号是可选的,默认步长是 1。如果步长为其他值,则需要把相应的步长值放于等号右边等 差勤组的第一个元素和最后一个元素中间。例如,

c = 1:2:5

表明步长是 2, 输出结果为

1 3

如果需要计算元素间的步长,则使用命令 linspace。确定數组中初始元素、最终元素和步数。 就可以得到相应的数组。例如。

d = linspace(1,10,3)

返回的结果是在1与10之间,由二个元素构成的等差数组:

d = 1 5.5 10

用命令 logspace 可以创建 个等比数组,需要三个输入值。前两个数值分别作为 10 的指数。最后一个信息数组中元素的个数。命令行如下。

e = logspace(1,3,3)

输出的三个值是

10 100 1000

注意第一个元素是 101, 量后一个是 103。

提 示

- 初學才在使用。 - 一、「才學の会輸入数判第一「和最后」「个元素的更高化」。 (4年) 6指

數例

MATLAB 以为要创建一个在10 '510' (5)在一个元本的数组、指果是

,

结果中乘数(1×10^m) 是公用的。由于前两个数值与第一个数值比较起来太小。所以近似认为是 0

提 示

新既宗义中所以使用算术运算。例如, a (0:p. 10:p:)

矩阵和标量经常进行运算。若 a = [1 2 3],则用下面的语句实现该矩阵中每个元素加 5:

b = a + 5

执行结果为

6 7 8

该方法适用于加减运算,但乘除运算略有不同。在矩阵运算中,乘号(*)有特殊的意义。因为 MATLAB 所有运算都涉及矩阵,所以需要一个用于对应元素相乘的新运算符,该运算符是。*(称之 为点乘运算或数组乘运算)。例如。

a.*b

其結果是: 矩阵 a 的第一个元素乘以矩阵 b 的第一个元素,矩阵 a 的第二个元素乘以矩阵 b 的第一个元素,矩阵 a 的第二个元素乘以矩阵 b 的第三个元素。 矩阵 a 的第三个元素乘以矩阵 b 的第三个元素。

若a(其值为[1 2 31)和 b(其值为[6 7 81)进行占乘运管。

a.*b

则运算结果是

读者可以自行验证该结果的正确性。

因为 a 和 b 两个矩阵不符合矩阵代数的乘法运算规则,所以,如果使用*运算符进行矩阵乘运算, 在上例中会输出链提结果。在进行矩阵间对应元素相乘运算时必须正确使用运算符。

对应元素间相除(,/)和幂运算(,^)的运算规则与点乘的运算规则类似:

a./b

下面给出了一些练习,以便加深理解。首先对两个表达式的运算结果进行初步计算,然后用 MATLAB 进行验证。

練习24

完成下列计算,理解*和.*,/和./。^和.^运算符之间的差异。

- 1. 定义矩阵 a = [2.3 5.8 9]为MATLAB变量。
- 2. 计算点的正弦值。
- 3. 对 a 中每个元素加 3。
- 4. 定义物阵 b = 15.2 3.14 21为 MATLAB 变量。
- 5 a 和 b 中が応元素組加。
- a和b中对应元素相樂。
 a中的每个元素求平方。
- 8. 创建一个矩阵 c, c 的元言为 0~10 的等差数列, 步长为 1。
- 9. 创建一个矩阵 d. d.的元素为 0~10 的等差数列, 步长为 2。
- 10. 利用 linspace 命令创建一个 10-20 且有 6 个元素的矩阵。
- 11. 利用 logspace 命令创建 -个 10-100 且有 5 个元素的矩阵。

关键概念: MATLAB 的矩阵计算能力活合进行重复运算。

MATLAB 的矩阵计算能力适合进行重复运算。举例说明,假设需要把多个角度值转换成弧度值。 首先输入矩阵的值,角度值分别为 10, 15, 70 和 90, 输入

degrees = [10 15 70 90];

若将其转换成弧度,则需要乘以 n/180

radians = degrees*p1/180

此命令执行后返回一个强度矩阵 radians, 在此例中, 因为该运算是在矩阵 degrees 与两个标 量 p1 和 180 之间进行的, 所以, 运算符既可以用.*, 也可以用*, 输入命令为

radians = degrees.*pi/180

握 示

《 MATLAB 中, π 值用内置的浮点数 表。

矩阵的另一个常用运算符是转置。转置运算就是将矩阵的行和列进行位置互换。例如, decrees:

返回思

ans = 10

15 70

利用转置可以方便地创建表格。例如,创建一个角度与弧度对应关系的表格,输入

table = [degrees', radians']

上述命令完成矩阵 table 的创建,矩阵的第一列是 degrees,第二列是 radians:

0.1745

table = 10.0000

15.0000 0.2618 70.0000 1.2217

90.0000 1.5708 二维矩阵的转置就是将所有的行变为列,所有的列变为行。例如、命令

table'

结果输出

0.1745

15.0000 70.0000 90.0000 0.2618 1.2217 1.5708

注意,table 并非是一个 MATLAB 命令,而是一个变量名。用户也可以使用其他更具实际意义 的名称命名,如 conversions 或 degrees_to_radians 等。

例 2.2 矩阵与标量的运算

科学数据经常是以国际单位制 SI(Systèm International)表示,比如风洞试验中采集得到的数据。 然而,许多美国生产的设备使用美国标准单位,成称 American Engineering 或 American Standard),为了 实现数据共享。 需要对数据的单位进行能一。 最严重的由数据单位体制不统一引发的事件发生在火星 气候探测器(Mars Climate Orbiter)上,加图 2.8 所示,它是火星勘探者计划(Mars Surveyor Program)的第 二次飞行。 由于飞行器软件中的一个查询表出现问题。飞行器于1999年9月在火星轨道上烧毁、在 键表中、飞行器程序中使用的数据采用平镀作为力的单位。而风洞测试的数据如采用磅作为力的单位。

在本例中,利用 MATLAB 创建一个将磅捷算成牛领的列表,此表从 0-1000 磅,其换算关系为

1 lbf = 4.448 221 6 N

1. 问题描述

创建一个将磅换算成牛顿的表格。

2. 输入/输出描述

输入

表格的配始值· OIbf

表格的最后值: 1000 lbf

图 2.8 火星气候探测器(美国航空航天局提供)

步长:

100 lbf

lbf 与 N 之间的换算关系是: 1 lbf = 4.448 221 6 N

棚出 用表格显示磅和牛顿两个力学单位之间的关系

3. 车 T. 分析

为了保证所创建表格的正确性,选择一些不同的数值进行初步检验,所选的数值应该容易手工 计算,并且具有检验的价值。

4. MATLAB 实现

```
clear, clc
1bf = [0:100:1000]:
N = 1bf * 4.44822;
[lbf',N']
ans =
  1.00+003 *
     n
   0.1000
                0.4448
   0.2000
                0.8896
   0.3000
                1.3345
   0.4000
                1,7793
   0.5000
                2.2241
   0.6000
                2.6689
   0.7000
                3.1138
   0.8000
                3.5586
                4.0034
   0.9000
   1.0000
                4.4482
```

在輸入命令之前, 首先清空工作区和命令窗口, 在工作区中 1bf 和 N 分割是 1xl1 的矩阵, 輸出的表格 ans 是 11xl 的矩阵, 前两个命令行后而带分号, 避免重复显示, 如果将步长空为 10, 甚至突为 1, 表格中会产生更多的数据, 将远算结果乘以 1 000 才是正确答案, 在 MATLAB 表播上方 直接显示了企业未难函数。



图 29 MATILAB E作区显示所有被创建的变量

5、结果验证

把 MATLAB 的计算结果和手工计算结果进行比较、二者结果相同、结果检验正确后,就可以按 服同样的算法创建其他的换算表格。例如、创建一个把牛顿换算成碲的表格、效值从 0 N 到 1000 N 形长为 10 N

例 2.3 阻力计算

在风洞中开展研究的一项主要内容是空气阻力问题。在轨道调整过程中,火星气候探测器与火星火气及之间会产生摩擦力,这种力可能会导致飞行器燃烧。除此之外,阻力在着他飞行器的设计中 中非北金重龙机 罗朗 210

阻力是飞机等物体在滤床中运动产生的。在规则 中,气流通过静止物体所产生的阻力与物体运动所产 生的阻力具有相同的方程法、阻力是多种复杂因素作 用的结果、这些因素包括飞行器表面的摩擦系数、气 滤神性而飞行器外部形状等、阻力可以通过阻力方程 计至。



$$\int d x \, d x = C_d \frac{\rho V^2 A}{2}$$

图 2.10 阻力是固体通过流体时产生的机械力

其中, C_i 为阻力系数,通过风洞实验确定; ρ 为空气密度;V 为飞行器速度;A 为参考面积、在此为空气流过的表面积。

尽管阻力系数不属于常数、但在低速条件下(低于 200 mph)可以认为是常数。假设以下数据可以 在风洞中测量得到:

担力 20 000 N

1×10⁻⁶ kg/m³

b IXIO KB/III

V 100 mph (需要将此值转换为 mps)

A 1 m²

利用这些实验数据可以初步确定风途在 0 mph 到 200 mph 之间变化时飞行器的阻力系数。

1. 问题描述

根据风洞中的实验敷据计算阻力系数、利用计算出的阻力系数确定不同速度条件下飞行器所受 的阻力.

2. 输入/输出描述

输入

FE. 20 000N

气体密度ρ 1×10⁻⁶ kg/m³

速度 V 100 mph

表面积A 1 m2

输出

阻力系数

速度在 0 mph 与 200 mph 之间变化时受到的阻力

3. 手工分析

首先根据实验数据求出阻力系数。速度的单位是 mile/h,必须与其他数据的单位统一,将其换算成 m/s,在工程计算中数据的单位一定要一致。

$$C_d = \frac{\text{fit } \pi \times 2/(\rho \times V^2 \times A)}{(20\ 000\ \text{N} \times 2)}$$

$$= \frac{(20\ 000\ \text{N} \times 2)}{1 \times 10^{-6}\ \text{kg/m}^3 \left(100\ \text{miles/h} \times 0.4470 \frac{\text{m/s}}{\text{miles/h}}\right)^2 \times 1\ \text{m}^2}$$

$$= 2.0019 \times 10^7$$

因为1牛领等于1kgm/s2,所以阻力系数元量额

用阻力系数计算不同读度下的阻力。

阻力=
$$C_1 \times \rho \times V^2 \times A/2$$

用计算器计算出 V=200 mph 时的阻力:

$$\mathbb{R}.D = \frac{2.0019 \times 10^7 \times 1 \times 10^{-6} \text{ kg/m}^3 \times \left(200 \text{ miles/h} \times 0.4470 \frac{\text{m/s}}{\text{miles/h}}\right)^2 \times 1 \text{ m}^2}{2}$$

定意量。把以接置或 SI 单位。

重新将 V 定义为矩阵,并进行单位换算,

计算阻力系数

计算阻力。

9日カ=80 000 N

4. MATTAB 实现.

drag = 20000; density = 0.000001;

velocity= 100°0.4470:

area = 1:

cd = drag*2/(density*velocity*2*area)

cd =

2.0019e+007

velocity = 0:20:200;

velocity = velocity*0.4470; drag = cd*density*velocity, ^2*area/2;

table = [velocity', drag']

table =

1.00+004 *

0 0.0009 0.0800 0.0018 0.3200 0.0027 0.7200

0.0036 1.2800 0.0045 2.0000

0.0054 2.8800 0.0063 3,9200

5.1200 0.0072 0.0080 6.4800

8.0000

0.0089 在下面的阻力计算公式中:

drag = cd * density * velocity. ^2 * area/2;

使用了^运算符、油运算符可以对读度矩阵里的每个值进行平方运算,而不是将速度矩阵自己相乘。 若仅使用寡运算符(A),则会出现一个出错消息提示。更为严重的是使用了错误的运算符,没有错误 据示、知绘出了错误的活算结果、因此第五者的结果验证就显得尤为重要。

5. 结果验证

经验证、MATLAB 的运算结果和手工计算相同、如图 2.11 所示。在计算结果和样本数据相吻合 的前提下,可以增加新的数据进行计算。理想情况下,计算结果应该与实验数据相比较、以证实所使 用的公式是对真实物理过程的精确建模。

```
| Company | Comp
```

图 2.11 历史命令窗口产生了一个命令列表记录

2.3.3 数值显示

科学记数法

```
Avogadro's_constant = 6.022e23;
Iron_diameter = 140e-12;或
Iron_diameter = 1.4e-10;
十进制小数与指数之间不设空格。MATLAB认为
```

6.022 e23 是 6.022 和 10²³两个数值。

科学记数法:用1~10之间的数乘以10的幂表示的数。

提示

數率地、科学、数法不明 10 商展来表示。○时老月本岛把这种命名为法与数学】的自然数e相隔消,c等于2.718 3。c的指数用 exp 函数表示。例如 exp (3)等于 e*。

显示格式

在 MATLAB 里有多种显示格式,无论选择哪一种,MATLAB 都使用双精度浮点数进行计算。 双精度浮点数有 16 位十进制有效数字,改变显示方式小会改变计算结果的精确度。与其他的编程语言不同,MATLAB 把整数和小数都视为浮点数。 关键概念:除非调用特殊的函数,否则 MATLAB 不区分整数和浮点数。

关键概念: 不论用哪种显示格式,进行运算时使用双精度浮点数。

在 MATLAB 里矩阵中的整数不用小数点,但十进制小数默认为小数点后四位有效数字。

输出是

A = 5

.

但是

λ = 5.1

输出是

A = 5.1000

而且

A = 51.1

输出是

A = \$1.1000

MATLAB 允许指定特殊的显示方式,以便显示额外的位数。若需要显示小数点后 15 位,则可以使用命令

format long

后续的显示将都变为此格式

輸出

A = 51.1000000000000000

含入误差导致最后一位小数是 1。当显示格式指定为 format bank 时,只显示两位小数:

A =

这种显示方式只适合于显示实数不能显示复数。输入

A = 5+3i

在此模式下会得出结果

5 00

使用 format long 命令则返回

5.000000000000000 + 3.0000000000000000

利用下列命令可以显示 4 位有效数字:

format short

为了验证结果,可以重新调用 下 A 的值:

A A =

5.0000 + 3.0000i

当被显示的数值太大或太小,以至于不能用默认的格式显示时,MATLAB 自动用科学记数法来显示。 若在 MATLAB 中输入阿弗加德罗常数

a = 6020000000000000000000000

则程序输出为

6.0200e+023

利用命令 format short e(4位有效数字)或 format long e(15位有效数字)可以指定 MATLAB 用科学记数法显示所有的数值。例如

format short e

结果

x = 1.0357e+001

经常使用的另外两个数值显示格式命令是 format short eng 和 format long eng, 这两种 显示式类似于科学计量法, 但 10 的指数必须是 3 的整倍数, 这与物理量的单位换算规则相符合。 例如,

下面的例子是先将数据格式转化为 L程化格式,然后输入 v 的值:

format short eng v = 12000

结里

y = 12.0000e+003

"鬼阵在屏幕上显示时,若矩阵元素出现太大或太小的情形,则在矩阵中添加一个公共标度因数,此 因数与数值间时输出。例如,在命令窗口输入

format short 例 2.3 的结果将变成 table = 1.0e+005 *

> 0 0.0002 0.0400 0.0004 0.1602 0.0006 0.3603

0.0008 0.6406 etc...
还有两种比较常用的显示格式是 format.和 format rat。用 format.格式显示矩阵时,只显示 元素的正负负 如果元素是正的、综会输出正号、如果元素是负的,综会输出负号,如果元素为 0. 即没有输出、这种格式可以显示大规矩阵元素的符号;

format +
B = [1, -5, 0, 12; 10005, 24, -10,4]
B =

+- +

命令 format rat 指定用有理数(分数)的形式显示数值。因此,format rat

x = 0:0.1:0.5

结果 **

0 1/10 1/5 3/10 2/5 1/2

有理数: 能用分数表示的数。

使用 format short g或format long g命令可以自动选择定点或浮点的最佳显示格式。
format 命令还可以调整命令窗口中显示数据的戒密程度,数认方式(format loose)是用户输
入的信息和计算机返回的信息之间相隔 行,format compact 命令能够将这些空行去掉。本书提供
的实例均采用 format compact 命令。使显示空间更加震荡。表 2.2 列出了 g 做的不同思示格式。

表 2.2 物值的显示格式

MATLAB #4	銀 示	实 例
format short	4 位有效數字	3.1416 123.4568
format long	14 位有效数字	3.14159265358979 1.234567890000000e+002
format short e	4位有效数字的科学记载法	3.1415e+000 1.2346b+002
format long a	14 位有效数字的科学记载法	3.141592653589793e+000 1.234567890000000e+002
formet bank	仅显示实际值的2位有效数字	3.14
format short eng	4位有效數字的工程记數法	3.1416e+000 123.4568e+000
format long eng	14 位有效数字的工程记载法	3.141592653589793e+000 123.456789000000e+000
format +	+, -, 符号	+
format rat	分數形式	355/113
format short g	MATLAB 选择单性格式	3.1416 123.46
format long g	MATLAB 选择最佳格式	123.46 3.14159265358979

若上述显示格式还不能满足用户要求,则可以用函数 fprintf 单独地控制某一行的输出,这在后面牵节中详细介绍。

2.4 内容保存

在工作窗口内输入命令类似于在计算器上进行计算。关闭计算器或者退出程序就意味着运算过程结束。命令 diary 可以保存命令窗口均度又的和工作区内显示的各种变量值。还可以保存产生这些结果的命令。MAT 文件和 DAT 文件两个文件可以用来保存或查找变量。在编辑窗口可以创意和编辑脚本 M 文件,同时也可以保存和执行。编写好的 MATLAB 程序保存值 种,使用起来非常方便。

2.4.1 日志

日志功能可以把 MATLAB 的工作过程记录在一个文档里,以便日后使用。MATLAB 命令行和 运行结果,乃至错误信息都能够被保存下来。在命令提示符后输入下列命令可激活日志功能:

diary

皷

diary on

在此状态下输入命令 diary 或 diary off,则终止记录功能,并在当前目录中产生一个日志文

档。双击日志文件名就可以打开文件,所记录的内容就会出现在编辑窗口中。使用"记事本"之类 的文本编辑器可以对文件进行编辑。后续的记录内容可以添加到文件的未尾处,若希望存储在不同的 文件组、则编集指令24名之

diary <filename>

蛇

diary('filename')

本书中用角括号(< >)来表示用户定义的文件名,若用户指定文件名为 My_dlary_file, 则需输入 diary My diary file

並

diary('My_diary_file')

2.4.2 变量存储

为了保存命令官口创建的变量(MATLAB 主界面左侧工作区官口展示的变量)。需要把工作区的 内容保存到文件里。文件的默认格式是名为 MAT 文件的 二进制文件。在命令提示符后输入下列信息 可把工作区中的容量保存到文档里。

save < file_name >> 其中, save 是 MATLAB 命令, file_name 为用户定义的文件名,该文件名要符合 MATLAB 变量 的命名规则。实际上、专门指定文件名是没有必要的,若不指定文件名,则 MATLAB 会自动将文件 命名为matlab.mar.在中途单中波接

File -- Save Workspace As

此时揭示输入文件名。输入下列内容可恢复工作区:

load < file_name >

其中,load 是命令,file_name 是用户定义的文件名。若输入 load 命令,则 MATLAB 会打开一个 默认的 matlab.mat 文件。

被存储的文件保存在当前目录中。

输入命令

clear, clc

可清空工作区和命令窗口。输入命令

whos

可确认工作区是否为空。定义多个变量

a = 5;

b = [1,2,3];

c = [1, 2; 3,4];

再次检查工作区内容会发现这些变量已经存储在工作区中了。如下操作可把工作区的内容保存到 m_{μ} example_file 中;

save my_example_file

一个新的文件被保存在当前目录中。若需要将文件保存在其他目录中,则单击浏览按钮,选择相应的目录,如图 2.2 所示。退出系统后,当前目录会随之消失。

输入命令

clear, clc

清空工作区和命令窗口内容。为恢复已清除的数据,可加载文件(my_example_file.mat)到工作区中。 load my_example file

所加载的文件必须是在当前路径下,否则 MATLAB 将找不到该文件。在命令窗口中输入

返回 a =

输入

b 返回

b =

输入

c 返回

c = 1 2

利用下面的命令, MATLAB 在当前路径中可保存一个或多个矩阵:

save <file_name> <variable_list>

其中,file_name 是用户定义的文件名,指定信息在内存中的存储位置: variable_list 是需要存储到文件中的变量名列表。

save my_new_file a b

上述命令把变量 a 和 b 保存到 my_new_file.mat 中。

以.mat 作为扩展名的文件属于 MATLAB 专用,不能被其他程序(C 或 C++) 调用。若要实现不同 计算机平台间的文件共享,则 MATLAB 允许将文件存储为 ASCII 码的文件格式,操作如下。

save (file name) (veriable list) -escii

ASCII 码: 种二进制数据存储格式。

命令-acsil 表明文件以标准的 8 位文本格式存储数据,ASCII 文件被保存为.dat 或txt 文件格式,而不是.mat 格式,在输入的文件名后一定要加扩展名,否则会默认为.mat 格式,

save my_new_file.dat a b -ascii

在上述命令中, 若文件名不带.dat, 则文件将存为.mat 格式。

若需要较高的数据精度,则可以保存成16位文本格式,

save file name variable_list -ascii -double

关键概念: 只需保存工作区变量和变量的值,无须保存执行的命令。

在当前路径下,用户可以使用命令 load 恢复数据:

load <file name>

save data 2.dat z -ascii

在數据文件中,矩阵 2 中的每 行数据都单独占用一行。在"前路经中双击文件名可以浏览 date 2. dat 文件,见图 2.12、访问 ASCII.dat 文件的规简单方法是使用命令 load,后面加文件名,文 作信息金被被到与文件名相同的经理中,还可以使用 MATI.AB 中的导入 (Import Wizard) 功能加载数据。"当双击当前目录中的文件名时,Import Wizard 自动弹出。根据操作指示就可以把数据加载到工作区,变量名与数据文件中的变量名相同。使用同样的方法还可以从 Excel 电子表格等其他程序中导入数据。或者在整理计论模书间—"mont Data"。



图 2.12 双击命令路径中的文件名弹出 Import Wizard 对话框

2.4.3 脚本M文件

命令窗口是一种既简单义强大的计算工具,但是,MATLAB 程序一旦退出,所有的计算内容都 会丢失,所率的是 MATLAB 还提供一种功能强大的编程语言。用户可以在 M 文件中进行编码,并 随时重用这些文件进行多次计算。M 文件差一个ASCI 文本文件,类似于 C 或 FORTRAN 源代码。 可以使用 MATLAB M 文件编辑器/调试工具对 M 文件进行时起和编辑(2.27 节讨论编辑窗口的功 般),也可以使用其他文本编辑器。打开编辑窗口需要在 MATLAB 主薬单中选择

File -- New -- M-file

MATLAB 编辑窗口如图 2.13 所示。许多用户喜欢利用窗口右上角的缩进箭头把编辑窗口放在 MATLAB 主界面的顶端,这样既可以看到 M 文件的内容又可以看到程序的执行结果。M 文件的运行结果在命令窗口中展示。



图 2.13 MATLAB 编辑窗口,或称为编辑器/调试工具

M 文件: 一种专门存储 MATLAB 命令列表的文件。

如果使用其他文本编辑器,则文件必须保存为 ASCII 码格式。"记事本"是一种文本编辑器,它的默认文件格式是 ASCII 码,WordPerfect 和 Word 等其他文字软件的默认文件存储格式是自定义的,与 ASCII 码不擦容。在保存文件时应指定 ASCII 码结构,否则。会产生意想不到的结果。

M 文件保存在当前路径下,文件名应符合 MATLAB 变量的命名规则,文件名以字母开头,仅 修何含字起、数字和下顺线,不允许有空格,详见 2.3.1 节。 M 文件有两种类别。即脚本文件和函数文件。脚本 M 文件以加 作为扩展名、保存 MATLAB 的 符句清单。脚本文件可以使用 工作区窗口中的所有变量。在脚本文件可是创建的所有变量也会在文件编译完成后添加到工作区窗口中。在 MATLAB 编辑窗口创建的脚本文件可以通过选择菜单卡中的 Save and Run 图标进行执行,如图 2.13 所示。Save and Run 图标进 MATLAB 7.5 的新变化,在旧版中此项功能的隔标类似于被叹号。执行一个脚本文件可以有两种方法。 种方法是输入文件名,另一种方法是在命令窗口中数十命令,如表 2.3 所示。

关键概念: M 文件有脚本文件和函数文件两种举形。

在命令窗口里输入

what

可以查找当前路径下的 M 文件和 MAT 文件。也可以直接在当前路径下查找。

使用脚本 M 文件可以保存命令列表,以备将来使用。为了使用方便,在文件中应对命令进行注 释。在 MATLAB 中,百分号是注释运算符。比如

% This is a comment

注释行中的任何代码都不会被 MATLAB 执行。

在命令行的结束外可以添加注释, 但必须甚同一行,

a = 5 %The variable a is defined as 5

写到 M 文件里的求解例 2.3 的 MATLAB 代码如下:

clear, clc

% First define the variables

area = 1; %Define area in m^2 % Calculate coefficient of drag

cd = drag *2/(density*velocity*2*area)

% Find the drag for a variety of velocities velocity = 0:20:200: %Redefine velocity

velocity = velocity*.4470 %Change velocity to m/s

drag = cd*density*velocity.^2*area/2; %Calculate drag
table = [velocity',drag'] %Create a table of results

夢2.3 在命令官□中执行脚本 M 文件的方法

MATLAB 🖘	10. 101	
myscript	输入文件名,假设是 m 文件	
run myscript	使用执行命令加文件名的形式	
run('myscript')	使用执行命令的函數形式	

上述代码既可以在命令窗口中运行,也可以通过 M 文件运行。这两种方法的运行结果都可以在 命令窗口中呈现出来,并且,所使用的变量都会存储在工作区中。二者的不同之处在于, M 文件可 以存储起来日后窗用。

提示

信果需要换行 M 文件印刷 图分为名。也可以完成当相应部分 外方所 1 有键型并 Evaluate 证明为关键,并参加 "本本语数次的语句,保证有类拟行的部分,外有现价 有端成得受过 理中,这些方法是很有效的。 本意最后一个例子是利用脚太 M 文件计算航天器在离开大阳系时的速度和加速度。

例 2.4 创建 M 文件计算航天器的加速度。

在没有阻力时, 航天器的推讲力配盖净定的作用, 根据物理学中的基本公式

 $F \approx ma$

力(P)等干盾=(m)乘以加速度(a)、功(W)是力与位移(d)的乘积、由于功率(P)是单位时间内所做的 功、所以、功率就是力与法度(v)的要称:

 $P = \frac{W}{t} = F \times \frac{d}{t} = F \times v = m \times a \times v$

这意味着航天器的功率取决于它的后量、速度和加速度。如果没有力的作用、航天器就会保持 当前速度匀速飞行。只要航天器保持匀速、其轨道修正所需要的功率就很小。航天器的主要消耗功率 用干渍信、内各整理和科学实验与观测、而不是用干导航。

旅行者 1 号和 2 号航天器在 20 世纪 70 年代开始探索外太阳系(见图 2.14), 旅行者 1 号曹到过 水星和土星、施行者2号不仅到过水星和土星、还继续探访天王星和海王星、旅行者计划取得了巨大 的成功,旅行者号航天器在离开太阳系的过程中还不断地发回信息。航天器的动力来源为核反应堆。 预计可以工作到 2020 年,钚-238 在衰变过程中释放出的热量用于发电,以此作为航天器的能源。航 天器在发射的时候发动机输出功率为 470 瓦,由于钚的衰变,在 1997 年也就是发射后的 20 年,输出 功率減少到 335 瓦。这些能量可以用于科学实验,也可以转化为推动力。若把这些能量转化为推动力、 那么,航天器会产生多大的加速度?旅行者 1 号目前的飞行速度是 3.50 天文单位/年,旅行者 2 号约 飞行油度县 315 天主单位/年,两个航天器的盾量都是 721.9 kg。



图 2.14 旅行者 1 号和旅行者 2 号在 1977 年发射升空井已离开太阳系(美国航空航天局提供)

1. 问题描述

计算航天器发动机的输出功率能产生多大的加速度。

2. 输入/输出描述

輸入

航天器盾量=721.9 kg.

功率 = 335 E. = 335 J/s.

旅行者1号的速度=3.50天文单位/年。

旅行者 2 号的速度 = 3.15 天文单位/年。

納出

每个航天器的加速度,用 m/s/s 单位表示。

3. 手工分析

已知

 $P = m \times a \times v$

改写为

$$a = P/(m \times v)$$

计算的难度在子单位的换算。首先,把速度单位换算成 m/s。旅行者 1 号的速度为

$$\nu = 3.50 \frac{\cancel{\xi} \cdot \cancel{\xi} \neq \acute{u}}{\cancel{4}} \times \frac{150 \times 10^9 \, \%}{\cancel{\xi} \cdot \cancel{\xi} + 24 \, \text{lp}} \times \frac{\cancel{\xi}}{3600 \, \%} \times \frac{\cancel{\xi}}{3600 \, \%} = 16.650 \frac{\cancel{\%}}{\cancel{50}}$$

计算加油度.

$$a = \frac{335 \frac{J}{8} \times 1 \frac{\text{kg} \times \text{m}^2}{\text{s}^2 J}}{721.9 \text{ kg} \times 16 650 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}} = 2.7 \times 10^{-5} \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

4. MATLAB 实现.

clear, clc

%Example 2.4

%Find the possible acceleration of the Voyager 1 %and Voyager 2 Spacecraft using the on board power

%generator format short

mass=721.9: %mass in kg

% power in watts power=335;

velocity=[3.5 3.15]; % velocity in AU/year

%Change the velocity to m/sec

velocity=velocity*150e9/365/24/3600 %Calculate the acceleration

acceleration=power./(mass.*velocity)

在命令窗口中输出结果,如图 2.15 所示。



图 2.15 M 文件的执行结果直接显示在命令窗口中,所创建的变量出现在工作区窗口。 当前目录窗口是 M 文件的清单, 历史命令窗口显示了 M 文件的部分命令

5. 结果验证

通过对 MATI AB 和手工计算的结果进行比较,可以看出,两种计算方法所得到的旅行者 1 号的 速度和加速度相同,此加速度景起来很小,但经过数周兹勘月后,如此小的加速度也能使速度显著室 化. 加速度为 2.8×1(T° m/s² 的物体在一个月内其速度会提高 72 m/s, 计算过程如下:

2.8×10⁻⁵ m/s²×3600 s/ 小时×24 小时/天×30 天/月=72.3 m/s

通过这样简单的实例,读者可以掌握 MATLAB 编程方法,并进一步解决更复杂的问题。

本章小结

本意主要介绍了 MATLAB 的基本结构。MATLAB 环境包括多个窗口,其中四个为默认窗口。 分别基

- 命令窗口。
- 历史命今窗口。
- 工作区館口。
- 当前路径窗口。

此外还有

- 文档窗口。
- 图形窗口。
- 编数窗口。

需要时可以打开相应的窗口。

MATLAB 的变量定义规则与其他编程语言的变量定义规则相同。

- 必须以字母开头。
- 可以使用字母、数字和下面线。
- 变量名区分大小写。
- 变量名的长度可以是任意的,但只有前 63 个字符视为有效。
- MATLAB 的关键字不能用做变量名。
- MATLAB 允许使用函数名作为变量名,但不建议这样使用。

MATLAB 的基本运算单位是矩阵,矩阵可以是

- 标量(1×1 矩阵)。
- 矢量(1×n 或 n×1 的矩阵, 行矢量或列矢量)。
- 一维数组(mxn或者nxm)。
- 多维数组。

矩阵以存储数字信息为主,也可以存储其他类型的信息。数据可以直接输入也可以从数据文件 中导入。输入数据时,矩阵用方括号括起来,每行的元素用空格或逗号隔开,用分号重起一行:

a = [1 2 3 4; 5 6 7 8]

等差矩阵用冒号产生,命令如下:

b = 0:2:10

该命令可以创建一个在0~10之间,步长为2的递增矩阵。函数 linspace 和 logspace 可以用

来产生指定起始數据、结束數据和步长的等间隔矩阵,前者指定的是线性等间隔,后者指定的是对數 等间隔,MATLAB 的帮助文件详细描述了这些函数的语法。

MATLAB 遵循标准的代数运算规则,它所支持的运算符在本章的小结部分详细列出。

MATLAB 支持标准的一进制记数法和科学记数法,也支持其他方法。无论数值以何种格式显示,其存储格式都是双精度浮点数。

MATLAB 命令清单可以保存在脚本 M 文件里,MATLAB 变量可以在:MAT 和DAT 等类型文件 里存储或导出。扩展名为MAT 的文件是 MATLAB 的特有文件特式,与其他格式的文件相比,它具 有更高效的数据存储能力。文件DAT 使用标准的 ASCII 码格式,可以和其他计算机程序共享数据。

MATLAB 小结

下面列出了本章介绍的 MATLAB 特殊字符、命令和函数。

特殊字符		
[.	构成矩阵	
()	在语句中用于划分计算顺序。定义矩阵元素	
矩阵元素或下标的分隔符		
5 矩阵换行符;用于命令行结尾控制显示输出结果		
7	用于生成矩阵:表示所有行成列	
-	赋值运算符,把一个值赋给内存,不同于等号	
1	M文件中的注释	
	标量和数组相加	
-	标账和数组相减	
	标量和矩阵的乘运算	
	教组乘(点乘或点星)	
/	标量和矩阵的除运算	
	數組除(点除)	
	标量和矩阵的幂运算	
.^	数组第运算(点路)	
命令和函數		
ans	计算结束的默认变量名	
ascı.	数据按 ASCII 网络式存储	
clc	清空命令窗口	
clear	滑空工作区	
diary	创建记录工作区窗口执行的所有命令和运行结果的日志	
exit	终止MATLAB	
format +	设为只显示正、负符号的格式	
format compact	设为策决的格式	
format Long	设为 14 位有效数字格式	
format long e	设为14位有效数字的科学记数法格式	
format long eng	设为14位有效数字的工程记数法格式	
format long g	设为 14 位有效数字格式,由 MATLAB 选择最佳格式(浮点数或定点数	
format loose	设为默认的、非繁凑的格式	
format short	设为默认的 4 位有效数字格式	
format short e	设为默认的 4 位有效数字的科学记数法格式	

	(鎮衰)
AVHOR	
format short eng	设为默认的 4 位有效数字的工程记数法格式
format short g	设为默认的 4 位小教格式,由 MATLAB 选择最佳格式(浮点敷或定点数)
format rat	设为分数格式
help	激活帮助功能
linspace	统性等步长矢量函数
load	从文件中调入矩阵
logspace	对教等步长矢量函數
pi	x 的近似值
guit	终止MATLAB
save	把受量保存到文件中
who	列出内存中的变量
whos	列出变量及大小

习题

求解下列问题。读者可以直接在命令窗口中进行计算,也可以通过创建 M 文件计算。在解决实际问题时,创建 M 文件的方法更为方便。

2.1 利用 MATLAB 求解下列问题,并用手工计算的方法对结果进行检验。

```
5 * 6 * 4/2

5/2 * 6 * 4

5^2 * 3

5^ (2 * 3)

1 + 3 + 5/5 + 3 + 1

(1 + 3 + 5)(5 + 3 + 1)
```

1 + 3/4

2.2 判断下列变量名哪些是合法的 MATLAB 变量。

fred fredl
book_1 book-1
2ndplace Second_Place
#1 No_1
vel_5 vel_5
tan while

使用函数 isvarname 对上述变量名进行检验,执行命令

isvarname fred

若变量名有效,则返回 1, 否则返回 0。函数名最好不要作为变量名使用。用 which 命令可以检验 '个变量名是否为函数名。执行下面的命令,可以知道 sin 是变量名还是函数名。

which sin

2.3 编写 MATLAB 代码完成下列运算: 5²

5+3

 $\sqrt{4+6^3}$ (提示: 均方根等同于 1/2 次幂。)

$$9\frac{6}{12} + 7 \cdot 5^{3+2}$$

1+5-3/62+22-4-1/55

利用计算器对上述 MATLAB 计算结果进行验证。

- 2.4 (a) 圆的面积公式是 nr2。用 MATLAB 计算半径 r 为 5 的圆面积。
- (b) 球的表面积公式是 $4\pi r^2$ 。用 MATLAB 计算半径为 10 ft 的球体表面积。
- (c) 球的体积公式是4/3πr3。用 MATLAB 计算半径为2 ft 的球体体积。
- **2.5** (a) 正方形面积是边长的平方(A = 边长 ²)。利用 MATLAB 计算 边长为 5 的正方形面积。
- (b) 正方体表面积是棱长平方的6倍(SA=6× 边长³)。利用 MATLAB 计算棱长为10 的正方体表面积。
- (c) 正方体的体积是棱长的立方(V= 边长 3),利用 MATLAB 计算棱长为 12 的正方体体积。
 - 2.6 如图 P2.6 所示的杠铃
- (a) 每个球的半衫是 $10\,\mathrm{cm}$,两个球之间连接杆的长度是 $15\,\mathrm{cm}$,杆的 直径为 $1\,\mathrm{cm}$,计算杠铃的体积。
 - (b) 计算杠铃的表面积



图 P2.6 杠铃的几何形状可以整模为两个球体与一个连接杆





图 P2.5 (a-c)

2.7 例 2.1 介绍的理想气体状态方程描述了压强(P)、温度(T)、体积(Y)和气体摩尔数(n)之间的关系:

PV = nRT

其中, R 是理想气体常數, 理想气体状态方程描述的是低压强和高温 度时气体的转件。在 1873 年, 范德瓦尔斯(见图 P2.7)对这个方程进 行了修正, 使其能够更好地描述气体在不同压强和温度条件下的状 表。该方得越軟为危德瓦尔斯方程;

$$\left(P + \frac{n^2 a}{V^2}\right)(V - nb) = nRT$$

该方程新增了 a 和 b 两个变量,用来表示纯净气体的属性。 利用理想气体状态方程和范德瓦尔斯方程计算水蒸气的温度, 得到如下数据



图 P2.7 J.D. 范德瓦尔斯

	压强.P	220 bar	
	摩尔敷。#	2 mol	
	#BL V	1 L	
	a	5.536 L2baz/mol ² *	
	b	0.030 49 L/mol 4	
	SIE SEE EST AND SEE DE	0.083 144 72 f bar /K mol	

^{*}来源: Weset, R. C. (Ed.), Handbook of Chemistry and Physics (53rd Edn.), Cleveland: Chemical Rubber Co., 1972.

2.8 (a) 圆柱的体积公式是 $\pi r^2 h$ 。半径r为 3,高度h的矩阵为

h = [1, 5, 12]

计算圆柱的体积[见图 P2.8(a)]。

(b) 三角形面积是底乘高的 :分之 ,底边 b 定义为矩阵

b = [2, 4, 6]

高度 h 是 12、计算 "角形的面积、见图 P2 8 (h)。

(c) 柱体的体积是底面积乘以高, 柱体的底面可以是圆形、正方形和三角形等任何形状, 如图 P2.8(c) 所示。

以图 2.8(b) 中的三角形为底面, 计算高为 6 的三棱柱体积。



29 一辆汽车燃烧。加仑的汽油会产生 19.4 杨的二氧化碳。依据 EPA2008 标准, 汽车制造厂商 附边提供了不同每号汽车的燃油效率报告。如下表所示。假设、辆汽车 年行驶 12 000 英里, 计算 下列车型一车产生的二氧化碳聚。

2008	Smart Car Portwo	37 mpg
2008	Civic Coupe	29 mpg
2008	Civic Hybrid	43 mpg
2008	Chevrolet Cobalt	30 mpg
2008	Toyota Prius (Hybrid)	46 ropg
2008	Toyota Yaris	32 mpg

- 2.10 (a) 创建一个在 1 与 20 之间、步长为 1 的等差矢量。
- (b) 创建一个在 0 与 2x 之间、步长为 x/10 的矢量。
- (c) 创建一个在 4 与 20 之间, 元素数为 15 的矢量(提示: 使用 linspace 命令。若对语法不熟 悉、酬请讨输入 help linspace 杂得帮助)。
- 2.11 (a) 创建一个英尺与米之间的换算表。范围从 0 到 10 英尺,步长为 1(从相关教材或网上 春炒魚質 \$ \$ 1.
- (b) 创建 一个弧度和度之间的换算表。弧度的范围从 0 到 π , 步长为 0.1π (从相关教材或网上查找换算关系)。
- (c) 创建一个 mu/h 和 ft/s 之间的换算表,从 0 mi/h 到 100 mi/h,要求表中有 15 组数据(从相关教 材或风 上 春校執算关系)。
- (d) 溶液的酸碱度通常用 pH 值表示、溶液的 pH 值是对氢离子浓度取以 10 为底的对最再取负号 得到 即 Hu 定义。创建一个氢离子被度和 pH 值之间的对应表,表中有 10 组数据,采用对数等步长、从 0.001-0.1md/lk 假复发离子液度为 以 conc. 对浓度取对最初命令为

log10(E conc)

2.12 忽略空气糜擦力、计复自由蒸体位移的公式为

$$d = \frac{1}{2}gt^2$$

设g=9.8 m/s2。创建一个时间与位移的关系表,时间在0~100 s之间,选择合适的时间增量创建 时间矢量。(提示:下确使用运复符,产是:个数组运算。)

2.13 由牛顿的万有引力定律可知。两个质点所受的引力为

$$F = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$$

实验测完的 F有引力常数 G 为

$$G = 6.673 \times 10^{-11} \text{ N m}^2/\text{kg}^2$$

两个质点的质量分别为 m, 和 m, r 为质点间距离。设地球的质量约为 6×10^{24} kg,月球的质量约 为 7.4×10²² kg, 地球与月球之间的平均距离为 3.9×10⁸ m, 利用万有引力定律计算地球和月球之间的 引力。

2.14 地球和月球间的距离并不总是固定不变的。将3.8×10°m到4.0×10°m的距离变化10.等分。 计算对应不同距离时目或对地球的引力。

2.15 习题 2.7 中理根气体方程为

$$PV = nRT$$

热德瓦尔斯班根何体方程为

$$\left(P + \frac{n^{\parallel}a}{V^2}\right)(V - nb) = nRT$$

利用习题27所给的数据、计算温度信。条件为

(a) 体积为 11. 压强在 0 bar 和 400 bar 之间的 10 个值。

(b) 压强为 220 bar, 体积在 0.11 和 101 之间的 10 个值。

2.16 创建矩阵 a, 其值为[-1/3, 0, 1/3, 2/3], 分别利用下列不同的格式显示。

format short(默认)

format long

format bank

format short e

format long e

format short eng

format long end

format short q

format long q

formst .

format rat

- 2.17 (a) 创建 个名为 D_to_R 的矩阵,它有两列元素: 列元素表示角度,另一列表示对应 的弧度, 元素值任选。
 - (h) 把矩阵保存到文件 degrees, dat 中。
 - (c) 文件保存后,清空工作区,再从文件中导出数据。

2.18 在本意习题中任选 个作为例子,创建一个脚本 M 文件。文件中包括对问题和计算过程 的说明, 以及个人姓名和日期等其他信息的描述。

第3章 MATLAB中的函数

学习目的

通过阅读本意, 读者可以掌握如下内容:

- 理解和使用普通物学函数。
- 理解和使用 MATLAB 中的一角函数。
- 理解和使用统计与数据分析函数。
- 创建均匀随机数矩阵和高斯随机数矩阵。
- 理解 MATLAB 计算结果的极限。
- 认识和使用 MATLAB 函数与特殊值。

引言

大多数的工程计算都需要用到复杂的数学函数,其中包括对数函数、三角函数和统计分析函数。 为了运算方便,MATLAB 提供了丰富的内置函数。

3.1 内置函数的使用

MATLAB 的许多内置函数与 C 语言、PORTRAN 和 Java 语言中的函数名相同。例如,求变量 x 的平方根,输入

MATLAB 的最大优势是,函数的自变量既可以是标量也可以是矩阵。在上例中,若 \times 是标量,则返回的结果也是标量。语句

x = 9; b = sgrt(x)

的输出是一个标量

b =

若平方根函数 sgrt 的自变量是矩阵,则输出结果是原数组中每个元素的平方根。

x = [4, 9, 16];b = sqrt(x)

输出

2 3 4

关键概念: MATLAB 中的大部分函数名和其他编程语言中的函数名相同。

函数由三部分组成, 名称、输入和输出。在上面的例子中, 函数名是 sqrt, 括号内是输入也称为自夸量, 自夸景质可以是标量也可以是矩阵。输出为计算的结果, 在本例中, 输出变量为 b。

自变量: 函数的输入

有些函数有多个输入。如余项函数 rem(x, y) 就有被除数和除数两个输入。用

计算 10 除以 3 的余数

有些函数有多个输出,如函数 size 求矩阵的行数和列数。两个输出存储在一个数组里,分别是 矩阵的行数和列数。

输出一个 1×2 的矩阵

也可以用赋值语句直接赋值绘两个变量。

输出

还可以使用函数嵌套实现更复杂的表达式。如

$$q = sqrt(sin(x))$$

叮以求矩阵×正弦值的平方根。如果×的值为2,则

x = 2; 輸出

g e

嵌套: -个成数是另一个函数的输入。

函数嵌套会导致 MATLAB 编码变得复杂,为了简单化,往往把函数嵌套分解成两个赋值语句:

$$a = sin(x);$$

 $g = sqrt(a)$

上式与 g = scrt(sin(x))的输出结果相同,但表达式比较简单。

提示

很多 MATLAB 函数的名称和语法具有对应关系,但必须正确使用函数进行运算。

3.2 帮助功能

MATLAB 为用户提供了非常完善的帮助系统。有两种方法可以获取帮助信息。种方法是在命令行中直接输入 help 命令,另一种方法是在上菜单中选择 help,或者按下 FI 功能键在命令窗口中直接输入 helpwin 就能够打开一个 HTML 格式的帮助文件。接 Start 键或选择菜单上的 Help 图标可以获取在线 HTML 格式的帮助公件。

关键概念:使用帮助信息有助于理解 MATLAB 内置函数的用法。

为了演示利用命令行使用帮助功能,可在命令窗口中输入help;

help

会显示以下帮助主题:

RELP topics:

KELF CODICE:

MATLAB\general - General-purpose commands

MATLAB\ops - Operators and special characters
MATLAB\lang - Programming language constructs
MATLAB\elmat - Elementary matrices and matrix

manipulation

HATLAB\elfun - Elementary math functions
MATLAB\specfun - Specialized math functions

and so on

输入help<topic>可以获取特定函数的帮助信息。注意,MATLAB语句中不包括尖括号<和>, 尖括号只基基示输入信息。

为了获取函数 tangent 的帮助信息、可输入

help tan

显示以下信息:

TAN Tangent of argument in radians. TAN(X) is the tangent of the elements of X.

See also atan, tand, atan2.

在英单栏中选择 Help-MATLAB Help, 可以打开帮助窗口,由帮助导航进入相应的帮助主题, 也可以直接从命令窗口输入 doc<topic>。 欲获取正切函数的帮助信息,可输入

doc tan

这两种方法获取的帮助信息略有不同。如果对获得的帮助信息不满塞,则可以尝试另一种方法。 帮助窗门中有 MATLAB 的学习指伸,窗口左边是按类别和字母顺并特列的帮助内容。可以方便地查 按 MATLAB 病数。例如,对一个计算结果进行四合五入,可利用 MATLAB 帮助窗口确定正确的 MATLAB 摘数。

单击 MATLAB Functions-By Category (见图 3.1), 选择 Mathematics 链接(见图 3.2)。



图 3.1 MATLAB 帮助环境



图 3.2 Functions-By Category 帮助窗口。注意右边窗口中函数 Mathematics 的链接

在页面的中间部分是 Elementary Math 分类,见图 3.3。选择 round,打开链接就可以获得取整婚数的帮助信息。例如,函数 round 实现数值的四含五入功能。

选择 Functions-Alphabetical List 可以查到函数 round 的语法。



图 3.3 Mathematics 帮助窗口

练习 3.1

- 1. 在命令窗口中输入 help, 获取下列函数的语法:
- a. cos b. sqrt c. exp
- 2. 使用主菜单中的窗口帮助功能,获取上题中函数的语法。
- 3. 使用在线帮助 www.mathworks.com 获取上题中函数的语法。

3.3 初等数学函数

初等数学函数包括对数函数、指数函数、绝对值函数、四含五入函数和离散数学中的函数。

3.3.1 常用计算

表 3.1 中函数输入变量 x 既可以是标量也可以是矩阵。

赛31 常用數學品數

abs(x)	求×的绝对值	abs(-3)
		ans = 3
sgrt(x)	求×的平方根	scprt (85)
		ans = 9.2195
Nthroot(x,n)	$\pi \times$ 的 n 次方实聚帐,函数的输出结果不能是复数。因此, $\pi(-2)^{\circ}(1/3)$ 的计算结果不同,但都是 -2 开二次方的合注结果	nthroot(-2, 3) ans 1.2599 (-2)^(1/3) ans = 0.6300 + 1.09113
sign(x)	無果×大下0輸出1 無果×等于0輸出0 如果×小于0輸出-1	sign(-8) ans = -1
rem(x,y)	求×/y 的余數	rem(25, 4)
exp(x)	计算e*, 其中e是自然对数的底。数值的等于2.7183	exp(10) ans = 2,2026e + 006
log(x)	计算 ln(x), 它是 x 的自然对象(能为 e)	log(10) ans = 2.3026
log10(x)	计算 1g(x), x 的常用对数(能为 10)	log10(10)

美髓概念,大部分函数的输入据可以显标器、矢量、也可以是矩阵。

揚 示

有现有的证算机点,,中,有数示数是共享处点提出。 与有数字数科书上并没有助确规定。 对初学者来说、主要《元》、广 Y K. CHA C. C. L. C. L. C. L. L. C. L. L. L. 电子数 MAHAB 中提供函 数、GG2、以其他數值为底的对数运算需要间接求得,MATLAB没有提供通用的对数运算函数。

练习 3.2

- 1. 创建矢量 x, 在-2 到+2 范围内, 步长为 1。x 应为
 - x = [-2, -1, 0, 1, 2]
 - a. 求矢量中每个元素的绝对值。
 - h. 业矢量中每个元素的平方根。
- 2. 求-3 和 +3 的平方根。
 - a. 使用函数 sort。

 - b. 使用函数 nthroot (输入-3 时会出现错误提示)。
 - c. 求-3和+3的L/2次幂。
- 比较 : 种运篮结果有何不同?
- 3. 创建矢量 x, 在-9 到 12 之间, 步长为 3。
 - a. 或×除以2的商。
 - b. 求×除以2的余数。
- 4. 用赝 3 中的矢量求 e*。
- 5. 用题 3 中的矢量
 - a. 求 x 的自然对数 ln(x)。

- 6. 用函数 sign 确定矢量 x 中的哪些元素值为正。
- 7. 将显示格式变为 rat,显示 x 除以 2 的结果 (完成后,把显示方式改回 format short 方式)

在 MATI AB 语从中, e的特效表。式与数字中的人类式形式特。 有数字表达式中e的 3 次 方表示为e*, 在 MATLAB 语法中则表示为 exp. s., 数值 5 e ; 表示 5×10*。

例 3.1 克劳修斯-克拉贝龙方程

为了准确预报关气情况,气象学家对文气环境进行研究,见图 3.4. 由于数据量很大,天气预报 是非常复杂的过程,气象学家需要了解化学、助理学、热动力学、地理科学和关于长气运动的专业知 识,在天气预报过程中,常常会用到克劳特斯·克拉贝龙方程。在化学课程成热动力学课程中对这个 方程都有详细的介绍。平在 18 世纪中期,物理学家普道夫克劳修斯和克拉贝龙斌开始了热动力学的 研究,见图 3.5(a)和图 3.5(b)。



图 3.4 从太空中观测到的地球大气层的景象(由 NASA/喷射推进实验室提供)

在气象学中,克劳修斯·克拉贝龙方程确定了饱和水蒸气压强和大气温度的关系。若已知空气中水蒸气的压强,就可以计算空气的相对湿度,而天气预报中的一个非常重要的参数就是相对温度。

克劳修斯-克拉贝龙方程为

$$\ln\left(\frac{P^0}{6.11}\right) = \left(\frac{\Delta H_y}{R_{\text{sur}}}\right) * \left(\frac{1}{273} - \frac{1}{T}\right)$$

其中

P^o = 温度为 T 时,饱和水蒸气的压强,单位为 mbar。 ΔH_y = 水蒸气的相对潜热,2.453×10⁶ J/kg。 R_{st} = 潮湿气体的气体常数,461 J/kg。 T = 核力学温度,单位为 K,



图 3.5(a) 鲁道夫·克劳锋斯



图 3.5(b) 克拉贝龙

地球表面温度一般在-60°F 到 120°F之间。利用克劳修斯-克拉贝龙方程求出在这个温度范围内 饱和气体的压强。结果用华氏温度与饱和气体压强的对应表格的形式显示出来。

1. 问题描述

利用克劳修斯-克拉贝龙方程求出温度在-60°F到 120°F范围内的饱和气体压强。

2. 輸入/輸出描述

输入

$$\Delta H_v = 2.453 \times 10^6 \text{ J/kg}$$

 $R_{\text{aur}} = 461 \text{ J/kg}$
 $T = -60^{\circ} \text{ F} \text{ M} 120^{\circ} \text{ F}$

因为没有指定温度值的个数, 所以, 每隔 10°F 进行一次计算.

Marks.

协和气体压强

3. 手工分析

克劳修新·克拉贝龙方程中所有变量的单位必须是一致的。因此温度 T 的单位应换算为开氏温度。 在网上或书上可以查找华氏温度换算成开氏温度的公式:

$$T_k = \frac{(T_f + 459.6)}{1.8}$$

求解克劳修斯-克拉贝龙方程,可以计算出他和气体压强 PP等于

$$\begin{split} \ln\!\left(\frac{P^0}{6.11}\right) &=\! \left(\frac{\Delta H_y}{R_{\rm ar}}\right) \!\! \times \!\! \left(\frac{1}{273} \!-\! \frac{1}{T}\right) \\ P^0 &=\! 6.11 \!\times\! e\! \left(\! \left(\frac{\Delta H_y}{R_{\rm ar}}\right) \!\! \times \!\! \left(\frac{1}{273} \!-\! \frac{1}{T}\right)\! \right) \end{split}$$

当 T=0°F 时, 开氏温度值为

$$T = \frac{(0+459.6)}{1.8} = 255.3333 \text{ K}$$

将谊值代入方程,得

$$P^0 = 6.11 \times e \left(\left(\frac{2.453 \times 10^{11}}{461} \right) \times \left(\frac{1}{273} - \frac{1}{255.3333} \right) \right) = 1.5836 \text{ mbar}$$

4. MATLAB 实现

在M 文件中编写 MATLAB 程序,并运行。

%Example 3.1

%Using the Clausius-Clapeyron Equation, find the %saturation vapor pressure for water at different

temperatures

R air = 461;

TempF=[-60:10:120]; TempK=(TempF + 459.6)/1.8; Delta H=2.45e6; %Define temp matrix in F %Convert temp to K %Define latent heat of

%vaporization %Define ideal gas constant for air

%Calculate the vapor pressures

Vapor Pressure=6.11*emp((Delta_H/R air)*(1/273 - 1./TempK));

%Display the results in a table my results = [TempF', Vapor Pressure']

为了便于理解和调试,編写 MATLAB 程序附最好加入注释行(以&开头)。程序中大部分命令以 分号结尾来抑制显示输出结果,在命令窗口中只显示输出的表格 mv results:

5 结果验证

把T=0°F时 MATLAB 的计算结果和手工计算结果进行比较。

计算值:

 $P^0 = 1.5888 \text{ mbar}$

MATLAB 计算结果: P⁰= 1.5888 mbar

克劳修斯·克拉贝龙方程不仅可以计算湿度问题、改变 AH 和 R 的值还可以计算其他气体的参数。

332 取較函数

MATLAB 中有几种不同的取整函数、见表3.2、其中最常用的是四含五入。然而取上近似还是下近似要根据具体情况加定。例如,在杂货店夹水果,苹果 0.52 美元一个,5 美元能买几个? 在数学上应该用下式计量

在现实生活中,显然不能买半个苹果,而且也不能四含 f入到 10,所以,只能向下取近似值 9,MATLAB 中对应的函数是 f i x:

fix(5/0.52)

輸出结果

ans =

表 3.2 取整函数

round(x)	对×四合五入	round(8.6)
		ans = 9
fix(x)	对×取整。含弃小数点后的数值	fix(8.6)
		ans = 8
		fix(8.6)
		ans = -8
floor(x)	对× 负向取整	floor(-8.6)
		ans ≈ -9
ceil(x)	对×正向取權	ceil(8 6)
		ans -8

3.3.3 离散数学

MATIAB 中求因 子个敷、公因敷、公倍敷、新染和蔗敷的函敷因表 3.3、这些函敷价输入都是整 教,函数 rats 可以把浮点敷表示成分敷形式。高散数学就是有关敷的数学,也就是中学代散里的因式 分解、求最久公因数和最小公倍费。此外还有统计学和概率论中的新途运营。

表 3.3 富散数学中的函数

factor(x)	对x进行因式分解	factor (12)
Luccos (A)	ALV WITH KINN / J MT	ans
		2 2 3
acd(x, v)	推出×和×的最大公因数	ged(10, 15)
Aca(w) %)	24/113 V 4st A NOWEN TO REGAR	ans =
		5
lcm(x, v)	提出×和×的最小公務數	lcm(2, 5)
trunted 31	Billit v. do A. h hele, t. ov enser	ans =
		10
		lem(2, 10)
		ans
		10
rats(x)	用分數表示。	rats(1.5)
		ans
		3/2
factorial(x)	计算×的阶乘,如6!=6×5×4×3×2×1=720	factorial(6)
		ans = 720
		nchoosek(10, 3)
nchoosex(n,	计算n 中选 k 的组合数。如 10 中选 3 的可能组合数为#	ans =
k)		120
		primes(10)
primes(x)	找出小于×的豪敬	ans =
		2 3 5 7
	was some control who will a	isorime(7,
labrime'x)	检查×是否为素数、若×是素数、则返回1;否则、返回0	ans =
		1
		isprime(10)
		ans =
		1

```
factorial(5)
ans = 120
下式与之具有相同的结果:
5*4*3*2*1
```

ans =

120 阶乘的数值会迅速变大,10 的阶乘是 3 628 800. MATLAB 能处理的最大阶乘是 1701, 若超出 所能表示的最大实要值. 则数据会溢出. 显示:nf:

```
factorial(170)

ans =

7.2574e+306

factorial(171)

ans =

Inf
```

阶乘常用来计算排列组合问题。排列就是对大样本集合中的分组如何进行排序的问题,排序的 过程中必须考虑心兼的排列次序。如对四个人进行两两组合、每种组合中考虑元素的排列次序,以每 组的第一个人为组长,一共会有几种可能? 用字母代表人,共有以下几种可能的组合:

AB	BA	CA	DA
AC	BC	CB	DB
AD	BD	CD	DC

每一组的组长有四种可能,第二个人有三种可能,所以有4x3 = 12 种分组,可以用4y2! 表示。一般来说,n个不同元素中取m个元素按顺序排列,则可能的排列个数为

$$\frac{n!}{(n-m)!}$$

如有 100 个人, 任选 2 人进行排列, 则排列数为

$$\frac{100!}{(100-2)!}$$
 = 9900

若不考虑元素的排列次序,AB 和 BA 一样,则组合数为

用函数 factorial 可以计算组合数,函数 nchoosek 也可以计算出结果,但当数值很大时最好使用函数 nchoosek。例如,求 100 中选 2 的组合数,应使用下述语句:

nchoosek(100,2)

存使用函数 factorial 进行计算, 当样本数超过 170 时, 就会导致数据溢出。但函数 nchoosek 却允许样本数大于 170; nchoosek (200.2)

ans =

factorial(200)/(factorial(198)*factorial(2))

THE THE

练习 3.3

- 1. 求 322 的因数。
- 2. 栈出 322 和 6 的最大公约数。
- 3 給验 322 是否为素數。
- 4. 计算从 0 到 322 之间重数的个数。
- 5. 用分数近似表示 a 的值。
- 6. 求 10 的阶乘 101。
- 7. 不考虑次序束 20 人中选 3 人的组合数 (20 选 3)。

3.4 三角函数

MATLAB 包含所有标准三角函数和双曲三角函数, 大部分函数角变量用弧度表示。利用弧度 x 等于 180 度的关系可以进行弧度和角度的相互转换:

角度 - 弧度
$$\left(\frac{180}{\pi}\right)$$
 和弧度 = 角度 $\left(\frac{\pi}{180}\right)$

关键概念: 绝大多数: 角函数的角变量用弧度表示。

角度和弧度换算的 MATLAB 程序代码如下:

degrees = radians * 180/pi;
radians = degrees * pi/180;

π 值是 MATLAB 的内實常數 pl。由于π 值不能表示處浮点數,所以常數 pl 只是π 的近似值。 選常情况下,这不全態時最后结果,但有时会輸出意外的結果。例如。sin(m)应等于零,但输出为 sin(pl)

ans =

在主菜单中单击帮助,会列出 MATLAB 中的所有三角函数。表 3.4 列出了一些比较常用的三角函数。

捷 示

数学教科协学篇组 ,表、又上点为思。《表达八

小是一个正确的 MATLAB th , , ' + ' + '

这两个式子非常容易混乱

寿3.4 三角函数

	90011	
sin(x)	×用弧度表示,计算×的正弦值	sin(0) ans = 0
cos(x)	×用弧度表示,计算×的余弦值	cos(pi) ans = -1
tan(x)	×用弧度表示,计算×的正切值	tan(pi) ans = -1.2246 g -016
8510 (8)	× 的取價在(1,1] [X间内, 计算反正强值、返回值在[x/2,x/2] [X间内	asin(1) ans : -1.5708
sinh(x)	×用弧度表示。计算×的现象正弦值	sinh(pi) ens = 11.5487
asinh(x)	计算×的反双曲正弦值	asinh(1) ans = 0.8814
gind(x)	× 用角的皮敷表示。计算× 的正弦值	sind(90) ans = 1 asind(90)
asind(x)	计算反正弦、结果用角的度数表示	ans =

练习 3.4

完成下列计算,注意数学表达式和 MATLAB 表达式的不同。

- 1. $\sin(2\theta)$, $\theta = 3\pi$.
- cos(θ), (0≤θ≤2π), 步长为 0.2π。
- 3 arcsin(1).
- arccos(x), 取值范围-1≤x≤1, 步长为0.2。
- 5. 求 45°角的余弦值。
 - a. 把角度换算成弧度,用函数 cos 求余弦。
 - b. 直接用函數 cosd 求余弦。
- 6. 求 0.5 的反正弦值, 注意区分结果为角度还是弧度。
- 7. 求 60 度角的余割。读者可以使用帮助功能找到相应的语法。



图 3.6 气球受力的平衡

例 3.2 三角函数的使用

工程中一种最基本的计算就是求物体不同方向上力的失量和。气球上升过程中的爱力如图 3.6 所示。 气球所受的力度气球的重力、浮力和现的作用力三者之和。一种方法是先求各个力在 x 方向和 y 方向的分量。最近纤春加

利用三角几何可以求得力在x方向和y方向上的分量

F.=ェ方向上的カ

Fy=y方向上的力

正弦是三角形的对边比斜边

$$sin(\theta) = F_v / F$$

因此

$$F_v = F \sin(\theta)$$

同理,余弦是三角形的邻边比斜边、

$$F_z = F \cos(\theta)$$

把x方向和y方向的力进行叠加得到合力:

$$F_{x \text{ total}} = \Sigma F_{xi}$$
 $F_{y \text{ total}} = \Sigma F_{yi}$

为了计算 F_{root} 的大小和方向,利用正切函数进行计算。正切是三角形 对边比邻边;

$$\tan(\theta) = \frac{F_{y \text{ total}}}{F_{z \text{ total}}}$$

求反正切:

$$\theta = \arctan\left(\frac{F_{y \text{ total}}}{F_{x \text{ total}}}\right)$$

一旦來出角度 heta,則利用正弦或余弦运算可以來出 F_{mod} 的大小和方向: $F_{\mathrm{read}} = F_{\mathrm{freed}} = \mathrm{Cos}(heta)$

整理后得到

$$F_{\text{total}} = \frac{F_{z \text{ total}}}{\cos(\theta)}$$

设图 3.6 中气球受到整直向下方向的重力为 100 N, 整直向上方向的浮 力为 200 N。与水平线成 30 度角方向风的推力为 50 N, 求气球所受的合力。

- 1. 问题描述
- 计算气球所受重力, 浮力和风力三者的合力。
- 2. 输入/输出描述

輸入

h	大 小	方向
重力	100 N	90度
得力	200 N	+90度
风力	50 N	+30度











输出

合力的大小和方向。

3. 手工分析

先求各个作用力在x和y方向上的分量,再进行叠加。

カ	水平分量	海 直 分 量
10.73	$F_x - F \cos(\theta)$ $F_x = 100\cos(-90^\circ) = 0 \text{ N}$	$F_y = F \sin(\theta)$ $F_y = 100 \sin(-90^\circ) = -100 \text{ N}$
智力	$F_s - F \cos(\theta)$ $F_s = 200\cos(+90^\circ) = 0 \text{ N}$	$F_y = F \sin(\theta)$ $F_y = 200 \sin(+90^{\circ}) + 200 \text{ N}$
队力	$F_s = F \cos(\theta)$ $F_s = 50\cos(+30^\circ) = 43.301 \text{ N}$	$F_y = F \sin(\theta)$ $F_y = 50 \sin(+30^{\circ}) = +25 \text{ N}$
合力	$F_{x \text{ mod}} = 0 + 0 + 43.301$ = 43.301 N	F _{y mod} = 100 + 200 + 25 = 125 N

计算合力的方向

$$\theta = \arctan\left(\frac{F_{y \text{ total}}}{F_{x \text{ total}}}\right)$$

$$\theta = \arctan\frac{125}{43.301} = 70.89^{\circ}$$

计算合力的大小:

$$F_{\text{total}} = \frac{F_{\text{x total}}}{\cos(\theta)}$$

$$F_{\text{total}} = \frac{43.301}{\cos(70.89^{\circ})} = 132.29 \text{ N}$$

4. MATLAB 实现

程序代码如下:

%Example 3_2 clear, clc %Define the input Force =[100, 200, 50]; theta = [-90, +90, +30]; %convert angles to radians theta = theta*pi/180; %Find the x components ForceX = Force. *cos(theta); %Sum the x components ForceX total = sum(ForceX); %Find and sum the y components in the same step ForceY total = sum(Force.*sin(theta)); %Find the resulting angle in radians result_angle = atan(ForceY_total/ForceX_total); %Find the resulting angle in degrees result degrees = result_angle*180/pi %Find the magnitude of the resulting force Force_total = ForceX_total/cos(result_angle)

运行结果

result_degrees = 70.8934

Force total = 132.2876

为了使程序更具一般性、力的大小和方向用数组表示。角的度数换算成级度,最后只显示运算结果,若需要显示中间结果,则去掉程序中的分号。

5. 结果验证

把 MATLAB 的计算结果和于算结果进行比较、结果一致、可以定义受力失量 Force 和角度失量 theta, 进一步计算更复杂的合力。本题仅对力进行了二维分解、根据具体情况也可以扩展到三维分解。

3.5 数据分析函数

在 MATLAB 中,矩阵是数据的基本表现形式,还有大量的内置数据分析函数可以非常容易地实现数据分析和统计功能。

3.5.1 最大值和最小值

表 3.5 列出了在数据集中求最大值和最小值的函数。

表 3.5 量大值和量小值

max(x)	求出矢量×的最大值。例如× = [1 5 3]的最大值是 S	x=[1, 5, 3]; max(x)
		ang=
		5
	创建一个包含矩阵 x 中等列最大值的行矢量,若 x = [1 5 3], 则列 1	x={1, 5, 3;2, 4, 6]; max(x)
	的最大值为 2. 列 2 的最大值为 5. 列 3 的最大值为 6	ans = 2 5 6
[a,b, = max(x)	求矢蓋×中元素的最大值和最大值的位置,函数中a表示最大值,b表示	x=(1, 5, 3 ,
	最大值的位置、设x = [1, 5, 3], 调用函数后, a = 5, b = 2	(a, b) = max(x) a =
		5 b
	若×是矩阵,此函数生成两个行矢量。 个行矢量表示×各列的最大值。	2 x= 1, 5, 3: 2, 4, 6:
	E ASSESSMENT OF THE STREET OF	[a, b] = max(x)
	另一个行矢量对应最大值元素的位置。例如 $x = \begin{bmatrix} 1 & 5 & 3 \\ 2 & 4 & 6 \end{bmatrix}$,各对元素的	a o
	最大值分别为 2, 5, 6, 对应位置是 2, 1, 2, 运算结果为 a = [2, 5, 6), b = [2, 1, 2]	2 5 6 b = 2 1 2
max(x,y,	矩阵 x 和 y 具有相同的行和列。用两个矩阵中相同位置元素的最大值创建	X (1, 5, 3; 2, 4, 6);
	一个新的矩阵。例如、 $x = \begin{bmatrix} 1 & 5 & 5 \\ 2 & 4 & 6 \end{bmatrix}$ 和 $y = \begin{bmatrix} 10 & 2 & 4 \\ 1 & 8 & 7 \end{bmatrix}$,例如果为	y (10, 2, 4; 1, 8, 7,; max(x, y)
	x = \begin{bmatrix} 10 & 5 & 4 \\ 2 & 8 & 7 \end{bmatrix}	ans 10 5 4
		2 8 7
min(se)	求矢量×的量小值。例如,× = [1 5 3]。则最小值是 1	x = [1, 5, 3'; min(x)
		ans =
		1
	创建一个包含矩阵 x 中每列最小值的行矢量。若 x = 1 5 3 2 4 6 列列 1	x = [1, 5, 3; 2, 4, 6]; min(x)
	[2 4 6] 的最小值为 3,列 2 的最小值为 4。列 3 的最小值为 3	ans ×
	四年7日2月3・月1日東小田四年7月3日東小田为3	1 4 3

```
(续表)
```

```
x=[1, 5, 3],
[a, b]
       min.x)
               求矢量×的最小值和最小值的位置。函数中 a 表示最小值。b 表示对应量
                                                                (a, b) = min(x)
               小值的位置。设x = [1 5 3]。调用函数后, a = 1, b = 1
                                                                b
               当x是矩阵时,此函数生成两个行矢量。一个行矢量表示矩阵 x 各列的是
                                                                x = [1, 5 3: 2, 4, 6];
                                                                ,a, b] min(x)
               小值,另 个行矢置对应最小值元素的位置。例如,x = \begin{bmatrix} 5 & 3 \\ 2 & 4 & 6 \end{bmatrix},各
                                                                 1 4 3
               列元書的最小信分別为1.4.3.对应的位置是1.2.1
                                                                h
                                                                1 2 1
               新降×和×具有相同的行列数。用两个矩阵中相同位置元素的最小值色建
min x y
                                                                x = 11, 5, 3; 2, 4, 6,,
                                                                y = [10, 2, 4, 1, 8, 7]
               -- 个新的矩阵、例如、x □ 1 5 3 , y = 10 2 4 , 网络果为
                                                                min(x, v)
                                                                ans -
                                                                  1 2 3
                1 4 6
                                                                  1 4 6
```

提示

练习 3.5

己知矩阵

$$\mathbf{x} = \begin{bmatrix} 4 & 90 & 85 & 75 \\ 2 & 55 & 65 & 75 \\ 3 & 78 & 82 & 79 \\ 1 & 84 & 92 & 93 \end{bmatrix}$$

- 1. 求每列的最大值。
- 2. 求最大值的位置。
- 3 求银行的最大值(先对矩阵进行转置,然后求解每行的最大值)。

的数。MATLAB 中提供了求平均值、中间值和众数的函数,如表 3.6 所示。

- 4. 求最大值的位置。
- 5. 求矩阵中所有元素的最大值。

平均值: 数据集中所有数据的平均数值。

中间值:数据集的中间值。

352 平均值和中间值

在數据集中求平均值的方法有很多。在统计学中,平均值就是所有數据之和除以數据的个數。 另一种均值就是中间值,大于中间值和小于中间值的數据个數相同。众數就是數据集中出现次數最多

表 3.6 平均

max(x)	求矢蓋×的平均值。若× = [1 5 3],則平均值是 3	x = [1, 5, 3]; mean x) ans
	当 $_{\times}$ 为矩阵时,返回值是含有各列平均值的行矢量,例如, $_{\times}$: $\begin{bmatrix} 1 & 5 & 3 \\ 2 & 4 & 6 \end{bmatrix}$,第	3.0000 x [1, 5, 3; 2, 4, 6] mean x) ans
median(x)	1 列的平均值是 1.5,第 2 列的平均值是 4.5,第 3 列的平均值是 4.5 求矢量×元素的中间值。若 $x=\{1.5.3\}$,则中间值是 3	1.5 4.5 4.5 x = [1, 5, 3] median(x) ans
	当×为矩阵时,返回值是含有各列中间值的打矢量、例如、x。 2 4 6 , 第	x = [1, 5, 3; 2, 4, 6 3, 8, 4]; median(x) ans
mode (x)	1.列的中间值是 2. 第 2.列的中间值是 5. 第 3.列的中间值是 4. 求數组中出现次數最多的數、即众數、數组 x [_, 2, 3, 3]的众数是 3	2 5 4 x = [1, 2, 3, 3] mode(x)
		ans =

44.习 3.6

己知矩阵

- 1. 求每列的平均位。
- 2、求每列的中间值。
- 3. 求每行的平均值。
- 4. 求每行的中间值。
- 5. 求矩阵的众数。
- 6. 求知降×所有元素的平均值。

3.5.3 求和与乘积

MATLAB 提供了矩阵元素求和与乘积的函数。如表 3.7 所示。

函数 cumsum 不是把每个元素简单地相加,而是把数组中前面的数鬃加,产生一个求中间和的新数组,主要用于序列的计算。调和级数为

$$\sum_{k=1}^{n} \frac{1}{k}$$

它等于

$$\frac{1}{1} + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \dots + \frac{1}{n}$$

用 MATLAB 创建序列中前 5 个数:

输出 sequence =

1.0000 0.5000 0.3333 0.2500 0.2000

用分数形式表示上述序列,可以得到分数序列

format rat sequence =

1 1/2 1/3 1/4 1/5

用函数 cums im 计算序列前 5 项的暴加和

format short series = cumsum(sequence)

series =

1.0000 1.5000 1.8333 2.0833 2.2833

问理,函数 cumprod 可以求数组的累积。

表 3.7 求和与秉积

sum(x)	求矢景×各元聚之和。× = [1 5 3]的元豪之和是9	x = (1, 5, 3); sum(x) ans =
	若 x 是矩阵,返回结果是包含各列元素之和的行矢量。 $x = \begin{bmatrix} 1 & 5 & 3 \\ 2 & 4 & 6 \end{bmatrix}$,第	x = [1, 5, 3; 2, 4, 6]; sum(x) ans =
prood(x)	1 列元素之和是 3, 第 2 州元累之和是 9, 第 3 列元惠之和是 9 來欠量 x 元重的赚限, x = [1 5 3]的元素軟是 15	3 9 9 x = [1, 5, 3] prod(x) ans = 15
	\ddot{R} x 基矩阵,返回结果是包含各列元素乘积的行矢量。 \mathbf{x} - $\begin{bmatrix} 1 & 5 & 3 \\ 2 & 4 & 6 \end{bmatrix}$,第	x = [1, 5, 3; 2, 4, 6]; prod(x) ane
cumsum(x)	1 列元廣积是 2. 第 2 列元素积是 20. 第 3 列元素积是 18 求×元素的展加和,设× = [1 5 3],展加和磷酸的输出为× = '1 6 9]	2 20 18 x = [1, 5, 3]; cums.m(x)
	若 x 是矩阵,计算矩阵各列元素的累加和。设 x = $\begin{bmatrix} 1 & 5 & 3 \\ 2 & 4 & 6 \end{bmatrix}$,输由 x = $\begin{bmatrix} 1 & 5 & 3 \\ 2 & 4 & 6 \end{bmatrix}$,输由	ans = 1 6 9 x = (1, 5, 3, 2, 4, 6]; cumsum(x) ans = 1 5 3 3 9 9
cumprod(x)	(3 9 9) 東×的原紀。後× = [1 5 3],輸出× = [1 5 15]	x = [1, 5, 3]; cumprod(x) ans * 1 5 15
	若 x 是矩阵。计算矩阵 x 各列元素的集积。设 $x=\begin{bmatrix} 1 & 5 & 3 \\ 2 & 4 & 6 \end{bmatrix}$,输出	ans =
	$\mathbf{x} = \begin{bmatrix} 1 & 5 & 3 \\ 2 & 20 & 18 \end{bmatrix}$	1 5 3 2 20 18

3.5.4 排序

表 3.8 列出了矩阵排序命令。定义数组 x

用函数 sort 对数据进行排序

sort(x)

ans =

默认的排列状态为升序,使用字符串'descend'可以强制函数按降序排列,

ans =

9 6 4 3 1

与其他 MATLAB 函数 样, sort 命令按列进行升序排序。设

x = { 1 3; 10 2; 3 1; 82 4; 5 5]

表 3.8 排序函数

sort,x)	对矢量×按升序排序。x = [1 5 3]。输出x [1 3 5]	x = [1, 5, 3], sort(x) ans =
	\dot{x} x 是矩阵,则按列进行升序排序。 \ddot{x} x x $\begin{bmatrix} 1 & 5 & 3 \\ 2 & 4 & 6 \end{bmatrix}$,则输出给某为	1 3 5 x = (1, 5, 3; 2, 4, 6); sort(x, ans =
	x= 1 4 3 2 5 6	1 4 3 2 5 6
Bort(M, 'descend')	各列按障序排序	x = (1, 5, 3; 2, 4, 5); sort(x, 'descend') ans =
		2 5 6 1 4 3
sortrows(x)	以矩阵第一列数据为标准。 升序排序矩阵的各行。 设 x =	<pre>x = (3, 1, 3; 1, 9, 3; 4 3, 6) sortrows(x) ans =</pre>
	用 sortrows 命令后,矩阵的中间一行进行了移动	1 9 3 3 1 2
sortrows(x, n)	以矩阵第 n. 列的数据为标准,按升序特序矩阵的各行。若 n. 为负数,则 按隔字排序,如果没有指定 n. 的值,则以第一列为标准,按升序行排序	4 3 6 sortrows(x, 2) ans = 3 1 2 4 3 6

等价为

1 3 10 2 3 1

3 1 82 4 5 5

使用排序命令

sort(x)

每列数据按升序排序 ana =

1II 4 82 5

函数 sortrows 可以按指定列为标准,对各行排序。命令

sortrows(x,1)

以第一列数据为标准对行进行排序,列与列之间的对应关系保持不变。 ans =

同理, 可以将第一列数据作为标准, 对行进行排序

sortrows(x,2)

ans = 3 1

排序函数上要用于数据分析。表 3.9 是 2006 年奧林匹克男子 500 m 速滑比賽的结果。表中每名运动 员都有一个随机的号码。比赛结束后会按第二列比赛用时进行排序。

skating_results = [1.0000 42.0930 2.0000 42.0890

3.0000 41.9350 4.0000 42.4970 5.0000 42.00201

sortrows(skating_results, 2)

ans =

3.0000 41.9350 5.0000 42.0020 2.0000 42.0890 1.0000 42.0930 4.0000 42.4970

结果表明, 3 号运动员阿波罗·安东·奥诺获胜。

表 3.9 2006 年奥林匹克速滑时间

_	运动员编号	时间(min)	_
	1	42.093	
	2	42.089	
	3	41 935	
	4	42.497	
	5	42.002	

函数 sort rows 也可以降序排序,但和函数 sort 的语法有所不同。在排序的列号前加负号就可以降序排序。因此

sortrows(skating_results, -2)

以第二列数据为标准,对各行进行降序排序。结果为

ans =

4.0000 42.4970 1.0000 42.0930 2.0000 42.0890 5.0000 42.0020 3.0000 41.9350

3.5.5 确定矩阵的规模

MATALB 提供函数 size 和 length, 用来确定矩阵的规模。函数 size 求矩阵的行数和列数, 函数 length 求矩阵的长度,规模函数如表 3.10 所示。例如,

x = [1 2 3; 4 5 6];

size(x);

表310 協議函数

Size(x)	求矩阵 x 的行數和列數。若 x 为多维敷组,则 size 用来 求數组的维敷和长度	x . [1, 5, 3; 2, 4, 6] size(x)
[a, b] size(x)	确定矩阵×的行敷和列散。a表示行弊。b表示列数	ans 2 3 [a, b] - size(x) a
length(x)	确定矩阵×的量大长度	b = 3 x = [1, 5, 3; 2, 4, 6] length(x) ans =

执行结果为

ans =

3 说明矩阵 x 有两行三列。用 length 函数

length(x)

输出

ADS E

说明矩阵的最大长度是 3。在循环语句中经常使用函数 length,它可以确定循环的次数,而循环次 物往往由物组的最大长度决定。

例3.3 气象数据

美国国家气象局(NWS)每天收集大量的气象数据(见图 3.7),这些数据通过在线代理服务 http: //cdo.ncdc.noaa.gov/CDO/cdo 向公众提供,由干敷据量很大、对数据进行全面分析比较困难,最好的 办法是先选取部分数据进行分析、然后、再将方法扩展到大的数据集上。

从基图国家气象局获得某地 1999 年的降水量信息、存储到 Weather Data xls 文件中,扩展名 xls 说 明敏据是以 Excel 格式存储的、敏振集共有 12 行,每一行代表一个月的降水量。每一列代表一天的数 据, 天龄从1到31, 共有31列, 由干每个月天数不同, 有的列缺

少数据,这些缺少的数据用-99999 代替。降水量的单位是 0.01 英 寸, 例如, 2月1日的降水量为 0.61 英寸, 4月1日的降水量为 2.60 英寸。數据样本如表 3.11 所示。为清楚起见,数据表格中增加了 标题, 除此之外, 文件中的数据均为数值要型,

利用文件中的数据完成如下计算:

- a. 每个月的总降水量。
- h. 一年的总隐水量.



根据文件 Weather Data xls 中提供的數据,计算月降水量、年降水量和出现最大降水量的日期。 2. 输入/输出描述

输入

该例的输入量是数据文件 Weather Data.xls,此数据文件实际上是一个二维矩阵,列代表月,行 代表日。

表 3.11 北卡罗来纳的阿什维尔陈水量勒根

1999	Dayl	Day2	Day3	Day4		Day28	Day29	Day30	Day31
January	0	0	272	0	***	0	0	33	33
February	61	103	0	2		62	-99999	-99999	-99999
March	2	0	17	27		0	5	8	0
April	260	1	0	0		13	86	0	-99999
May	47	0	0	0		0	0	0	0
June	0	0	30	42		14	14	8	-99999
July	0	0	0	0		5	0	0	0
August	0	45	0	0		0	0	0	0
September	0	0	0	0		136	58	10	-99999
October	D	0	0	14		0	0	0	1
November	1	163	5	0		0	0	0	-99999
December	D	0	0	0		0	0	0	0

输出

輸出量是每个月的总降水量、每年的总降水量和最大降水量出现的日期。由于没有专门指定降水量的单位,因此,在本题中用英寸表示降水量。

3. 手工分析

选取表 3.11 中的一部分数据进行手工计算。一月份 1 到 4 日的总降水量是

total_1 = (0 + 0 + 272 + 0)/100 = 2.72 in

二月份1到4日的总隐水暑暑

total 2 = (61 + 103 + 0 + 2)/100 = 1.66 in

把所有月份的降水量相加可得到全年总降水量。假设所谓"一年"仅有一月和二月两个月份, 則"一年"的总降水量为

总量 = total_1 + total_2 = 2.72 + 1.66 = 4.38 in

为了计算出现最大降水量的日期,先确定表中数据的最大值,再确定最大值的位置。通过手算 可以理清 MATLAB 的解題步骤。

4. MATLAR 实现.

将 Excel 格式的數据文件保存到 MATLAB 中去的最简单方法就是使用 Import Wizard. 双击当前 路径窗口中的数据文件,弹出 Import Wizard.

Import Wizard 一旦执行完毕,在工作区窗口就会出现变量名 Sheet1,见图 3.8。也可以将变量命 名为 Weather_data。



图 3.8 MATLAB Import Wizard

有的月份不满 31 天、空缺数据填入 - 99999。在工作区中双击变量名 Sheet! 将这些伪数据改为 0, 见图 3.9。

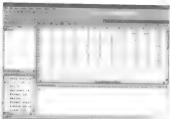


图 3.9 MATLAB 教组编辑器。在敦组编辑器中修改数据并把伪数据-99999 改为 0

下面編写脚本 M 文件对这一问题进行求解。

clc

%Example 3.3 - Weather Data

%In this example we will find the total precipitation

%for each month, and for the entire year, using a data file

*We will also find the month and day on which the

Aprecipitation was the maximum

weather data * Sheet1:

%Use the transpose operator to change rows to columns

weather_data = weather_data':

%Find the sum of each column, which is the sum for each %month

monthly_total=sum(weather_data)/100

%Find the annual total

yearly_total = sum(monthly_total)

%Find the annual maximum and the day on which it occurs

[maximum_precip, month] = max(max(weather_data)) %Find the annual maximum and the month in whi

%Find the annual maximum and the month in which it occurs

[maximum_precip,day]=max(max{weather_data'})
在編写代码时,沒有以 clear 和 clc 命令开始,因为 clear 和 clc 命令会情除工作区的内容,

同样会清除变量 Sheetl. 接下来,把 Sheetl 改名为 weather data.

对矩阵 weather_data 进行转置,各月的数据由行变为列,以便用函数 sum 來各月的总降水量。 把 12 个月的总降水量相加得到一年的降水总量:

yearly_total = sum(sum(weather data))

求日降水量的最大值很容易,关键的问题是确定日期。输入命令

[maximum precip,month] = max(max(weather data))

为了便于理解,把上面的语句分解成两个语句:

[a,b] = max(weather_data)

輸出变量 a 是原矩阵各列的最大值,即各月降水量的最大值。变量 b 是最大值在各列中的位置。 运行结果为

159 138

a =

Columns 1 through 9

272 135 78 260 115 240 157

Columns 10 through 12

156 255 97 b =

Columns 1 through 9
3 18 27 1 6 25 12 24 28
Columns 10 through 12
5 26 14

然后、再次利用命令 \max 求矩阵 a 的最大值,即整个数据集的最大值。同时求出该最大值所对应的位置。

[c,d]=max(a)
c =
272

结果说明,最大值在矩阵 a 的第一列,这意味着最大降水量发生在一月份。

同理,对 weather_data 进行特置可求出最大值所对应的日期。

在图 3.10 中有几个问题需要注意,在工作区中有两个短牌 Sheet1 和 weather_data. Sheet1 是一个 12×31 矩阵,weather_data是一个 31×12 矩阵。执行 M 文件后,命令窗口中的这些交量都 是有效的。例如,将 maximum_precip 的数值由百分之几类寸换算成类寸,输入

maximum_precip = maximum_precip/100

文件 Weather_Data.xis 仍在当前目录里保持不变。在历史命令窗口中只显示命令窗口执行过的命令。而不是 M 文件执行过的命令。



图 3.10 降水量的计算结果

5. 结果验证

打开 Weather_Data.xls,可以看出最大降水量出现在 1 月 3 日。这个程序可以用来分析国家气象 品提供的其他数据。

3.5.6 方差和标准差

数据集中数据的离散程度一般用方差和标准差率反映。在考试中,平均分是很重要的指标, 但最高分和最低分也是评价学生水平的重要方面。 L程中的大部分数据和考试成绩类似。都服从正态 分布,分布函数曲线是"钟"形。在压金分布中,有 68%的数据在一倍标准差(± a)之内,有 95%的 数据在两倍标准差(± 2a)之内, 99%的数据在三倍标准差(± 3a)之内(见图 3.11)。通常,标准差和方 差仅对底头的数据像从有实际意义。

练习37

已知矩阵 x-4 90 85 75 2 55 65 75 3 78 82 79 1 84 92 93



图 3.11 正态分布

- 1. 用函数 size 计算矩阵的行数和列数。
- 2. 用函数 sort 对矩阵的各列按升序排序。
- 3. 用函数 sort 对矩阵的各列按降序排序。
- 4. 用函数 sortrows 按第一列元素的升序排序,各行仍保留原有数据。结果应为

$$\mathbf{x} = \begin{bmatrix} 1 & 84 & 92 & 93 \\ 2 & 55 & 65 & 75 \\ 3 & 78 & 82 & 79 \\ 4 & 90 & 85 & 75 \end{bmatrix}$$

5. 在上述结果的基础上,用函数 sortrows 对矩阵按第三列元素降序排序。

如图 3.12 所示,两个数据集的平均分都是 50。但数据集 1 的方差人于数据集 2。

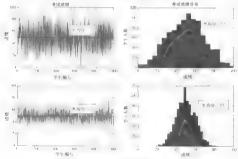


图 3 12 两次考试的成绩

方差的数学定义是

$$\mathcal{T} \stackrel{\text{def}}{\not\simeq} = \sigma^2 = \frac{\displaystyle\sum_{k=1}^{N} (x_k - \mu)^2}{N-1}$$

在等式中, μ 表示 x_k 的平均值, $x_k - \mu$ 表示实际数值和平均值的差,将其平方后相加得

$$\sum_{k=1}^{N}(x_{k}-\mu)^{2}$$

平方和除以数据集合中元素个数 N 减 1 得到平均值。

标准差(σ)是方差的平方根,在实际中标准差比方差更常用。

在 MATLAB 中,使用函数 std 求标准差。当利用函数 std 求图 3.12 所示大规模统计数据的标准差时,可得到以下结果。

std(scores1)
ans =
 20.3653
std(scores2)
ans =
 9.8753

换句话说,第一个数据集中 68%的数据介于平均值 50± 20.3653 之间,第二个数据集中 68%的数据介于 50± 9.8753 之间。

用函数 var 求方差

var(scores1) ans = 414.7454 var(scores2) ans = 97.5209

计算方差和标准差的语法如表 3.12 所示。

表 3.12 统计函数

计算矢量 x 的标准等。若 x = [1 5 3],标准差景 2,但标准第一般只计 x = [1, 5, 3];算大學釋數概學 std(x) one x = [1, 5, 3; 2, 4, 6]; 计算矩阵各列敷据的标准差。设 $x=\begin{bmatrix}1&5&3\\2&4&6\end{bmatrix}$,第 列的标准差是 atd(x) anc -0,7071, 第二列的标准差是 0,7071, 第二列的标准差是 2.1213。 再次 0.7071 0.7071 2.1213 强调、标准单位限于分析大规模数据集 计算 x 的方差。後 x = [1 5 3]。其方差是 4,但方差 般只计算大规模 var(x) var (x) ans w 数据集, 而且标准差是方差的平方模 .

练习 3.8

己知矩阵

$$\mathbf{x} = \begin{bmatrix} \mathbf{4} & 90 & 85 & 75 \\ 2 & 55 & 65 & 75 \\ 3 & 78 & 82 & 79 \\ \mathbf{1} & 84 & 92 & 93 \end{bmatrix}$$

- 1. 求各列的标准差。
- 2. 求各列的方差。
- 3、 计算各列方差的平方根。
- 4. 比较顺1和顺3 的结果。

例 3.4 气象数据

气原学家通过研究气原数据随时间的长期变化可以建立气度模型。 自 1850 年起,美国开始记录 气度数据。但大朝分观测点是在 1930 年到 1940 年间建立的(见图 3.13)。气度学家对收集的数据进行 统计分析,根据某年某地区气度数据 Weather Data.xls 统计每月约平均日降水量、一年的平均日降水 量和标准差

1. 问题描述

根据 Weather_Data.xls 中的数据求每月的平均日降水量、一年的平均日降水量和标准差。

2. 输入/输出描述

输入 Weather_Data.xls...

輸出 确定

各月的平均日降水量。

一年的平均日降水量。

各月的日降水量的标准差。

一年的日降水量的标准差。

3. 手工分析

用每月前四天的数据进行计算:

月平均值 = (0+0+272+0)/4=68, 即 0.68 英寸。



图 3.13 佛罗単达飓风(田 NASA/ 喷射推进实验室提供)

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum_{k=1}^{N} (x_k - \mu)^2}{N - 1}}$$

计算一月份前 4 天实际数值和平均值之差的平方和

$$(0-68)^2+(0-68)^2+(272-68)^2+(0-68)^2=55488$$

再除以数据个数减1

根据下式求标准差

最后求平方根、降水量为 1.36 英寸。

4. MATLAB 实现

导入 Weather_Data.xls 文件,去除伪数据-99999。因为需要用到例 3.3 中的数据,所以最简单的 方法就是把例 3.3 中的数据保存到文件中备用。若保存整个工作区内容,则輸入

save <filename>

其中, filename 是用户定义的文件名。若只保存一个变量, 则输入命令

save <filename> <variable_name>

上述命令可以保存一个变量或一组变量。若需要保存 weather_data 中的所有变量,到輸入

save weather_data weather_data

此命令把矩阵 weather_data 保存到文件 weather_data.mat 中去,检查当前路径确保文件 weather_data.mat 已经保存好(见图 3.14).



图 3.14 当前路径记录了所保存的文件

此时,所创建的 M 文件可以自动导入数据。

15.29 10.35 20.42 Columns 7 through 9 10.23 8.97 8.03

clear, clc

```
% Example 3.4 Climatological Data
      In this example, we find the mean daily
   % precipitation for each month
   % and the mean daily precipitation for the year
   % We also find the standard deviation of the data
   %
   % Changing the format to bank often makes the output
      easier to read
   format bank
   % By saving the variable weather data from the last exam-
   ple, it is
      available to use in this problem
   load weather_data
   Average daily precip monthly = mean(weather_data)
   Average_daily_precip_yearly = mean(weather_data(:))
   % Another way to find the average yearly precipitation
   Average daily precip_yearly = mean(mean(weather_data))
   % Now calculate the standard deviation
   Monthly_Stdeviation = std(weather_data)
   Yearly_Stdeviation = std(weather_data(:))
命令窗口显示绘出结果
    Average daily_precip_monthly =
    Columns 1 through 3
       27.35 16.61 12.42
    Columns 4 through 6
```

Columns 10 through 12 18.26 15.10 9.23 Average daily precip yearly = Average_daily_precip_yearly = 14 35 Monthly Stdeviation = Columns 1 through 3 63.78 35.06 20.40 Columns 4 through 6 48.98 26.65 50 46 Columns 7 through 9 27.03 Columns 10 through 12 42.0B 53.34 21.01 Yearly Stdeviation = 39.62

计算一年内的日平均降水量有两种方法。一种方法是先计算每月的平均值,然后再计算全年的 平均值。另一种方法是对全年每一天的数据水和再平均。输入

weather data(:)

把二维矩阵 weather data 转接成一维矩阵、然后直接求出平均值。

直接计算一年的日平均降水量的标准差:

std(weather_data(:))

如果按照前面介绍的第一种方法求两次标准是、结果就会有错误。

5. 结果验证

先检查结果的合理性,在第一次执行 M 文件时,文件 weather_data 包含伪数据-99999, 计算出 约平均值可能小于 0, 降水量不可能均負数, 这个结论显然不会理,尽管手工计算可以很容易检查。 但工作量很大。利用 MATLAB 的命令窗口可以直接计算平均值,而不必利用已定义函数杂计算每个 月的日平均衡水带,在命公窗口即检入下综合会

lond weather_data
sum(weather_data(:,1)) %Find the sum of all the rows in
%column one of matrix weather_data
ans =
848.00
ans/31
ans =
27.35

将此结果与一月份的数据进行比较、可以得到相同的结果。

提 示

利用贸易运算符可以把、维矩阵转换成一维矩阵。

A = A(:)

3.6 随机数

在工程计算中签字用随机数束模拟测量数据。因为实际测量数据一般不能完全符合数学模型。 所以,在数学模型上叠加一个小的随机数就能很好地模拟实际系统。在机会对策模型中也会用到随机 数。MATLAB可以生成两种不同的随机数、分别是均匀随机数和高斯随机级成款正多分布随机数)。

3.6.1 均匀随机数

函數 rand 可以生成在 0 和 1 之间均匀分布的随机敷,它的详细用法可以用 help 进行查询。表 3.13 列出 1 生成随机敷的 MATLAB 命令。

利用函数 rand 也可以生成其他范围内的随机数。例如,生成 100 个在 0 到 5 之间均匀分布的随机数,首先,生成一组 0 到 1 之间的随机数

返回结果是一个 100×1 的矩阵, 然后, 再乘以 5 就可以把范围扩展到 0 到 5 之间

如果产生5到10之间的均匀随机数,则需要把数组中的每个数再加5。

$$r = r + 5j$$

最后生成一组从5到10的均匀随机数。可以用下面的等式表示运算过程:

x = (max - min)*random_number_set + mean

随机勘产生函数

rand(n)	产生一个 0 到 1 区间内的 n × n 的均匀随机数矩阵	rand(2)	
		Ans =	
		0.9501 0.6068	
		0.2311 0.4860	
rand(m. n)	产生一个 0 到 1 区间内的 m×n 的均匀酸机敷矩阵	rand(3, 2)	
remove (m., as)	A. T I o 3d r Emilitarian a mana-makanagan.	ans =	
		0 8913 0.0185	
		0.7621 0.8214	
		0.4565 0.4447	
randn(n)	产生 - 个均值为 0,方差为 1 的 n×n 的高斯總机數矩阵	randn(2)	
T Grischer (11)	/ T. INDULYS OF MANY CONTROL OF THE PROPERTY O	ans -	
		-0.4326 0.1253	
		-1.6656 0.2877	
randn(m. n)	产生· 个均值为 0, 方差为 1 的 m×n 的高斯随机敷矩阵	randn(3, 2)	
Editor (or, 11)	T. I whole to 1 March 1 man or a standard and a sta	mne =	
		-1.1465 -0.0376	
		1.1909 0.3273	
		1.1892 0.1746	

3.6.2 高斯随机数

高斯隨机數賬从正签分布,如图 3.11 所示。高斯隨机分布的數据集没有绝对的上限或下限,只 是与平均值的差值越大,數据量就越少。高斯隨机數,般用均值和标准差表示。

MATLAB中函数 randn 用于产生均值为 0、方差为 1 的高斯随机数。例如,

```
randn(3)
```

饭问一个 3x3 的矩阵:

```
ans =
-0.4326  0.2877  1.1892
-1.6656  -1.1465  -0.0376
0.1253  1.1909  0.3273
```

先创建一个默认的敷据集。再修改参数产生一个任意均值和标准差的随机矩阵。默认敷据集的 标准差异1、均值是0,根据要求可做相应的修改。

```
x = standard_deviation random_data_set + mean
```

例如,创建一个数据集,它由 500 个服从高斯随机分布的数据构成。数据集的均值是 3,标准差 是 2.5、输入 x = randn(1,500)*2.5 + 3:

练习 3.9

- 1. 创建一个3×3 的均匀随机数矩阵。
- 2. 创建一个3×3的正态随机数矩阵。
- 3. 创建一个100×5均匀随机数矩阵、抑制输出。
- 4、求题 3 中矩阵的最大值、标准差、方差和均值。
- 5. 创建一个 100×5 的正态随机数矩阵, 抑制输出。
- 6. 求题 5 中矩阵的最大值、标准差、方差和均值。
 - 7. 对题 4 和题 6 的不同之处做出说明。

例 3.5 噪声

收音机的静态噪声可以用随机敏进行仿真。在一个存储音乐的数据文件上叠加这样一个噪声。 就可以研究静态噪声对乐曲产生的影响。图 3.15 显示了美国软他州交响乐图的照片

在 MATLAB 中可以使用函数 sound 播放音乐文件, 为了演示这一功能, MATLAB 内置了 Handel 约 Messiah 音乐片段, 首先, 用函数 randn 产生噪声数据, 然后, 再把噪声量加到乐曲片段中去。

MATLAB 持音乐存为从-1 到 1 之间的数值数据。为了特这一数组转化为音乐,函数 sound 需要输入采样的频率。文件 handel.mat 既包含了存储音乐的数组还包含了采样频率,要演奏音乐片较 Messiah,必须利用下述命令导入文件

load handel

导入 handel 文件后,在工作区中会增加两个新的变量 y 和 Fs。输入下述命令演奏音乐 sound(v. Fa)

輸入不同的 Fs 值,可以听到不同来样频率下的音乐。

......

给 MATLAB 中的音乐文件 Handel 的 Messiah 叠加噪声信号。

2. 输入/输出描述

始入

数据文件 handel 中存储的乐曲 Handel 的 Messiah.

輸出

存储乐曲 Messiah 的数组、在数组中的前 200 个元素上叠 加噪声信号。

3. 手工分析

音乐文件中的数据在-1 到+1 之间,因此噪声的幅度不能

太大, 叠加的噪声均值为 0、标准差为 0.1。 4. MATI AB 字理

4. MATLAB 实现 %Example 3.5

> %Noise load handel

load handel %Load the music data file sound(y,Fs) %Play the music data file

pause %Pause to listen to the music

% Be sure to hit enter to continue after playing the music

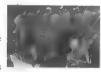


图 3.15 犹他州交响乐团

% Add random noise noise=randn(length(v),1)*0,10;

noise=randn(length(y),1)*0.10; sound(v+noise.Fs)

这段程序可以在有量加噪声或没有噪声的情况下演奏乐曲 Messiah, 读者可以通过调整噪声系数 烟春春加噪声的幅度变化所产生的影响。例如,

noise=randn(length(v),1)*0.20

5、结果验证

除了能够播放沒有噪声和疊加噪声两种情况下的音乐外, MATLAB 还可以将音乐液形画出来。 由于原文件数据量很大, 共有73113 个元素, 因此只画出了其中前200 个数据点。

% Plot the first 200 data points in each file

t=1:length(y);

noisy = y + noise; plot(t(1,1:200),y(1:200,1),t(1,1:200),noisy(1:200,1),':')

title('Handel"s Messiah')

xlabel('Element Number in Music Array')

ylabel('Frequency')

上述程序画出一个直角坐标系、×轴是数据索引号、y 轴是音乐数组中的数据值。

在图 3.16 中、实线代表原始数据、虚线代表量加噪声后的数据。当噪声幅度过大时,数据曲线 的变化将与原始数据的变化规律存在较大差异。

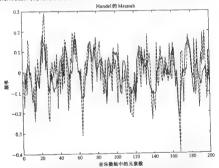


图 3.16 Handel 的 Messiah。实线代表原始数据,虚线代表叠加噪声后的数据

3.7 复数

MATLAB 包含许多复数运算函数。复数由实部和虚部构成,例如,

5 + 3i

是一个实部为 5、虚部为 3 的复数。在 MATLAB 中输入复数有两种方法,一种是直接输入法,例如,

A = 5 + 3i 或 A = 5+3*i

一种是函数 complex 输入法,例如,

A = complex(5.3)

返回

A =

5.0000 + 3.0000i

复数: 既有实部又有虚部的数。

函数 complex 的输入可以是两个标量,也可以是两个数组。如果 x 和 y 定义为 x = 1:3:

y = [-1, 5, 12];

那么, 函数 complex 定义的复数数组为

complex(x,y)

ans = 1,0000 - 1,0000i 2,0000 + 5,0000i 3,0000 +12,0000i

函数 real 和 imag 用于区分复数的实部和虚部。若 A - 5 + 3 * 1, 则

real(A)

ans =

imag(A)

ans =

函數 isreal 可以判断变量是否是实数。如果变量是实数,则返回 1;如果变量是复数,则返回 0。因为 A 是复数,所以

isreal(A)

ans =

返问值是 0, 表示函数 isreal 的结果为 false.

如果两个复数实部相同,虚部相反,则这两个复数称为共轭复数。在 MATLAB 中用函数 cong 求共轭复数。

coni(A)

ans = 5.0000 = 3.00001

此外,还可以用转置运算符求数组的共轭复数,但同时会把矩阵的行转换成列,列转换成行;

A' ans =

5.0000 - 3.0000i

其中 A 是标量。用复数 A 以及加法运算和乘法运算产生一个复数数组 B:

B = [A, A+1, A*3]

5.0000 + 3.0000i 6.0000 + 3.0000i 15.0000 + 9.0000i

B的转置是

B'

5.0000 - 3.0000i

6.0000 - 3.0000i

15.0000 - 9.0000i

复数通常用直角坐标上的点来描述,横坐标代表实部,纵坐标代表虚部,如图 3.17(a) 所示。复

数也可以用半径和角度表示成极坐标上的点,如图 3.17(b)所示。MATLAB 提供将复数从直角坐标 转换为极坐标的函数。

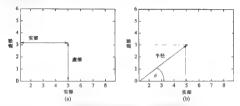


图 3.17 (a) 复数的盲角學标表示。(b) 复数的极學标表示

极处域,用鱼度和阳高棉状处域平面上的点。

利用绝对信函数对复数进行运算可以得到复数的模,等价于利用勾股定理计算半径。

abs(A) ans =

5.8310

半径=√(实部)2+(虚部)2

由于实部是5、虚部是3、所以:

半径=
$$\sqrt{5^2+2^2}$$
=5.8310

也可以用前面介绍的函数 real 和 imag 计算半径:

scrt(real(A).^2 + imag(A).^2)

ans =

5.8310

同理、利用函数 angle 计算复数的角度:

angle(A) ans =

0.5404

计算结果用弧度表示。函数 abs 和 angle 的输入变量既可以是标量和也可以是数组。例如,B 是一 个 1x3 的复数组。

5.0000 + 3.00001 6.0000 + 3.00001 15.0000 + 9.00001

函数 abs 的输出等于复数在极坐标系中的半径:

abs(B)

ans =

5.8310 6.7082 17.4929

用函数 angle 求极坐标中复数的水平夹角:

angle(B)

ans =

0.5404 0.4636 0.5404

在表 3.14 中总结 「 MATLAB 中的复数运算函数。

表 3.14 复数函数

abs(x)	用勾股定理计算复数的模(或实数的绝对值)。在极坐标系中,复数的模等于半径。若 x 3 + 41,则其绝对值为 √3 ² + 4 ² = 5	x - 3 + 4i; abs(x) ans =
	A3. + 4. = 2	5
angle(x)	当复数用极坐标表示时,计算半径与水平方向的夹角	x = 3 + 41; angle(x) ans =
romp.ex(x, y)	创建 -个实部为 x. 虚常为 y 的复数	0.9273 x = 3; y = 4; complex(x, y)
		ans = 3.0000 + 4.00001
real(x)	求复数的实部	x = 3 + 4i; real(x) ans =
rwad (x)	求复数的維部	x = 3 + 41; imag(x) ans =
		II.
isreal(x)	判斷數組是否为实數、若數組是实數,則返回 1,否則返 回 0	x = 3 + 41; isreal(x)
		ans =
coni(x)	求×的共轭复數	x = 3 + 4i; coni(x)
		ans - 3.0000-4.00001

练习 3.10

- 1. 创建下列复数
- a. A 1 + .
- b. B = 2 31
- C. C = 8 + 21
- 2. 创建复数矢量 D, 实部分别为 2, 4, 6, 建部分别为-3、8、-16。
- 3. 计算顾1和顾2中矢量的模(绝对值)。
- 5. 计算欠量 D 的共轭复数。
- 4. 计管题 1 和题 2 中午量的角度。
- 6 用转置运算符计算矢量 n 的非類复数。
- 7. 计算复数 A 与其共轭的乘积、然后计算平方根。并将运算结果与 A 的模(绝对值)做比较。

3.8 计算的极限

在计算机中存储的变量可以认为具有非常大的范围。在大多数计算机中、计算范围可以扩展到 10⁻³⁰⁸ 和 10³⁰⁸ 之间,这可以满足绝大多数的计算需求。在 MATLAB 中可以运用函数查看程序中数据 的极限,例如 MATLAB 所能表示的最大实数和最大整数。如表 3.15 所示。

关键概念: 计算机程序能够处理的数据是有限的。

因为计算机采用二进制运算方法,函数 realmax 近似等于 2004。当然,计算时可能会出现大于 或小于极值的情况。例如、执行下列命令:

```
x = 2.5e200;

y = 1.0e200;

z = x^*y
```

MATLAB 输出

显然,运算结果 2.5e400 超出了 MATLAB 允许的范围。因为计算结果的指数部分太大,超出了计算机允许的存储范围,所以,由此而产生的错误被称为指数上溢。

表 3.15 计算的极限

realmax	返回 MATLAB 能够使用的最大浮点散	realmax
		ars
		1.7977e + 308
realmin	返回 MATLAB 能够使用的最小浮点敷	realmin
		ans :
		2.2251e-308
intmex	返回 MATLAB 能够使用的最大整数	intmax
		ans -
		2147483647
intmin	返回 MATLAB 能够使用的最小整数	intmin
		ans =
		-2147483648

上溢: 计算结果太大超出计算机处理范围。

下溢: 计算结果太小, 程序认定为 0。

同理,由于数据过小而产生的错误被称为指数下溢。以下几个命令会出现指数下溢:

返回

z = 0

指数下溢的结果是 0。

众所周知,除数不能为0。如果表达式中的除数为0,则运算结果为无穷大:

Inf

MATLAB 会显示一个警告消息,提示除数不能为 0。

关键概念,尽量避免出现上溢或下溢。

在计算很大或很小的数时,应进行必要的整理避免出现溢出错误。例如,乘法运算

$$(2.5\times10^{200})\times(2\times10^{200})\times(1\times10^{-100})$$

的运算结果是 5×10^{300} ,它在 MATLAB 所允许的范围内。但是,当把上述问题输入到 MATLAB 后,会产生凝出错误

Inf

这是由于 MATLAB 按照从左到右的顺序进行计算。第一个乘法运算5×10⁶⁰⁰超出计算极限,输出为 无穷大。如果按照下面的算式输入 2.5e200*le-100*2e200 ans =

5.0000e+300

就不会溢出,从而得出正确的答案。

3.9 特殊值和辅助功能

在 MATLAB 中,有的函数没有输入参数,例如,表3.16 中的函数都没有输入参数,这些函数常作为标量或者常数使用。

事3.16 特殊函数

pi	数学常数 x	pi
		ans =
1	anti-	3.1416
		ans =
ń		0 + 1.00001
7	虚敷	i ans =
		0 + 1,00001
Inf	无穷大,数据溢出或除数为 0 时的输出	5/0
		Warning:Divide by zero
		ans = Inf
NaN	非教 ,当计算没有被定义时发生	0/0
		Warning:Divide by zero
		ans = NaN
		inf/inf
		ans =
clock	当前时间	NaN clock
	SIGN ASSESSED OF THE OWNER	ans =
	返问有八个敷的敷组[年、月、日、时、分、杪]。若函敷 clock 的调用时间是	1.0e + 00.3*
	July 19, 2008, at 5:19 P.M 和 30.0 seconds: 則 MATLAB 返回	2.0080 0.0070 0.0190
	右边的结果	0.0170 0.0190 0.0300
	为了增加可读性。函數 clock 常和函數 fix 一起使用	fix(clock)
	函数 fix 实现收整功能,可以得到 format bank 格式的输出结果	ana =
		2008 7 19
date	当前日期,该感数与 clock 类似,不同之处在于返回的日期采用字符串格式	date
		ans =
eps	最接近 1 的双精度浮点数与 1 的距离,即 MATLAB 中的最小极限	19÷Ju1-2008 eps
~~~	MONAL A RYMMOLYTHING T A RUREMA P MAILAB 中的原子依赖	ans =
		2.2204e-016

MATLAB 允许对这些特殊值进行重新定义,但输出可能出现错误。下面的代码尽管并不好,但确是合法有效的:

pi = 12.8;

赋值语句执行后,变量pi就相当于具有了新的数值。同理,把任何一个函数定义成一个变量

sin = 10:

通过清空工作区的方式才能把 sin 恢复成三角函数。或者将 ni 恢复为默认值。

clear

此时, 再查看 x 的信

ъi

赤

返回

3.1416

提 25数 p1 经常会被不经意地定义成某个变量。

### 练习 3.11

- 1. 用函数 clock 在工作表中添加时间和日期。
- 2. 用函数 date 在工作表中添加日期。
- 3. 把下列计算过程编写成 MATLAB 代码。并加以解释:
  - a. 322! (注意,! 在数学表达式中是阶乘运算符)
  - b. 5 × 10⁵⁰⁰
  - b.  $1/5 \times 10^{500}$
  - c. 0/0

# 本章小结

本意介绍了 MATLAR 的预定义函数、主要包括以下内容。

- · · 般数学函数,如
  - 〇 指数函数
    - 〇 对数函数
    - 0 根
- 近似感数
- 离散数学函数,如
- 〇 因数函数
- 〇 素数函数 ● 二角函数, 如
  - 〇 标准二角函数

    - 〇 反三角函数 〇 双曲三角函数
    - 使用角度表示的三角函数
- 数据分析函数
  - 〇 最大值和最小值
  - O 平均值(平均值和中间值)
  - 〇 求和与求积
  - 〇 排序
  - 〇 标准差和方差
- 随机数产生函数
  - 均匀分布的随机数
  - 〇 高斯(正态)分布的随机数
- 与复数有关的函数

MATLAB 计算的极限和特殊值,如 pi。

# MATLAB 小结

下面对本章中介绍的 MATLAB 特殊变量、命令和函数进行总结。

eps	可区分的最小值	
i	遊收	
clock	湖底(中)(F)(m)	
date	返回日期	
Inf	无穷人	
intmax	MATLAB 中的最大整教	
intmin	MATLAB 中的最小整数	
7	准衡	
NaN	<b>李燮</b>	
pi	<b>数学常数</b> x	
realmox	MATLAB 中最大的浮点数	
realmin	MATLAB 中最小的浮点敷	
THAT		
abs	求实敏的绝对值或复数 a 的模	
angle	在提坐标中复数的角度	
asin	東反正弦(arcsin)	
asind	求反正弦,结果用角度表示	
ceil	向正无穷大方向取整	
complex	定义复数	
conj	求共轭复數	
cos	求余弦	
rumprod	求數組的累积	
CUMBUM	求撤組的累加和	
erf	求误差函数	
eudo	计算 e*	
factor	求票數因子	
factorial	求阶乘	
fix	向零方向取整	
floor	负向取撤	
ged	求最大公因數	
nelp	符助函数	
helpwin	打开帮助窗口	
imag	求复数的庭部	
isprime	判斷是否为蒙數	
isreal	判断是实搬还是复数	
len	求量小公因數	
lengh	求數組的长度	
log	求自然对策,或以 e 为底的对策	
log10	求常用对數,或以10为底的对數	
Log2	求以 2 为底的对敷	
naoc	求撤銀中的最大值并确定最大值的位置	
mean	求衡组元素的平均值	

(维惠)

e-orace	
median	宋兼超2G宴的中间值
min	求數组的最小值并确定量小值的位置
node	求众账
nchoosek	求从n中取 x 的组合
nthroot	求 n 次方根
primes	求小于输入的豪族
prod	求數组的积
rand	产生均匀分布的随机数
randn	产生正态分布的随机数
rats	采用分数形式输出
roal	求复數的实部
rem	求余數
round	四會五入取整
81gn	<b>符号函数(正成负)</b>
min	求正弦、输入是弧度
sind	求正弦、输入贴角度
#inh	求观曲正弦
size	确定数组的行、列数
sort	数组排序
BOTTTOWS	以第一列为标准对行排序
sound	回放音乐
sqrt	<b>求平方根</b>
std	求标准差
aum	數组求和
tan	求正切
var	東方榜

# 习题

### 初等数学函数

- 3.1 用函數 nthroot 来-5 的立方根和-5 的 1/3 次方,并做比较。解释这两种方法的不同。再对结果来立方证明这两种方法的证确性。
  - 3.2 MATLAB 可以直接来自然对数(ln)、以 10 为底的对数(lg) 和以 2 为底的对数(lb)。如果计算以任意数 5 为底的对数、则可以根据下述公式:

$$\log_b(x) = \frac{\log_e(x)}{\log_e(b)}$$

设 b 从 1 到 10 变化,步长为 1,求 10 的 log,。

3.3 种群繁殖符合指数规律

$$P = P_0 e^{rt}$$

其中, P为目前的种群数, P₀为原始种群数, r为持续增长率, r为时间。 现有 100 只兔子, 持续增长率是每年 90% (r=0.9), 10 年后会有多少只兔子? 3.4 化学反应速度和速率常数 k 成正比, k 与温度有关, 阿列纽斯方程如下:

 $k = k_0 e^{-Q/RT}$ 

对某一化学反应讨程, 有

Q = 8000 cal/mol

R = 1.987 cal/mol K k₂ = 1200 min⁻¹

计算温度在  $100 \, \mathrm{K}$  与  $500 \, \mathrm{K}$  之间变化,按步长为  $50 \, \mathrm{K}$  递增,求所对应的速度常数  $\mathrm{k}$  的值。列表显示输出结果。

- 3.5 房间的空调需求如图 P2.5 房示。宝内的主要热源是照明。电气设备、产外和人体散发的热 为保持恒温。需要排除这些热量、假设有 20 只照照灯,每只灯幕放的热能为 100 J/s: 有 4 台家 电,每台家电解放的悬量为 500 J/s. 房间从广外吸入的热量为 3000 J/s.
  - (a) 空调每秒钟(s) 应该从房间内排出多少热量?
  - (b) 一台空调可调节的热量为 2000 J/s, 要使房间保持常温需要几台空调?



图 P3.5 空调机必须将不同热源产生的热量排放出去

- 3.6 (a) 4 个人排成一队共有多少种不同的方法?
- (b) 10 块不同的砖共有多少种不同的排列方法?
- 3.7 (a) 将 12 个人每 2 人分成 1 组, 共有多少种分法?
- (b) 班级 30 个学生组建 11 人足球队, 有多少种组队方法?
- (c) 若考虑队员的顺序,则有多少种组队方法?
- 3.8 桌上有52张牌,一次拿5张牌,共有多少种可能?
- 3.9 密码学中经常会用到紊数。在 10 000 到 20 000 之间共有多少

个素数?(提示:用函数 primes 和 length。)

### 三角函数

3.10 为方便计算,常把正弦、余弦和正切的计算结果用表格形式 輸出。计算0到2x之间,步长0.1 md,所有角度的三角角数值。用表 格显示輸出结果。而且,表中应有角度、正弦值、余弦值和正切值等 用项内容。

3.11 弹簧的位移如图 P3.11 所示,可用下式进行描述:



图 P3.11 提动的弹簧

 $x = A\cos(\alpha x)$ 

其中.

x= 时间 t 内的位移

A=最大位移

ω= 角频率, 它与弹簧系数和弹簧质量有关

t = B+1(b)

当最大位移 A 为 4 cm, 角频率为 0.6 rad/s 时, 计算 1 到 10 秒的位移。列表显示位移和时间。

3.12 上颐中弹簧的加速度为

$$a = -A\omega^2 \cos(\omega t)$$

根据上顺所给参数。计算 0 到 10 秒的加速度。列表显示时间、位移和加速度、

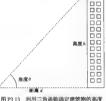
3.13 如图 P3 13 所示。利用三角函数可以测量建筑物的高度。已知观测的仰角和观测占到建筑 物的距离、根据以下公式可计算確確物的高度。

$$tan(\theta) = h/d$$

 $h = d \tan(\theta)$ 规测点到建筑物的距离为 120 m, 仰角为 30° ± 3°。 计算测得的建筑物高度的最大值和最小值。

3.14 上颞中。

- (a) 建筑物高 200 英尺, 与观测点的距离为 20 英 尺。求观测时的仰角为名少?(假设头部即为水平面。)
  - (b) 观测者头部到建筑物顶端的距离为多少?



### 数据分析函数

3.15 反应器的温度变化如下表所示:

热电偶1	热电偶2	热电偶3	热电偶1	热电偶 2	热电偶3
84.3	90.0	86.7	85.3	89.5	85.4
86.4	89.5	87.6	85.3	88.9	86.3
85.2	88.6	88.3	85.2	89.1	853
87 1	88.9	85.3	82.3	89.5	89.0
83.5	88.9	80.3	84.7	89.4	87.3
84.8	90.4	82.4	83.6	89.8	87.2
95.0	90 7	83.4			

利用 MATLAB, 计算

- (a) 每个热电偶测得的最高温度。
- (b) 每个热电偶测得的最低温度。

3.16 如图 P3.16 所示。射击角度为 θ, 初始速度与射 击角度的关系式如下:

图 P3.16 射程与射击角度及速度有关

射程 = 
$$\frac{v_0^2}{2}$$
sin(2 $\theta$ )

 $\theta$  的取值范围为 $0 \le \theta \le \pi/2$ ,忽略空气阻力,取 $_{R} = 9.81 \text{ m/s}^2$ ,初始速度为 100 m/s。若  $\theta$  在 $[0, 2\pi]$ 范围内按步长  $\pi/100$  均匀变化,则可以近似计算出量大射程发生在 $\theta=\pi/2$  处,但不能精确计算出  $\theta$ 的取值。

### 3.17 矢量

G-[68, 83, 61, 70, 75, 82, 57, 5, 76, 85, 62, 71, 96, 78, 76, 68, 72, 75, 83, 93] 表示熱动力学课程的考试成绩分布。用 MATLAB 计算该矢量的平均值、中间值、众戴和标准差。在 平均值、中间值和众载这、:个值中。哪一个数量能代表整体水平?为什么? 并按升序转列。

- 3.18 利用 MATLAB 产生 10 000 个高斯随机数,其平均值是 80,标准差是 23.5。编程时注意 抑制输出,否则会溢出命令窗口。用函数 mean 证明平均值是 80,用函数 std 证明标准差是 23 5。
  - 3.19 用感数 date 将当前日期加在工作单中。

### па ал жу

- 3.20 在游戏中经常会用到两个骰子。每个骰子上有1到6六个数字。
- (a) 用函数 rand 和取整函数模拟骰子每个面的数字。
- (b) 在前述结果的基础上,模拟第二个骰子的数字。
- (c) 综合前两个问题的结果,模拟两个骰子的数字组合情况。
- (d) 用程序模拟棋盘游戏中掷骰子的过程, 玩如图 P3.20 所示的游戏。
- 3.21 设计一个在两所医院间运送特殊病品的盒子,该盒子的内部需要保持常温,建立模型预测 外界温度对盒子的影响,并进行伤真。 (a)温度服从:会分布(高斯分布),平均值影 70°F, 标准差差 2°F, 标维斯个小时,从 0 到
- 120 分钟内,每分钟测量一次温度,有 121 个数据。
  - (b) 利用 MATLAB 中的函数 plot (x, y), 在直角坐标系中描绘各点。
  - (c) 求该时间段内的最高温度和最低温度。



图 P3.20 学院游戏

# 第4章 MATLAB 的矩阵运算

### 学习目的

通讨阅读本章, 读者可以堂据如下内容。

- 矩阵运算。
- 从矩阵中提取数据。
- 利用矩阵变量进行数值计算。
- 创建和使用特殊矩阵。

# 4.1 矩阵运算

本章主要介绍与矩阵运算有关的内容,包括创建矩阵、矩阵合并、从矩阵中提取信息和矩阵特性的运用等。

### 4.1.1 矩阵定义

在 MATLAB 中,在方括号内直接输入数据就可以定义矩阵。数据之间要用空格或返号隔开,行与行之间用分号隔开。例如,

```
A = \{3.5\};

B = \{1.5, 3.1\}; \overrightarrow{B} B = \{1.5, 3.1\};

C = \{-1, 0, 0; 1, 1, 0; 0, 0, 2\};
```

矩阵的行数据也可以单独占一行、输入 MATLAB 命令

采用这种方法定义时,也可以不用分号。例如下面 4×3 矩阵的定义:

0, 0, 2]

如果矩阵的一行中元素过多,则可以在下一行继续写,但本行后面要用逗号和省略号(...)表示 未完,省略号也可以用在其他较长语句中。

省略号:省略号表示本行未完,转入下一行。

可以采用下面的方法定义 一个有 10 个元素的矩阵 F:

```
在 MATLAB 中也可以用己经定义的矩阵来定义其他矩阵。例如,
B = [1.5, 3.1];
S = [3.0, B]
返回
B = 3.0 1.5 3.1
```

同理,

T = [1, 2, 3; 8]

返回

T = 1 2 3 3 3 1.5 3.1

如果需要对矩阵的內容进行修改和添加,则可以直接用序号定义元素。这个过程叫索引数组。输入命令 S(2) = -1.0;

把矩阵 s 中的第二个元素由原来的 1.5 改为-1。在命令窗口中输入矩阵名

返回

S = 3.0 -1.0 3.1

还可以在原有矩阵中增加新的元素。输入

S(4) = 5.5:

可以把矩阵 s 由原来的 3 个元素扩展成 4 个。若

S(8) = 9.5; 则矩阵 S 公自动扩展成 8 个元素, 其中, S(5)、S(6) 和 S(7) 的值都置为 0。

输入

S 返回

3.0 -1.0 3.1 5.5 0 0 0 9.5

# 4.1.2 冒号的使用

冒号运算符常用于定义一个新矩阵或锋改原有矩阵。先用冒号定义一个等差矩阵。例如,

H = 1:8

返回

H = 1 2 3 4 5 6 7 8

上述矩阵的默认步长等于1。如果3个数之间使用冒号,则中间的数值为步长。因此,

time = 0.0 : 0.5 : 2.0 该回

time = 0 0.5000 1.0000 1.5000 2.0000

在进行数值计算时,常用冒号从矩阵中提取数据。如果冒号用在代表行或列的序号位置,则表示所有的行或所有的列。

2

上面的语句可以理解为提取"第1列的所有行"。同理可以提取任何一列数据、例如、

y = M(:, 4) 返回 y = U 5

上面的语句可以理解为"第4列的所有行"。同理,还可以摄取行数据。例如、

z = M(1,:) 返问

上面的语句可以理解为"第1行的所有列"。

如果不需要提取整行或整列,冒号可理解为"从_行到_行"或"从_列到_列"。若提取矩阵 M 最下面两行,则输入

w = M(2:3:1)

返回

w

2 3 4 5 6 3 4 5 6 7

语句的含义为提取"第2行到第3行的所有列"。同理,提取矩阵 M 右下角的四个数:

w = M(2:3, 4:5)

返回

w ≈ 5 6 6 7

语句的含义为提取"第2行到第3行的第4列到第5列"数据。

在 MATLAB 中矩阵可以为空。例如,下面两条语句都可以产生一个空矩阵: a = ( );

b = 4:-1:5;

如果在矩阵名后直接加上冒号:

M(:)

就会把原矩阵转换成一个长的列矢量。

新矩阵是把原矩阵的第2列加在第1列下面,然后是第3列,依此类推。事实上,在计算机内部并不是按照二维的形式存储二维矩阵的,而是把矩阵看成是一个长的列表,与左边矩阵 M 一样。

如果需要从矩阵中提取數字,则可以采用两种方法,即用序号标示或用行和列标示。例如,用以下的命令提取第2行、第3列的数值:



关键概念、矩阵中的元素既可以用序号标示。也可以用行列标示。

另一种方法是用序号标示元素。例如矩阵 x 中第 2 行、第 3 列元兼序号是 8(数完第 1 列,接下 来再数 2 列,直到第 3 列才是对应的元素)。MATLAB 程序代码为



# 练习 4.1

在 MATLAB 中创建下列矩阵、完成下面的练习:

$$a = \{12 \quad 17 \quad 3 \quad 6\}$$
  $b = \begin{bmatrix} 5 & 8 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \\ 2 & 4 & 6 \end{bmatrix}$   $c = \begin{bmatrix} 22 \\ 17 \\ 4 \end{bmatrix}$ 

- 海矩阵 a 的第二列元素獻值给变量 x1。在數学教科书中矩阵 a 的第二列元素有时表示为 a_{1.2}, x1 表示 为 x1 = a_{1.2}.
- 2. 将矩阵 b 的第三列 n. 套赋值给变量 x2。
- 3. 将矩阵 b 的第三行元素赋值给变量 x3。
- 4. 将矩阵 b 对角线上的元素賦值给变量 x4(即元素 b, ,, p,, 和 b, )。
- 5. 将矩阵 a 的前二个元素作为变量 x5 的第一行元素,矩阵 b 作为变量 x5 的第三到第四行元素。
- 6. 变量 x6 的第一列等于矩阵 c。第2、3、4 列等于矩阵 b,最后一行等于矩阵 a。
- 7. 用单个序号定义的方法定义变量 x7 等于矩阵 b 的第 8 个元素。
- 8. 把矩阵 b 转换成列矢量。并命名为 x8。

### 例 4.1 温度数据的使用

美国国家气象局搜集了大量气象数据,但收集到的数据并不总是按照统一格式进行组织的。以 1999 年北市罗莱纳州阿西维尔的气候数据为例,利用这些数据可以构成多个矩阵,然后对这些数据 进行提取或重组,构成一个新的矩阵。图 4.1 显示了由温度数据创建的伪色图。

数据来源于 Excel 文件 Asheville_1999.xls(见附录 B)。用 MATLAB 计算年平均最高气温和最低气温,以及年最高气温和年最低气温,并将计算结果放在新矩阵 temp_ciata 中。

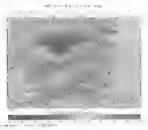


图 4.1 用气象 [] 是提供的温度数据所创建的伤色图(由 NASA 喷射推进实验室提供)

### 1. 问题描述

计算 1999 年北卡罗莱纳州阿西维尔的年平均最高气温、年平均最低气温、年最高气温和年最低 年溫

### 2. 输入/输出描述

输入: 数据文件 Asheville 1999.xls.

输出: 年平均最高气温、年平均最低气温、年最高气温和年最低气温。

輸出一个矩阵, 矩阵中应包含年平均最高气温、年平均最低气温、月最高气温和月最低气温。 但不包括年度数据。

### 3. 手工分析

用计算器对数据表中第2列的12个月天气数据求平均。

### 4. MATLAB 实现

首先,从 Excel 中导出数据,保存到当前目录的 Asheville_1999.mat 文件中。数据可以通过 M 文件 等入工作区。

```
% Example 4.1
```

- In this example, we extract data from a large matrix and
- % use the data analysis functions to find the mean high
- % and mean low temperatures for the year and to find the
- % high temperature and the low temperature for the year
- clear, clc
- % load the data matrix from a file
- load asheville_1999
- % extract the mean high temperatures from the large matrix
- mean_max = asheville_1999(1:12,2);
  % extract the mean low temperatures from the large matrix
- mean_min = asheville_1999(1:12,3);
- % Calculate the annual means
- annual_mean_max = mean(mean max)
  annual mean min = mean(mean min)
- % extract the high and low temperatures from the large
- % matrix
- high temp = asheville 1999(1:12.8);
- low temp = asheville 1999(1:12,10);
- % Find the max and min temperature for the year
- max_high = max(high_temp)
- min_low = min(low_temp)
- % Create a new matrix with just the temperature
- % information

new_table = [mean max, mean_min, high_temp, low temp] 在命令窗口中显示如下结果:

- annual_mean_max =
- 68.0500
- annual_mean_min =
- 46.3250 max high =
- 96
- min low =
- .....
- new table =
  - 51.4000 31.5000 78.0000 52.6000 32.1000 66.0000 52.7000 32.5000 76.0000
  - 83.0000 34,0000 70.1000 48.2000 40.0000 75.0000 51.5000 83,0000 90.0000 50.0000 80.2000 60.9000 85.7000 64.9000 96.0000 56.0000 54.0000
  - 86.4000 63.0000 94.0000 54.0000 79.1000 54.6000 91.0000 39.0000 67.6000 45.5000 78.0000 28.0000
- 62.2000 40.7000 76.0000 26.0000 53.6000 30.5000 69.0000 15.0000

### 5. 结果验证

把计算结果与 1999 年北卡罗莱纳州阿西维尔的气候数据表的最后一行数据进行比较、确定结果 是否正确,这一步非常必要。

9.0000

16.0000

22,0000

# 4.2 双变量问题的求解

到目前为止,所有的计算问题都只限于一个变量。但是,大多数物理现象要受到多方面因素的 影响。本节主要介绍变量为矢量时,问题的求解方法。

先看下面的 MATLAB 语句:

x = 3; y = 5; A = x * y

其中, x. y 都是标量,很容易得到计算结果: x · y 15,或者

15

如果y是标量,x是矩阵,

R = 1:5;

x 有 5 个值, y 是标量, 只有一个值(5), 那么

A = x * y

返回

5 10 15 20 25

计算依然很简单。但如果v 也是失量、

y = 1:3; A = x * v

则会揭示出错。

??? Error using ==> °

Inner matrix dimensions must agree.

通过错误提示可知,尽号是矩阵乘法运算符,应该使用点积(.*)求元素间的乘法。矩阵  $\times$  和 y 的大小必须相等才能做乘法运算。输入

y = linspace(1,3,5)

就会创建一个新的有5个元素的等差矢量v.

1.0000 1.5000 2.0000 2.5000 3.0000 A = x .* y A = 1 3 6 10 15

关键概念:两个矩阵运算时,矩阵的大小必须一致。

尽管上述运算过程可以进行下去,但是运算结果显然不是所希望的。这个结果相当于是矩阵的 对角线元素。

利用上述方法不能與矢量×第3个元素和矢量。第5个元素的疾程、指矢量×和矢量×相樂的 結果 à 为:维矩阵,那么两个输入矢量必须是二维矩阵。MATLAB內置磷数 meshgrad 可以把输入 矢量转换板"维挺郎"。这样即便×和,的大小不问,也可以进行乘法运算。

先把 y 改为一个三元素矢量:

v = 1:3;

然后用函数 mesharid 产生两个新的二维矩阵 new x 和 new v:

[new x, new y]=meshgrid(x,y)

关键概念: 利用函数 meshgrid 把两个一维变量映射成两个大小相同的二维矢量。

函數 meshgrid 有两个输入矢量。可以产生两个新的二维矩阵。每个矩阵的行列数都相同。列数等于矢量×的元素个数。行数等于矢量 y 的元素个数。这种运算称为把矢量映射成二维数组:

1.	2	3	4	5
1	2	3	4	5
1	2	3	4	5
new_y =				
1	1	1	1	1
2	2	2	2	2
3	3	3	3	3

映射后, new_x 的所有行相同, new_y 的所有列相同。可以进行矩阵相乘, 并得到一个二维矩阵

:	new_x.*	new_y			
	1	2	3	4	. 5
	2	4	6	8	10
	3	6	9	12	15

对应元素相乘的结果如表 4.1 所示。

表 4.1 对应元素档案的结束	表 4.1	对应元素档案的结果
-----------------	-------	-----------

				×		
		1	2	3	4	5
	1.0	- 1				
	1.5		3			
У	2.0			6		
	2.5				12	
	3.0					15

### 练习 4.2

### 使用函数 mashorid

- 矩形面积等于长乘以宽(见图 4.2) (面积 = 长x宽)。求长分别为1 cm、3 cm、5 cm, 宽等于2 cm、4 cm、6 cm 和 8 cm 的矩形面积(应该有12 个结果)。
- 関柱体体积为 nr²h。 求半径为 0~12 m, 高度为 10~20 m 的圆柱体体积, 半径步长为 3 m, 高度步长为 2 m.



图 4.2 矩形和圆柱形的说明

### 例4.2 地平线的距离

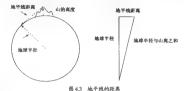
一般来说,站得高会看得更远,那么到底能看多远呢?主要取决于山的高度和地球的半径,如图43所示。由于月球和地球的半径相差很大,所以能看到的地平线距离相差也很远。

根据幻验定理可知

$$R^2 + d^2 = (R + h)^2$$

可以來出  $d = \sqrt{h^2 + 2Rh}$ .

已知地球半径是 6378 km, 月球半径是 1737 km, 權機上面的等式可以计算地球和月球的地平线 距离, 站在 0 到 8000 m 高的山上(珠穆朝玛峰海拔 8850 m)看到她平线的距离分别是 8 少?



# 1. 问题描述

从地球和月球的高山上能看到地平线的距离。

### 2. 輸入/輸出描述

输入 月球半径为 1737 km, 地球半径为 6378 km, 山高 0~8000 m.

输出 地平线的距离,单位为km。

3. 羊工分析

$$d = \sqrt{h^2 + 2Rh}$$

已知地球单径、山的高度为 8000 m, 于是

$$d = \sqrt{(8 \text{ km})^2 + 2 \times 6378 \text{ km} \times 8 \text{ km}} = 319 \text{ km}$$

### 4. MATLAB 实现

%Example 4.2

%Find the distance to the horizon

%Define the height of the mountains % in meters

clear, clc

format bank

%Define the height vector

height=0:1000:8000;

%Convert meters to km

height=height/1000; %Define the radii of the moon and earth

radius = [1737 6378];

%Map the radii and heights onto a 2D grid [Radius, Height] = meshgrid(radius, height);

[Radius, Height] = meshgrid(radius, height); %Calculate the distance to the horizon

distance=sqrt(Height.^2 + 2*Height.*Radius)

执行 M 文件,计算出在地球和月球的高山上能看到地平线的距离,列表显示结果。

distance =

131.89	252,60
144.50	276.72
156.10	298.90
166 00	210 55

5. 结果验证

由手工计算可知, 站在 8000 m 的山峰上看到的地平线距离是 319 km, 与 MATLAB 计算结果相符。 例 4.3 自由落体运动

计算自由落体下降距离的公式是(忽略空气阻力)

$$d = \frac{1}{2}gt^2$$

其中, d为距离, g为重力加速度, z为时间。

当卫星绕行星飞行时,它处于自由落体的状态。很多人认为就天器进入轨道后不受重力作用, 其实,正是由于重力的作用飞行器才能逐轨道上正常飞行,飞行器,成卫星,在飞行时实际上是逐渐下 降的(见图 4.4)。如果水平方向上的速度很快,飞行器仍然会在轨道上飞行,否则,飞行器就会降落 到地面上。

重力加速度 8 是一个常教, 其數值取决于行星的质量, 不同的星球具有不同的重力加速度 (见表 4.2)。 计算太阳系各大行星以及月球上一个物体在 100 s 之內下落的距离。

1. 问题描述

计算在 100 s 之内物体在各星球不同重力加速度的作用下、自由下落的距离。





图 4.4 空间飞行器总是朝着地球降落(由 NASA//喷射推进实验室提供)

亲 4.2 太阳系条个是球的重力加速度

水星	g = 3.7 m/s ³	木型	g = 23.12 m/s ²
金尼	$g = 8.87 \text{ m/s}^2$	土思	$g = 8.96  \text{m/s}^2$
地球	g = 9 8 ny/s²	天王是	$g = 8.69 \text{ m/s}^2$
月球	$g = 1.6 \text{ m/s}^2$	海王星	$g = 11.0 \text{ m/s}^2$
火星	$g = 3.7 \text{ cm/s}^2$	冥主組	g ≈ .58 m/s²

2. 输入/输出描述

輸入:各大行星和月球的重力加速度,时间由0到100s.

输出:各大行星和月珠上自由下落的距离。

3. 手工分析

在水星上自由下落 100 s 的距离。

 $d = 1/2 gt^2$  $d = 1/2 \times 3.7 \text{ m/s}^2 \times 100^2 \text{ s}^2$ d = 18.500 m

4. MATLAB 实现

%Example 4.3 %Free fall

clear, clc Try the problem first with only two planets, and a coarse

% grid

format bank

*Define constants for acceleration due to gravity on

Mercury and Venus

acceleration_due_to_gravity = [3.7, 8.87];

time=0:10:100: *Define time vector

%Map acceleration_due_to_gravity and time into 2D matrices

[g,t]=meshgrid(acceleration_due_to_gravity, time);

%Calculate the distances

distance=1/2*g.*t. 2

# 运行 M 文件、计算出在水星和含星上自由下落的距离,

distance s

0	0
185.00	443.50
740.00	1774.00
1665.00	3991.50
2960.00	7096.00
4625.00	11087.50
6660.00	15966.00
9065.00	21731.50
11840.00	28384.00
14985.00	35923.50
18500.00	44350.00

### 5. 结果验证

利用 MATLAB 计算出物体在水星上下落 100 s 的距离为 18 500 m、这和前面手工计算的结果相吻合。 M 文件不但可以计算出在水星和金星上物体自由下落的距离,也可以求出在其他行星上物体自 由下落的距离,若检验后程序没有错误,就可以用于计算物体在其他星球上自由下落的距离:

%Redo the problem with all the data

clear, clc

format bank

%Define constants

acceleration_due_to_gravity = [3.7, 8.87, 9.8, 1.6, 3.7,

23.12 8.96, 8.69, 11.0, 0.58];

time=0:10:100;

%Map acceleration_due_to_gravity and time into 2D matrices

[g,t]=meshgrid(acceleration_due_to_gravity,time);

%Calculate the distances

d=1/2*g.*t.^2

射干图 45 中绘出的计算结果,有几点需要注意。首先,工作区的 acceleration due_to_ gravity 是一个 1×10 的矩阵(每个星球对应一个值), time 是一个 1×11 的矩阵, 函数 meshgrid 把 矢量 g.t. 都映射成 11×10 的矩阵。在命令窗口上用 format. bank 命令显示出计算结果。



图 4.5 物体在每一是球上自由下落的距离计算结果

### 振 示

# 4.3 特殊矩阵

表 4.3 列出了定义特殊矩阵的 MATLAB 函数。

### 表 4.3 矩阵生成和矩阵运算的函数

eros(m)	创建 m× m 的全等矩阵	zeros(3)
		ans -
		0 0 0
		0 0 0
		0 0 0
zeros(m, n)	创建 m×n 的全零矩阵	zeros(2, 3)
Nevoe (m) 11)	FAME OF A 11 BATE A VOLA	ans =
		0 0 0
		0 0 0
ones (m)	创度m ×m 的全 1 矩阵	ones (3)
	MANUAL PROPERTY.	ans =
		1 1 1
		1 1 1
		1 1 1
ones(m, n)	侧線m×n 的全 1 矩阵	ones(2, 31
		ans =
		1 1 1
		1 1 1
diag(A)	摄取二维矩阵 A 中的对角元素	A = [1 2 3; 3 4 5; 1 2 3];
		diag(A)
		ans
		1
		4
		3

		(挨束
	以矢量 A 中的元素为对角元素创建一个方阵。	A = [1 2 3]
	通过帮助功能可以了鮮更多函数 diag 的使用方法	diag(A)
		ans =
		1 0 0
		0 2 0
		0 0 3
fliplr	对矩阵的列进行左右对称翻转	A = [1 0 0; 0 2 0; 0 0 3]
		fliplr(A)
		ans =
		0 0 1
		0 2 0
		3 0 0
flipud	对矩阵的行进行上下对称翻转	flipud(A)
		ens = 0 0 3
		0 0 3
		1 0 0
magic(m)	創建 m×m 的魔方矩阵	medic(3)
may 2 C (III)	BUILD TO KIND AT STATE OF THE S	gue =
		B 1 6
		3 5 7
		4 9 2

### 4.3.1 全零矩阵

使用函数 zeros 可以在 MATLAB 中创建一个全零矩阵,如果函数 zeros 的输入参数是一个标 品,则产生一个方阵;

如果函数 zeros 的输入参数是两个标量,则第一个参数代表全等矩阵的行数,第二个参数代表 全零矩阵的列数:

A = zeros(3)

# 4.3.2 全1矩阵

函数 ones 与函数 zeros 类似,只是它产生一个全 | 矩阵:

间理, 函数 ones 有两个参数, 可以用来定义全1矩阵的行数和列数; B = ones(3,2)

1 1

函数 zeros 和 ones 主要用于创建"占位"矩阵,元素值以后添加。例如,创建一个有 5 个元 素的矢量,其中每个元素的數值都等于 x。首先要创建一个全1矩阵:

```
a = ones(1,5)
```

输出

1 1 1

然后季以π.

b = a*ni h =

结果为

3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416

全零矩阵加π 也可以得到同样的结果。例如。 a = zeros(1.5);

b = a+pi

输出

b = 3.1416 3 1416 3.1416 3.1416 3.1416

全零矩阵和全1矩阵常用做占位矩阵。用于程序的循环结构。这样可以提高运行速度。

美髓概念: 全球矩阵和全1矩阵主要用于占位。

## 4.3.3 对角矩阵

用函数 diag 可以提取矩阵对角线上的元素。例如、定义方阵

A = [1 2 3; 3 4 5; 1 2 3];

田

diag(A)

提取主对角线上的元素、输出

ans = 1.00

4.00

3.00

定义函数 diag 的第二个输入参数 k, 可以提取出其他对角线上的元素。若 k 为正数, 则提取矩阵右 上角对角线上的元素。若认为负数、则提取左下角对角线上的元素。如图 4.6 所示。

44

返回

ans = 2

5 如果函数 diag 的输入不是二维矩阵, 而是矢量

B = [1 2 3]:

那么,MATLAB 会把输入矢量作为对角线元素产生一个新的矩

阵, 并将新钻阵的其他元素冒为零。

diag(B) ans =

3 n n 0 2

0 0 3 k = -1[3

图 4.6 利用参数 k 可以描述矩 阵中任何一个对角线

通过定义第一个输入参数,可以把矢量中的元素定义成矩阵的任何一个对角线:

```
diag(B,1)
ans =
```

```
ns =
0 1 0 0
0 0 2 0
0 0 0 3
```

## 4.3.4 魔方矩阵

在 MATLAB 中用函数 magic 可以产生一种有趣但没有实际用途的特殊矩阵,即魔方矩阵。在 魔方矩阵中,所有的行、列以及对角元素之和均相等,例如,

```
A = magic(4)
A =
    16
           2
                 3
                      13
     5
          2.1
              10
                      8
     9
          7
                6
                      12
     4
          14
                15
                      1
sum(A)
```

34 34 34 对矩阵进行转置,求矩阵各行的和:

```
sum(A')
```

ADS S

ans = 34 34 34 34 34

在魔方矩阵中不仅所有行、列元素之和相等,对角线元素之和也相等。从左到右提取对角线元素:

3.4

diag(A)

16

11

对角线元素之和与所有行、列元素之和都相等:

```
sum(diag(A))
ans =
34
```

为了求从左上到右下对角线元素之和,需要先对矩阵翻转,然后再进行对角元素求和;

```
fliplr(A)
```

```
16
13
       3
              2
8
      10
             11
                      5
              7
                      9
12
       6
      15
              14
                       ä
1
```

diag(ans)

13 10

sum(ana)

ans =

阿尔布雷特·丢勒 1514 年创作的木雕《忧郁》是最早有关魔方矩阵的记载。如图 4.7 所示。 学者认为魔方矩阵和当时风略一时的炼金术有关。创作时间 1514 是方阵最底下一行中间的两个敷 空、如图 4.8 所示。

几个世纪以来,魔方矩阵吸引了无赖的学者和数学爱好者。例如,本杰明·富兰克林做过关于 魔方矩阵的实验。在 MATLAB 中可以产生任何大于 2×2 的魔方矩阵,魔方矩阵的解不是唯一的, 也可能有其他的解。



图 4.7 阿尔布雷特· 丢勒 1514 年创作的木 雕《忧郁》(国会图 持熔提供)



图 4.8 阿尔布雷特·孟勒将木雕的创作时间(1514) 刻在了雕方中(短令图书馆提供)

### 练习 4.3

- 1. 创建一个3×3的全架矩阵。
- 2. 创建一个3×4的全常证法。
- 3. 创建一个3×3的全1矩阵。
- 1. 创建一个5×3的全1矩阵。
   4. 创建一个5×3的全1矩阵。
- 5. 创建一个4×6 的矩阵, 矩阵中所有元素都等下来。
- 6. 用函数 diag 创建一个对角线元素为 1、2、3 的矩阵。
- 7. 创建一个10×10的磨方矩阵。
  - a. 提取矩阵对角线上的元素。
  - b. 提取矩阵左下角到右上角对角线上的元素。
  - c. 证明矩阵所有行、列及对角线元素之和相等。

# 本章小结

本章主要介绍了短路的运算。通过冒号运算符,可以用小规模矩阵构建大规模矩阵,以及在矩 阵中挺取相应的几套。其中冒号可以视为"所有行"或"所有列"。如果智号在行序号和列序号中 间时可理解为"几到几行液动"。例如。 可理解成"矩阵 A 的第三列制第 3 列之间所有行的值"。冒号单独使用时表示把:维矩阵转换成列 矢量,如 A (:)。事实上在计算机内部是以列表的形式存储数据的,可以用序号或行列号标识数据的 价置。

函数 meshgrid 用于把矢量映射成二维矩阵,以便对长度不同的矩阵进行运算。

MATLAB 还有一些创建特殊矩阵的函数:

- zeros,创建全零矩阵。
- ones. 创建全1矩阵.
- diag, 提取矩阵对角线元素。当输入为矢量时,产生方阵。
- magic, 创建 个所有的行、列、对角线元素之和相等的方阵。

此外, MATLAB 中还有对矩阵进行左右或上下翻转的函数。

### MATLAB 小结

在 MATLAB 小结中,列出本章介绍的符号、命令和函数。

特殊符号	
t	爾号
-	省略号、表示下一行继续
[ ]	空矩阵

****	
meshgrid	把安置映射为二维敷组
zeros	创建全零矩阵
ones	创建全1矩阵
diag	提取矩阵对角统元素
fliplr	矩阵左右翻转
Elipud	矩阵上下翻转
magic	创建魔方矩阵

## 习题

4.1 创建下面的矩阵并完成下列习题:

$$a = \begin{bmatrix} 15 & 3 & 22 \\ 3 & 8 & 5 \\ 14 & 3 & 82 \end{bmatrix}$$

$$b = \begin{bmatrix} 1 \\ 5 \\ 6 \end{bmatrix}$$

- (a) 用矩阵 a 的第三列元素组成一个新矩阵 d。
- (b) 把矩阵 b 和 d 合并成一个三行两列的二维矩阵 e。
- (c) 把矩阵 b 和 d 合并成一个六行一列的矩阵 f。
- (d) 将矩阵 c 作为前三个元素, 与矩阵 a 组成一个四行三列的矩阵 g。
- (e) 创建 个矩阵 h, 它的第一个元素是 a_{1,3},第二个元素是 c_{1,2},第三个元素是 b_{2,1}。
- 4.2 导入数据文件 thermo_scores.dat,或把本题(e) 结果的数据直接输入矩阵 thermo_scores 中。
- (a) 提取学生 5 的成绩及学号,放入行矢量 student_5 中。
- (b) 把考试 1 的成绩存入列矢量 test. 1 中。
- (c) 计算每次考试的标准差和方差。
- (d) 假设每次考试满分为100分,求每个学生的总成绩和平均成绩(注意学号不能求和)。
- (e) 在原始表格后加上平均分与总成绩这两项内容。
- (f) 保持行数据不变,按照平均分从高到低对矩阵降序排序(通过 help 了解正确的语法)。

学!	<b>考试</b> 1	考试 2	考试3	学 号	考试1	考试2	考试3
1	68	45	92	11	62	34	87
2	83	54	93	12	71	45	85
3	61	67	91	13	96	56	45
4	70	66	92	14	78	65	87
5	75	68	96	15	76	43	97
6	82	67	90	16	68	76	95
7	57	65	89	17	72	65	89
8	5	69	89	18	75	67	88
9	76	62	97	19	83	68	91
10	85	52	94	20	93	90	92

## 4.3 根据下表回答问题:

时间 (fur)	游电偶1 "护	热电偶 2 "F	热电偶 3	时(i) (im)	施电偶 1 丁	熱电偶 2 写	熱电倒 3
0	84.3	90.0	86.7	14	85.3	89.5	85.4
2	86.4	89.5	87.6	16	85.3	88.9	86.3
4	85.2	88.6	88.3	18	85.2	89.1	85.3
6	87.1	88.9	85.3	20	82.3	89.5	89.0
8	83.5	88.9	80.3	22	84.7	89.4	87.3
10	84.8	90.4	R2.4	24	83.6	89.8	87.2
12	85.0	89.3	83.4				

- (a) 创建一个列矢量 times, 范围在 0 到 24 之间, 步长为 2 小时。
- (b) 导入热电偶温度数据文件 thermocouple.dat,或根据表格中的数据直接输入矩阵 thermocouple 中。
- (c) 用题(a)中创建的变量 times 以及矩阵 thermocounte 中的数据创建一个与水板类格对心体矩阵。
- (d) 函数 max 和 min 不仅能按列查找最大值或最小值,还可以输出极值的位置,使用函数 max 和 min 求各列出现最大值和最小值时所对应的采样时间 times。
  - 4.4 文件 sensor.dat 包含从传感器上搜集的数据。导入数据文件或根据下表盲接输入数据;

时间 (s)	传導器 1	传播器 2	传播器 3	传播器 4	作邮册 5
0.0000	70.6432	68.3470	72.3469	67.6751	73 1764
1.0000	73.2823	65.7819	65.4822	71.8548	66.9929
2 0000	64.1609	72 4888	70.1794	73.6414	72.7559
3.0000	67.6970	77,4425	66.8623	80.5608	64.5008
4.0000	68.6878	67.2676	72.6770	63.2135	70 4300
5 0000	63 9342	65.7662	2.7644	64.8869	59.9772
6.0000	63.4028	68.7683	68.9815	75.1892	67 5346
7.0000	74.6561	73.3151	59.7284	68.0510	72.3102
8.0000	70:0562	65 7290	70 6628	63.0937	68.3950
9.0000	66.7743	63.9934	77 9647	71.5777	76.1828
10.0000	74.0286	69.4007	75.0921	77 7662	66.8436
11 0000	71 1581	69.6735	62.0980	73.5395	58.3739
12.0000	65.0512	72,4265	69,6067	79 7869	63.8418
13 0000	76.6979	67 0225	66.5917	72.5227	75.2782
14 0000	71.4475	69.2517	64.8772	79 3226	69.4339
15.0000	77 3946	67.8262	63.8282	68.3009	71 8961
16.0000	75.6901	69.6033	71 4440	64.3011	74.7210
17 0000	66.5793	77 6758	67.8535	68.9444	59.3979
18 0000	63.5403	66.9676	70.2790	75.9512	66.7766
19 0000	69.6354	63.2632	68.1606	64.4190	66.4785

每隔· * 校从传感器上采集 · 次数据, 第 · 行是第 0 秒时采集的数据, 第 · 行是 1 秒后采集的数据, 依此崇稚。

(a) 读取数据文件,提取传感器的个数和采样次数(提示:使用函数 size)。

- (b) 找出各传感器采样数据的最大值和最小值,用 MATLAB 求出最大值和最小值对应的采样时刻。
- (c) 计算各传感器采样数据的平均值和标准差。注意,第 1 列 数据是采样时刻而不是采样数据。

4.5 三角形的面积为底乘高除以 2,如图 P4.5 所示,计算底在 0~10 m之间,高在 2~6 m之间的三角形面积。选择合适的步长完成相应的计算。计算结果应该是"维铂陈



4.6 气压计主要用于测量大气压强,如图 P4.5 所示。气压计

中的液体 般密度较高,过去常常使用水银。但由于水银有毒,现在常用其他液体代替。测量的大气 压强等干消而高度 b 经以液体密度 b. 再泰以重加加速度 e. 即

现有两个气压计,一个气压计中的液体是水银,密度为 13.56 g/cm²(13.560 kg/m²);另一个气压计中的液体是水,密度为 1.0 g/cm²(1000 kg/m²)。重力加速度为 9.81 m/s²。计算人气压强在 0 到 100 kPa 范围内变化时,两个气压计的液面高度。输出为二维矩阵,计算前箭要统一单位。大气压强的单位是帕斯卡(Pa),等于1 kg/ms²,一个kPa 是 1000 帕斯卡。



4.7 理想气体定律Pv=RT描述了气体的运动规律。利用下式可以计算气体比容v(单位为 $m^2 kg$ ):

$$v = \frac{RI}{P}$$

计算温度在 100-1000 K 之间、压强在 100-1000 kPa 之间时,气体的比容。 空气的 R 值为 0.2870 kJ (kgK)、在理想气体定律中、气体成分不同、R 值也不同。 有的公式中,R 为常数,这和气体的摩尔质量有关。 化学和热力学课程会详细介绍这个方程。 输出结果应该是一个二维矩阵。

- 4.8 创建与习题 4.1 中矩阵 a、b、c 规模相同的全 0 矩阵(使用函数 size 完成本题)。
- 4.9 创建一个 6×6 的魔方矩阵, 计算:
- (a) 每一行之和
- (b) 每一列之和
- (c) 对角线之和
- 4.10 在题 4.9 中,从魔方矩阵的左上角提取一个 3×3 的矩阵,判断这个矩阵是否仍是魔方矩阵。
- 4.11 创建一个 5×5 的魔方矩阵 a.
- (a) 矩阵 a 乘以一个常数(例如 2) 后是否还是一个魔方矩阵?
- (b) 矩阵 a 中每个元素都做平方运算,新产生的矩阵是否还是魔方矩阵?
- (c) 矩阵 a 的每个元素都加上一个常数,新产生的矩阵是否还是魔方矩阵?
- (d) 创建一个由下面几部分组成的 10×10 矩阵, 如图 P4.11 所示:
  - 矩阵 a。
  - 2.倍的矩阵 a.
  - a 的元素的平方矩阵。
  - a 的元素的干力料
  - 矩阵 a 加上 2。

结果县产方矩阵吗?矩阵的顺序会不会影响最后结果?



图 P4.11 用矩阵构造矩阵

# 第5章 绘 图

#### 学习目的

通过阅读本章,读者可以掌握如下内容:

- 绘制 "维图形,并对_维图形进行标注。
- 调整图形。
- 子图窗口的划分。
- 绘制三维图形。
- 使用交互绘图工具。

## 引音

大规模的数据表格很难直观表现信息内容,而工程师利用图形化技术可以使信息更加容易理解。 图形化技术可以真观地反映出数据的变化电势、最大值和最小值,也可以非常容易地绝壳出因计算或 期量引起的错误数据点。而且,图形化数据可以让人迅速准确地判断所编写的计算程序是否能够得出 止确的结果。

# 5.1 二维图

## 5.1.1 基本绘图

## 简单的 x-y 坐标图

已知矢景 x, y 的值,就可以根据 x, y 的值绘制图形。假设根据测量结果获得一组时间和距离的数据。

- x 是时间矢量(用户可以根据需要给变量命名), y 是距离矢量:
  - x = [0:2:18];
  - y = [0, 0.33, 4.13, 6.29, 6.85, 11.19, 13.19, 13.96, 16.33, 18.17];

以x、v 为参数, 用 plot 命令描绘各点:

plot(x,y)

图形窗口自动打开,相关数据点如图 5.1 所示。根据图形窗口的大小,图形标度会有些变化。

### 标题、标注和栅格

在实际工程中往往要给出图形的标题,以及坐标轴上变量的单位。用以下命令可以在图形上添加相应的标题、x轴和 y轴的标注,以及栅格。

plot(x,y)
xlabel('Time, sec')
ylabel('Distance, ft')
grid on

关键概念: 图形中的坐标轴要有单位。

計画 (8)	距高 (ft)
D	0
2	0.33
4	4.13
6	6.29
8	6.85
10	11.19
12	13.19
14	13.96
16	16.33
18	18.17

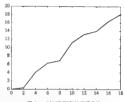
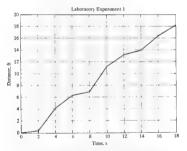


图 51 时间和距离的关系曲线

以上命令生成的阁形如图5.2所示。也可以将上途语句合并在一起,用返号隔开写成一行或两行; plot(x,y), title('Laboratory Experiment 1') xlabel('Time, sec'), ylabel('Distance, t'), grid



四52 在阳中增加维格、标题和坐标轴标注能使图形更容易理解

字符出,用单引号括起来的一串字符。

输入上面的命令时,单引号(·)后的内容变为红色,用于提示输入字符串。输入后面的单引号后 颜色变成紫色,提示输入的字符串结束。这些提示可以避免输入错误。MATLAB 6 版本的提示颜色 可能不同,但作用是相同的。 無当前寶口是命令寶口,则图形寶口是所有寶口最上面弹出,如图 5.3 所示。单击命令寶口或 短限 第 回最小化,可以继续在命令寶口编写程序。用户可以屬时调节图形寶口的大小,或单击图形 寶口右上角的鄉辦衛上掛片调查。

### 提示

单上命令例 1、 公治藏屬和窗 : 选择可解最下面 Window、任务性的图形窗, ... 图形窗口 数会自动维化。

### 提示

添加标题和坐标轴标注前要先创建图形、否则绘图命令会删除前面已经设置的标注。

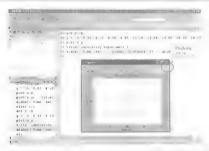


图 5.3 图形窗口在命今窗口上端出。用户可以调节图形窗口的大小。也可以使用编进箭头

#### B 75

令令 6 (2) (1) 5、(1) 5、(1) 5元末、在MAILAB 1 (5) (以任用廠号 (如 (1) 5) (如 (1) 6) (如 (

### 创建名个图形

编程过程中经常需要给制定图形后维续进行计算,然后,又给每图形。MATLAB 可以随时生成 和显示图形窗口,但生放防第 · 编图形会覆盖对第 · 幅图形。解决这个问题的方法有两个,一是用 pause 命令暂存程序,二是用 figure 创建新的图形。

使用 figure 重新打开一个新的图形窗口,并在窗口中绘制图形。例如,输入

### figure(2)

会出現 小新的関形質印,名称为 Figure 2. 可以在此讀口中绘制下 一图形。若 tigure 没有输入 参敷,MATLAB 会自动产生图形编号。若当前图形窗口是 Figure 2. 那么,再次执行 figure 后就会 打开名为 Figure 3 的图形窗口,表5.1 总结了简单的图形命令。

### 賽51 基本绘图功能

and the state of the				
plot.	创建一个x y 坐标图	plot(x, y)		
title	添加标题	title('My Graph')		
xlabel	維加 x 轴标注	<pre>xlabe('Independent Variable')</pre>		
ylabel	都加り物様注	ylabe('Dependent Variable')		
gride	添加糖格	grid on grid off		
pause	智停程序、观察图形	pause		
figure	定义当前图形	figure		
hold	保持图形	figure(2) hold on hold off		

### 绘制多条曲线

绘制多条曲线的方法有很多种。一般来说,后面的 plot 语句会覆盖掉前面的图形。图形保持用 hold on 命令。执行以下命令,可以在同一學标轴下绘制如图 5.4 所示的两条曲线。

```
x = 0:pi/100:2*pi;
y1 = cos(x*4);
plot(x,y1)
y2 = sin(x);
hold on;
```

语句 plot 和语句 hold on 后加分号。执行命令 hold off 可以覆盖原有的图形。

plot(x, y2) 句plot和语句ho hold off

绘制多条曲线的另一种方法是用 plot。MATLAB 模据 plot 输入参数 x 矢量和 y 矢電分别绘制曲线: plot(X1, X1, X2, X2)

其中,变量 x1、y1 是第一个有序的数据集合,变量 x2、y2 是第二个有序的数据集合。使用上例中的数据,

```
plot(x,y1, x, y2)
```

生成与图 5.4 相同的图形,只是两条曲线的颜色不同。在 MATLAB 中,绘图命令画出的第一条曲线 以蓝色为默认颜色。在使用 hold on 方法中,每条线都是由不同的绘图命令完成的,分离次完成图 形绘制,所以,两条曲线的颜色相同。plot(x, yl, x, y2)语句是 "次画出两个图形,为了方便区 分,第二个图形数认题但是缺色。

如果函數 plot 的输入参数是一个单独的矩阵,则 MATLAB 对矩阵的每一列单独绘图。矩阵的 行下标矢是作为、轴坐标(1;4),其中, k 是矩阵的行数。每列所对应的数值作为,轴坐标绘制曲线。 吐过程可绘出 一个等步长的图形。也就是线性图。如果 plot 有海中自变量,一个是矢量,一个是矩阵,那么、MATLAB 按行依次绘制图形。例如,把 v1和 v2 合并成一个矩阵

```
Y = [y1; y2];
plot(x,Y)
```

该命令产生的图形与图 5.4 相同,具有两条形状相同、颜色不同的曲线。

关键概念: T程中最常用的是 x-v 坐标图。

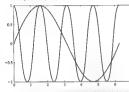
```
更为复杂的例子是
```

```
X * 0:pi/100:2*pi;
Y1 = cos(X)*2;
Y2 = cos(X)*3;
```

```
Y3 = cos(X)*4;
V4 = cos(X)*5+
Z = [Y1; Y2; Y3; Y4];
plot(X, Y1, X, Y2, X, Y3, X, Y4)
```

## 运行结果加图 55 所示。与之等价的命令为

plot(X, Z)



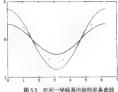


图 5.4 用 hold on 命令在同一坐标系内绘制两条曲线

函数 peaks 是 MATLAB 中的双变量正态分布的实体模型函数,主要用于演示图形功能。若函 数 peaks 只有一个自变量 n. 则会产生一个 n×n 的矩阵,函数 peaks 创建的矩阵可以作为函数 plot 的自容量。命令

### plot(peaks(100))

产生的图形如图 5.6 所示。函数 plot 的输入是由 peaks 产生的一个 100×100 的矩阵。注意,x轴的 坐标从1到100表示数据的序号,根据每列的数据绘制100条曲线。

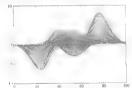


图 5.6 用 plot 命令绘制的单自变量函数 peaks 的曲线

#### 新数数组分图

如果plot 的输入为一个复数数组,则MATLAB 以复数的实部为x 轴,遗部为y 轴进行绘图。例如,

```
A = [0+0i,1+2i, 2+5i, 3+4i]
```

011

```
plot(A)
title('Plot of a Single Complex Array')
xlabel('Real Component')
ylabel('Imaginary Component')
```

输出的图形如图 5.7(a) 所示。

如果 plot 的输入参数是两个复数数组,则忽略复数的虚部进行绘图。以第一个数组的实部作为 x 轴坐标,以第二个数组的实部作为 y 轴坐标, 绘制曲线。创建复数数组 a 的正转运算数组 p.

```
B = sin(A)
```

返回

```
0 3.1658 + 1.9596i 67.4789 -30.8794i 3.8537 -27.0168i
```

而下述程序。

plot(A,B)
title('Plot of Two Complex Arrays')
xlabel('Real Component of the X array')
ylabel('Real Component of the Y array')

## 返回错误提示

Warning: Imaginary parts of complex X and/or Y arguments ignored.

但仍然会输出如图 5.7(b) 所示的图形。

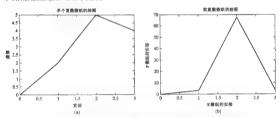


图 57 (a) 岩函敷輸入变量为一复数數銀,則以复數的实部作为 x 轴坐标, 虚部作为 y 轴 坐标绘制曲线。(b) 若函数 plot 的輸入变量为两个复数數组,则忽略复数的虚部

### 512 线条, 颜色和标记的风格

用户可以自行定义线条的风格和颜色,输入命令

help plot

可以看到所有的可选项。用户可以选择实线(款认)、虚线、点和点画线作为绘图线,选择加号、星形、圆躔和×形状作为标记。此外、还可以选择不同的绘图颜色,见表 5.2。

下面的例子可以说明线条、颜色和标记风格的使用方法:

```
x = [1:10];
y = [58.5, 63.8, 64.2, 67.3, 71.5, 88.3, 90.1, 90.6,
89.5,90.4];
plot(x,y,':ok')
```

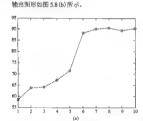
程序运行后会生成 条用圆圈标识数据点的黑色虚线,如图 5.8(a) 所示。这些标识符在程序中用字符串的形式表示,并用单引号隔开,标识符的前后顺序不影响输出结果。

表52 始条 紀辺和新名的地域

线条类型	标识符	点类型	标 识 符	颜色	标识符
实统	-	A.		蓝色	b
点	:		0	绿色	g
点面线		×形状	×	紅色	r
<b>J</b> REE	_	加号	+	育色	c
		租号	*	拌红色	m
		方形	6	黄色	y
		菱形	d	無色	le le
		下三角	v	白色	w
		上三角	^		
		左三角	<		
		右:地	>		
		五角星	p		
		六角星	h		

为了便于观察,每组敷据后都用字符串对线条、标记和颜色加以区分。如果没有注明,则使用 默认参数。例如。

plot(x,y,':ok',x,y*2,'--xr',x,y/2,'-b')



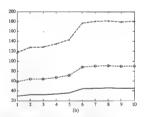


图 58 (a) 调整线条、标记和颜色的风格。(b) 使用不同的线条、颜色和风格绘制多条曲线

命令 plot 可以控制线条的粗细,使得图中线条具有较好的视觉效果。利用 help 可以查到更多 关于命令 plot 的图形输出方法,也可以采用 5.5 节提供的方法。

### 5.1.3 坐标轴定标和图例标注

MATLAB 自动选择适当的 x 轴和 y 输坐标,也可以使用函数 ax1s 实现对坐标轴的定标,如表53 所示。不需要输入任何参数,直接执行函数 ax1s 可以使得图形坐标保持不变;

axis

若使用命令 hold on 增加第二条线,则坐标轴的标度不会发生变化。为了恢复对坐标轴标度的 控制能力,可再次执行函数 axis。

### **参53 坐标轴定标和图形说明**

ax19	知果没有输入参数,就将坐标输固定在当前配置状态。再次输入 ax18
axis(v)	就会恢复对坐标轴的控制 axis 的输入参数是一个四维矢量、分别定义了 x 轴和 y 轴的最小值
legend('string1', 'string2', etc)	和嚴大值,例如1×man, xmax, yman, ymax] 添加图例,对不问曲线加以说明
text(x_coordinate, y_coordinate, 'string')	在图形的不同位置添加文本框、输入参数为文本框的位置和内容
gtext.'string')	添加文本框,框的位置由鼠标操作确定,该命令与函数 text 类似

係數 axis 也可以根据输入自变量参数定义 x 辅和 y 输的坐标。输入的参数矩阵有四个变量。分 知为

- x轴的最小值。
  - ┏ x 轴的最大信。
  - y轴的最小值。
  - y轴的最大值。

输入命令

axis([-2, 3, 0, 10])

把 x 轴限定在-2 到+3 范围内, 把 y 轴限定在 0 到 10 范围内。

MATLAB 提供了很多对图形进行标注的函数,如表5.3 所示。使用函数 legend 为图形添加图例 以区分不同曲线。图例 -般位于图形的右上角。用字符率表示。函数 text 可以对图形进行文本注释。 前两个输入参数确定标注左边界的位置。第二个参数确定标注的文本内容。下窗的代码说明了 legend 和 text 的用法。输出图形如图 5.8 (b) 所示。

```
legend('line l', 'line 2', 'line3')
text(1,100, 'Label plots with the text command')
foxt(1,100, 'Label plots with the text command')
fox xiany xianel('My xiabel'), ylabel('My y label')
title('Example graph for Chapter 5')
axis((0,11,0,200))
```

运行结果如图 5.9 所示。

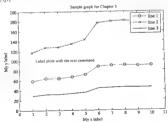


图 5.9 修改说明、文本框、标题和坐标轴后的图形

機 示

若用希腊字母做标记, 显高要输入及编挥 无子社名称 好玩,

title(''alpha \beta \gamma )

引動物和認为

αβγ

创建上标使用插子", 例如.

title: x^2';

f. 伊下标任用下级和 传生。

title('x 5 )

输出

当家个户符件为、杨峻下松时,其要用人括为粹家个户行根起来,例及。

See ful

使用 MATLAB 中人名的 TLX 4、7、1、7.46多年上途。与7、5年1、4年上旬文本原则上定义复杂的数学表达式。用户可以通过 help 价值"text properties"的具体用点。

### 练习51

- 1. 画ti y = sin(x)的曲线。其中 x 的范围在 0 与 2π 之间,步长为 0.1π。
- 2. 给上图添加标题和举标轴标注。
- y, 和 y₂ 的表达式分别为 y₁ = sun(x)和 y₂ = cos(x), 面出 x ¹₂ y₁ 和 y₂ 的图形。其中 x 的范围为 0 ¹ j 2π 之间。 步长为 0.1π。 给图形添加标题和坐标轴标注。
- 4. 重画练习 3 中的图形, 要求 sin(x)曲线用红色磨线, cos(x)曲线用绿色点线。
- 5. 給练习 4 添加图形说明。
- 6. 调整學标轴使x轴的范围在-1 与 2x+1 之间, y 轴的范围在-1.5 与+1.5 之间。
- 创建矢量 a = cos(x), 其中 x 的范围在 0 与 2x 之间,步长 0.1x。绘制曲线 a (plot(a)) 并观察结果, 并与曲线 a (plot(x,a)) 进行对比。

### 例 5.1 克劳修斯-克拉贝龙方程的应用

用克劳修斯·克拉贝龙方程可以求出不同温度时空气中饱和水蒸气的压强。相对湿度是天气预模 的重要内容,在已知空气中水的负压情况下,饱和水蒸气压强可以用杂计算空气的相对湿度。

下表是根据克劳修斯-克拉贝龙方程得到的不同温度条件下饱和水蒸气的压强。

空气温度	饱和水蒸气压强	空气温度	饱和水蒸气压强
-60.0000	0.0598	40.0000	8.4102
-50.0000	0.1252	50.0000	12.2458
40.0000	0.2184	60.0000	17.5747
-30.0000	0.3714	70.0000	24.8807
-20.0000	0.6163	80.0000	34.7729
10:0000	0000.1	90.0000	48.0098
0	1.5888	0000.001	65.5257
10.0000	2.4749	110.0000	88.4608
20.0000	3.7847	120.0000	118.1931
20.0000	5.6990		

用图形显示这个结果。

已知克劳锋斯-克拉贝龙方程

$$\label{eq:ln} \text{In}(P^0/6.11) = \left(\frac{\Delta H_{_{Y}}}{R_{_{\text{BST}}}}\right) + \left(\frac{1}{273} - \frac{1}{T}\right)$$

其中,PP 为温度 T 时的枪和水蒸气压强,单位为 mbar; ΔH₄ 为水蒸气的潜熱,2.453×10° I/kg; R₅为 潮湿空气气体常数,461 I/kg; T 为开氏温度。

1. 问题描述

用克劳修斯-克拉贝龙方程求温度变化范围在-60°F到120°F之间时,所对应的饱和气体压强。

2. 輸入/輸出描述

输入

$$\Delta H_v = 2.453 \times 10^6 \text{ J/kg}$$
  
 $R_{\text{nir}} = 461 \text{ J/kg}$   
 $T = -60^{\circ}\text{E} \approx 120^{\circ}\text{E}$ 

因为温度值没有专门指定、所以每隔 10°F 计算一个温度值。

輸出 温度与饱和气体压强的关系表。

温度与饱和气体压强的关系图。

3. 手工分析

先把华氏温度转换成开氏温度:

$$T_k = \frac{(T_f + 459.6)}{1.8}$$

代入克劳修斯-克拉贝龙方程求饱和气体压强(P⁰):

$$\begin{split} & \ln\!\left(\frac{P^0}{6.11}\right) \!\!=\! \left(\frac{\Delta H_{\nu}}{R_{\rm ntr}}\right) \!\!\times\! \left(\frac{1}{273} \!-\! \frac{1}{T}\right) \\ & P^0 \!=\! 6.11^{\bullet} \exp\!\left(\!\left(\frac{\Delta H_{\nu}}{R_{\rm ntr}}\right) \!\!\times\! \left(\frac{1}{273} \!-\! \frac{1}{T}\right)\!\right) \end{split}$$



由上式可以看出,饱和气体压强 PP 的表达式为指数形式,因此,画出的曲线应符合指数规律。

4. MATLAB 实现

%Example 5.1

%Using the Clausius-Clapeyron equation, find the %saturation vapor pressure for water at different

%temperatures

TF=[-60:10:120];
TK=(TF + 459.6)/1.8;
Delta_H=2.45e6;

%Define temp matrix in F %Convert temp to K %Define latent heat of

%vaporization %Define ideal

*Define ideal gas constant

R_air = 461; %Define %for air

% Scalculate the vapor pressures
Vapor_Pressure=6.11*exp((Delta_H/R_air)*(1/273 - 1./TK));
%Display the results in a table
my results = [TF'.Vapor_Pressure']

21

```
%Create an x-y plot
plot(TF, Vapor_Pressure)
title('Clausius-Clapeyron Behavior')
xlabel('Temperature, F')
ylabel('Saturation Vapor Pressure, mbar')
```

### 输出数据表:

my results * -60.0000 0.0698 -50.0000 0.1252 -40.0000 0.2184 -30.0000 0.3714 -20.0000 0.6163 -10.0000 1.0000 1.5888 10.0000 2.4749 20.0000 3.7847 30.0000 5.6880 40.0000 8.4102 50.0000 12.2458 60.0000 17.5747 70.0000 24.8807 80.0000 34.7729 90.0000 48.0098 100.0000 65.5257 110.0000 88.4608 120.0000 118.1931

## 图形窗口显示的输出曲线如图 5.10 所示。

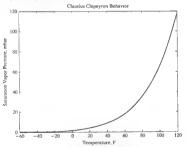


图 5.10 克劳修斯-克拉贝龙方程的曲线

## 5. 结果验证

輸出曲线符合指數規律,相比之下,图形輸出结果比數据表格更容易理解。

### 例 5.2 弹道学

物体发射示意图如图 5.11 所示,发射角度为 B. 发射速度为 vo. 射程为

$$R(\theta) = \frac{v^2}{g} \sin(2\theta)$$
,  $0 \le \theta \le \frac{\pi}{2}$  (忽略空气阻力)

设 g=9.9 m/s², 发射速度为 100 m/s、通过计算可知、当  $\theta=\pi/4$  时射程最大。 $\theta$  的变化范围为

$$0 \le \theta \le \frac{\pi}{2}$$

步长为0.05、计算不同发射角度时所对应的射程,并用图形表示。



图 5.11 弹道轨迹

设发射速度为 50 m/s, 重复上述计算, 把两次计算结果分别绘制成图形。 1. 问题描述

根据岩射角度计算射程。

 $g = 9.9 \text{ m/s}^2$ 

射程 R.

2. 输入/输出描述

输入

 $\theta = 0 到 \pi/2$ , 步长为 0.05。

 $v_0 = 50 \text{ m/s} \neq 100 \text{ m/s}$ .

輸出

绘制射程和发射角的关系曲线。

3. 手工分析

如果地弹竖直向上发射,则射程为 0;如果地弹向水平方向发射,则射程也为 0. 参见图 5.12.



图 5.12 如果炮弹竖直向上或向水平方向发射,则射程为 0

这就意味着随着发射角度的增大,射程逐渐增大,这到最大值后再逐渐减小,以发射角为 45 度 另例(G/4 rud),

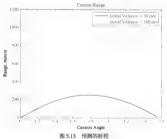
### 4. MATLAB 实现

title('Cannon Range') xlabel('Cannon Angle')

```
%Example 5.2
%The program calculates the range of a ballistic projectile
% Define the constants
  g = 9.9:
  v1 = 50;
  v2 = 100;
% Define the angle vector
  angle = 0:0.05:pi/2;
% Calculate the range
  R1 = v1^2/q*sin(2*angle)
  R2 = v2^2/q*sin(2*angle):
%Plot the results
  plot (angle, R1, angle, R2, *; ')
```

ylabel('Range, meters') legend('Initial Velocity=50 m/s', 'Initial Velocity=100 m/s')

在 plot. 命令中,第二组数据是用虚线描绘的,并添加了图形标题、坐标轴标注和图形说明。运行结 果如图 5.13 所示。



#### 5. 结果验证

把 MATLAB 的计算结果和手算结果作对比, 可知两条曲线的初始值和最终值都是零、当发射速度 是 100 m/s 时、射程的最大值约为 1000 m, 这和手工计算结果 1010 m 相吻合。两次计算结果都在 0.8 rad 时达到射程最大, 17/4 大约是 0.785 rad, 符合题目中的假设, 即发射角为 17/4 (45°)时, 射程最大。

> 掃 元

清除图形用 clf 命令, 关闭图形窗口用 close 命令。

函数 gtext 与函数 text 类似,用户可以在图形的任何位置加入文本说明。gtext 只有一个参数, 即需要显示的字符串。

gtext('This string will display on the graph')

命令执行后,在图中会显示一个十字准线,按任意键或单击鼠标,字符说明就会添加到准线所在的位置。

# 5.2 子图

使用 subplot 命令可以把图形窗口分成 m 行 n 列的多个区域。函数 subplot (m.n.p)

把图形窗口分成 m×n 个小窗口, 在第 p 个小窗口绘制下 个图形。例如, 输入命令 subplot(2,2,1)

就会把图形窗口分成了两行两列,在左上角子窗口中绘制图形,如图 5.14 所示。

窗口按从左到右,从上到下的顺序编号。下面的程序把绘

图窗口分成上下两个子窗口:

x = 0:p1/20:2*pi; subplot(2,1,1) plot(x,sin(x)) subplot(2,1,2) plot(x.sin(2*x))  $p = 1 \qquad p = 2$   $p = 3 \qquad p = 4$ 

图 5.14 子图功能用于将图形窗口 划分为 mxn 个区域矩阵

因为 p = 1, 所以在顶部的子窗口中绘图。若在底部子窗 口绘图。则需要再次使用 subplot 命令。图 5.15 显示了这两幅子图。

每幅子图都有单独的标题、坐标轴标注和任何类型的说明。后面的章节会详细介绍 subplot 命令的田庄。

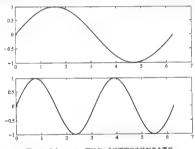


图 5.15 命令 subplot 可以在一个绘图窗口中绘制多个图形

#### 练习 5.2

- 1. 把图形窗口分成两行一列。
- 2. 在上面的子窗口中,绘出 y=tan(x)的曲线,其中-1.5≤x≤1.5,步长 0.1。
- 3. 在图中添加标题和坐标轴标注。

- 4. 在下面的子窗口中,绘出 y=smb(x)的曲线,x 的范围同上题。
- 5. 在图中添加标题和學标轴标注。
- 6. 把图形窗口由原来的垂直方向划分改变为水平方向划分。重复前述的绘图过程。

# 5.3 其他类型的二维图形

除了最常用的 x-y 线性图形外,还可以采用其他方法绘制二维图形。用户可以根据具体情况选择合适的绘图方法。

## 5.3.1 极坐标图

在 MATLAB 中可以绘制极坐标图。

polar(theta, r)

根据输入角度(一般用弧度表示)和半径 z 绘制极坐标图。

输入程序代码

x = 0:pi/100:pi;
y = sin(x);
polar(x,y)

画出的图形如图 5.16 所示。利用常用的方法给图形添加标题。

图 5.16 正弦函数的极坐标图

title('The sine function plotted in polar coordinates is a circle.')

#### 练习 5.3

 1. 定义数组 theta, 范丽从 0 到 2m, 步长 0.01m, 定义半径数组 r = 5*cos(4*theta)。根据 theta 和 r 的值绘制极举标图。



2. 用 hold on 命令保持原有图形。再根据关系式 = 4*cos(6*theta)绘制图形,并添加标题。



3. 数组 theta 保持不变,根据关系式 r - 5 5*sin(theta)绘制极坐标图。



4. 数组 theta 保持不变,根据关系式 r . sgrt (5 ^ 2*cos(2*theta)) 绘制极坐标图。



 定义數组 theta . pi/2:4/5*p1:4.8*p1, 创建 6 个元素的全 Ⅰ 數组 r, 模据 theta 和 r 绘制级 學标即。



## 5.3.2 对数图

绝大多數限形的 x 學标和 y 學标都是炒勾分割的,这种關係次級性限成直角學标题,当变量的变 化范围模大时,需要用到对數學标。即學标是以 10 为底的对数表示,按指數從律变化的數据一般用 对數學体表示,所表(详确说明)使限各种对數學标题的方法.

关键概念: 呈指数规律变化的数据常用对数坐标表示。

表 5.4 列出了 MATLAB 中创建线性坐标图和对数坐标图的命令。

泰5.4 线性坐标图和对数坐标图

plot(x, y)	创建矢量×和y的线性坐标图		
semilogx(x, y)	创建单对数坐标图, x 输为对数学标, y 输为线性坐标		
semilogy(x, y)	创建单对数坐标图。x 轴为线性坐标。y 轴为对数坐标		
loglog(x, y)	<b>创建双对数</b> 學标图。x 和 y 均为对数坐标		

负数和零没有对数。如果数据中有负数或零,则 MATLAB 会提示错误信息,并且只面出正常的数据点而不确有问题的点。

与线性坐标绘图函数 plot(y)一样,对数坐标绘图命令可以仅有一个自变量。这种情况把矢量 y 元素的索引号作为 x 坐标值。

共有四种坐标组合,分别是线性坐标图、x 轴的半对数坐标图、y 轴的半对数坐标图和双对数坐标图。 为用这四种全体图表示曲线  $y = 5x^2$ ,如图 5.17 所示。用函数 subplot 把这四幅图画在问一个图形窗口中,那种任权如下。

```
x = 0:0.5:50;
v = 5*x.^2:
subplot (2, 2, 1)
plot(x,y)
    title('Polynomial - linear/linear')
    ylabel('y'), grid
subplot(2,2,2)
semilogx(x,y)
    title('Polynomial - log/linear')
    ylabel('y'), grid
subplot (2, 2, 3)
semilogy(x,y)
    title('Polynomial - linear/log')
    xlabel('x'), vlabel('v'), grid
subplot(2,2,4)
loglog(x,y)
    title('Polynomial - log/log')
    xlabel('x'), ylabel('y'), grid
```

为了方便代码阅读,在程序语句中加入了 MATLAB 可以忽略的空格。在创建的图中,只有最底部的两个子图有。独标记。

关键概念: MATLAB 忽略空格、因此加入空格可以使代码的可读性更强。

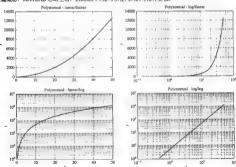


图 5.17 使用子图函数显示线性學标图和对数學标图

### 例 5.3 扩散率

因为金属具有坚固耐磨的特点,所以金属物品不易变形,为了实现金属的这一特性,首先对款 金属进行加工,然后再对金属表面做硬化处理,经过处理后约金属柔韧性好,而且耐磨性强。

有一种硬化过程叫等礁,该过程就是特金属敌人炭粉中,让碳扩散到金属中去,使其硬度羰高, 在低温环境下渗碳速度非常缓慢。随着温度不断升高,碳的扩散速度就会逐渐加快,扩散率是衡量碳 在金属中扩散速度快慢的参数。可以用下面的式于表示:

$$D = D_0 \exp\left(\frac{-Q}{RT}\right)$$

其中、D 为扩散率、cm²/s; D₀为扩散系数、cm²/s; Q 为激活能量、J/mol, 8.314 J/mol K; R 为理想气 体常数、J/mol K; T 为温度、K。

当金属受热时,其结构不同扩散特性也不相同。下表列出了不同金属结构,碳的扩散系数  $D_0$  和 激活能量 O 的数值:

金属类型	$D_0(\cos^2 h)$	Q(I/mol K)	
阿尔法铁(BCC)	0.0062	80.000	
伽玛铁 (PCC)	0.23	148.000	

根据所提供的数据、绘制扩散率和温度(1/7)的关系曲线。分别用线性坐标、半对数坐标和双对数 坐标显示结果、并比较采用哪一种坐标表示更合适。假设温度的变化范围在室温(25℃)到1200℃之间。

- 1. 问题描述
- 计算硬在金属中的扩散率.
- 2. 输入/输出描述
- 输入 阿尔法铁中的碳、D₀=0.0062 cm²/s 和 O = 80 000 J/mol K.

伽玛铁中的碳, $D_0 = 0.23$  cm²/s 和  $Q = 148\,000$  J/mol K. R = 8.314 J/mol K.

7从25℃到1200℃変化。

输出 计算碳在金属中的扩散率并绘制曲线。

3. 手工分析

根据下式求扩散率:

$$D = D_0 \exp\left(\frac{-Q}{RT}\right)$$

在室湿环境中, 阿尔法铁的碳扩散率等于

$$D = .0062 \exp\left(\frac{-80\ 000}{8.314 \cdot (25 + 273)}\right)$$

注意温度单位的换算。

- 4. MATLAB 实现
  - % Example 5.3
  - % Calculate the diffusivity of carbon in iron

```
clear, clc
% Define the constants
  D0alpha = .0062:
  D0gamma = 0.23:
  Oalpha = 80000:
  Ogamma = 148000:
  R = 8.314:
  T = 25:5:1200:
% Change T from C to K
  T = T+273;
% Calculate the diffusivity
  Dalpha = D0alpha*exp(-Qalpha./(R*T));
  Dgamma * D0gamma * exp(-Qgamma./(R*T));
% Plot the results
  subplot (2,2,1)
  plot(1./T,Dalpha, 1./T,Dgamma)
  title('Diffusivity of C in Fe')
  xlabel('Inverse Temperature, K^{-1}'),
  vlabel('Diffusivity, cm^2/s')
  grid on
  subplot(2,2,2)
  semilogx(1./T, Dalpha, 1./T, Dgamma)
  title('Diffusivity of C in Pe')
  xlabel('Inverse Temperature, K^(-1)'),
  ylabel('Diffusivity, cm^2/s')
  grid on
  subplot (2.2,3)
  semilogy(1./T,Dalpha, 1./T,Dgamma)
  title('Diffusivity of C in Fe')
  xlabel('Inverse Temperature, K^{-1}'),
  vlabel('Diffusivity, cm^2/s')
  grid on
  subplot(2,2,4)
  loglog(1./T, Dalpha, 1./T, Dgamma)
  title('Diffusivity of C in Fe')
  xlabel('Inverse Temperature, K^(-1)').
  ylabel('Diffusivity, cm^2/s')
  grid on
```

在图5.18中使用了于图功能,把一个图形窗口分成四幅于图,在最下面的两幅图中标记了 x 轴, 为了避免背景大乱,只有第一幅图有识别,在平时故图中,输出为一条直线,通过被图可以方便地观 感温房加油堆临份景亮,在接外基本后来中,一颗据要用中水图图集显示计效率的值。

5 线果验证

将 MATLAB 的计算结果与手工计算的结果进行比较,检验结果是否正确。 阿尔法铁在 25℃时的扩散率是

5.9×10⁻¹⁷ cm²/s (在 25 ℃时)

把25℃接算成开氏温度、再取倒数:

$$\frac{1}{(25+273)} = 3.36 \times 10^{-3}$$

从图 5.18 左下角的半对数图中,可以得出阿尔法铁的扩散率大约是 101%

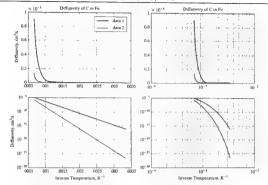


图 5.18 在不同坐标系中绘制扩散率曲线。当 y 轴采用对数坐标, x 轴为温度的倒数时曲线为直线

### 练习 5.4

根据下面的表达式创建数组 x 和 y。用 subplot 命令把图形分成四个部分,分别商出下列图形:

- 线性坐标图
- x 半対数坐标图
- ▼ 半对数學标图
- 双对数學标图

1. 
$$y = 5x + 3$$
 2.  $y = 3x$ 

3. 
$$y = 12e^{(x+2)}$$
 4.  $y = 12x$ 

**上面的几个图形中哪条面线走且块** 

## 5.3.3 条形图和饼图

条形图、柱状图和饼图是三种最常用的图形表现形式。 表 5.5 列出了 MATLAB 中创建条形图和 饼图的函数。

	备形图和饼图
赛55	

若×为矢量,则绘制垂直条形图;着×为二维矩阵,则按行分组显示
若×为矢量。则绘制水平条形图。若×为 _维矩阵。则抜行分组显示
绘制 维条形图
绘制三维水平条形图
绘制拼图。矩阵 x 的元素用饼图中的 部分表示
绘制_维饼图。矩阵 x 中的元素用饼图的 部分表示
绘制柱状阻

用函数 subplot 分别显示四种不同形式的图形。加图 \$19 所示。

```
clear, clc
x = [1.2.5.4.8]
y = [x_1 1; 51;
subplot (2,2,1)
  bar(x), title('A bar graph of vector x')
subplot (2,2,2)
  bar(y), title('A bar graph of matrix y')
subplot (2,2,3)
  bar3(v), title('A three-dimensional bar graph')
subplot (2, 2, 4)
```

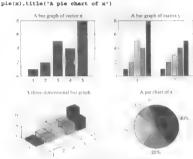


图 5.19 采用子图功能显示条形图和拼图

## 534 結狀图

柱状图是一种主要用于数据统计分析的图形,通过它可以显示出数据的分布情况。在 MATLAB 中, 一般将数据从最大值到最小值之间等分成 10 份, 用柱状图显示。定义矩阵 x 是《工程导论》课 程的期末考试成绩。图 5.20 就是用柱状图显示的结果。

```
程序代码为
```

x = [100,95,74,87,22,78,34,35,93,88,86,42,55,48];

hist(x) 关键概念: 柱状图多用于统计分析。

数据被等分成10份,如果原始数据量很大,可以分成更多的份。下面的命令把柱状图分成25份: hist(x, 25)

如果把函数 hist 赋值给一个变量:

A = hist(x)

那么, 图中每个条形中的数据就会存储在矩阵 A 中: A =

2 1 1 1 0 1 1

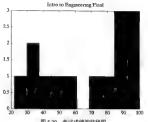


图 5.20 考试成绩的柱状图

### 例 5.4 体重分布

18 岁美国人的平均体重是 152 磅。100 个人的体重数据存储在数据文件 weight.dat 中。用图形显 示该统计数据.

1. 问题描述

根据数据画出曲线图和柱状图。比较哪种图形效果更好。

2. 輸入/輸出描述

輸入 ASCII 格式的数据文件 weight dat.

輸出 数据的曲线图.

数据的柱状图。

3. 手工分析

样本数据是实际的体重,因此应该服从正态分布(高斯分布),使用柱状图显示数据分布效果更 47.

4. MATLAB 实现.

程序代码如下、输出的图形如图 5.21 所示

% Example 5.4 % Using Weight Data

load weight.dat

% Create the line plot of weight data subplot (1,2,1)

plot(weight)

title('Weight of Freshman Class Men')

xlabel('Student Number') ylabel('Weight, 1b')

grid on

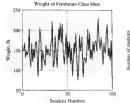
% Create the histogram of the data subplot(1,2,2)

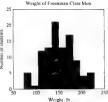
hist(weight)

xlabel('Weight, lb')

ylabel('Number of students')

title('Weight of Freshman Class Men')





## 5. 结果验证

如前所述,平均体重是 150 磅, 体重的样本数据服从正态分布。

计算数据的平均值、标准差、最大值和最小值的 MATLAB 程序代码如下:

average_weight = mean(weight) standard_deviation = std(weight) maximum_weight = max(weight)

minimum weight = min(weight)

輸出

average_weight =

151.1500

standard_deviation = 32.9411

maximum_weight =

minimum_weight =

# 74 5.3.5 双y轴图

在解决实际问题时,有时需要把两个x-y坐标图输出到同一坐标图中。在这种情况下,如果两个y轴的数据相差很多,就很难看出数据的变化情况。下面的程序代码在一幅图上输出 $\sin(x)$ 和 $e^r$ 两条曲线,如图 5.22 所示:

ж = 0:pi/20:2*pi;

y1 = sin(x);y2 = exp(x);

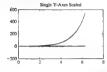
subplot (2,1,1) plot(x,y1,x,y2)

由于坐标刻度的原因,曲线  $\sin(x)$ 近似于x=0。利用函數 plotyy 可以在一张图中使用两个不同的y轴坐标作图,左边是第一组数据的y轴坐标,右边是第二组数据的y轴坐标;

subplot(2,1,2) plotyy(x,y1,x,y2)

图形的់核硬和學術·帕索注可以用常規的方法域加。由于結果是无量網的。因此不对 y 输进行标注。 函数 p.lot.yy 通过输入图形名称的字符串。可以选择不同的绘图类型。下面的程序代码采用的是 对数块标图。如图 2.35 所示。

```
subplot(2,1,1)
plotyy(x,y1,x,y2, 'semilogy')
subplot(2,1,2)
plotyy(x,y1,x,y2,'semilogx')
```



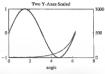
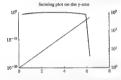


图 5.22 在 MATLAB 中,左右两边 y 轴的刻度可以不同。左围两条曲线的坐标轴刻度相同, 右图正弦曲线是按左边坐标轴的刻度绘制的,指数曲线是按右边坐标轴的刻度绘制的



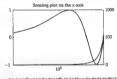


图 5.23 函數 plotyy 可以绘制 x 轴半对数坐标、y 轴半对数坐标和双对数坐标等三种类型的图形

# 例 5.5 元素的周期特性

元素用期表中,同一行成同一列的元素都具有相近的神性。按照不同元素在周期表中的顺序, 元素神性会呈现出确定的变化趋势, 这种特性称为元素的周期特性、例如, 在元素用期来中,同一列 元素的该点由上到下是逐渐降低的,原于核之间的距离增大,导致原于间的作用力减小。原于核外的 电子数目的增多。电子晚原子核运动的轨道半径增大,导致原于的半径也增大。画出端点、原子半径 和原子量的关系函数。

## 1. 问题描述

画出 I 族元素熔点、原子半径和原子量的关系曲线, 并做相应的注释。

#### 2. 輸入/輸出描述

輸入 [族元素的原子量、熔点和原子半径,如表 5.6 所示。

输出 在同一坐标图中画出熔点和原子半径的变化曲线。

衰 5.6 族元素及其部分物理特性

元素	原子敷	维点 (*C)	原子半径(pm)
60	3	181	0.1520
館	11	98	0.1860
#	19	63	0.2270
91	37	34	0.2480
tt:	55	28.4	0.2650

半級

图 5.24 预测数据曲线

### 3. 平工分析

輸出结果类似于图 5.24 中的曲线。

### 4. MATLAB 实现

下述程序代码输出如图 5.25 所示的图形。

```
% Example 5.5
clear, clc
```

% Define the variables

atomic_number = [ 3, 11, 19, 37, 55];

melting point = [181, 98, 63, 34, 28.4]; atomic_radius = [0.152, 0.186, 0.227, 0.2480, 0.2650];

% Create the plot with two lines on the same scale subplot(1.2.1)

plot(atomic_number,melting_point,atomic_number,atomic_radius)

title('Periodic Properties')

xlabel('Atomic Number')

ylabel('Properties') % Create the second plot with two different y scales

subplot (1,2,2)

plotyy(atomic_number.melting_point.atomic_number.atomic radius)

title('Periodic Properties')

xlabel('Atomic Number')
ylabel('Melting Point, C')

在绘制第二幅于图时,并没有采用函数 plot,而是采用函数 plotyy,这样分别在图的左右两 侧建立两个不同标说的 y 轴坐标,这样做的原图是,原于半径和端点具有不同的单位和数值,其由级 的变化幅度存在较大差异。在第一幅于图中几乎看不出原于平径的变化由线,由于它的数值非常小, 接近于 x 轴。可以在命令行中增加第二幅于图右侧约 y 轴标注,但比较困难,致简单的方法是在莱单 选项中单击 fisect 朱洛加标注,这样做的不足在于程序重新执行的所添加的约案会演失。



图 5.25 左侧子图的两组数据采用相同的 y 轴坐标,右侧子图采用了不同的 y 轴坐标

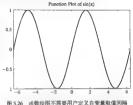
### 5. 结果验证

对比 MATLAB 的计算结果,元素的熔点变化越势与预测图形相吻合。从图中明显看出,绘制双y 轴线性坐标图更能体现数值的变化越势。

## 5.3.6 函数绘图

运用函数 fplot 可以在不定义 x 和 y 轴坐标数组的条件下绘制某个函数的图形,输入代码:

等別のた(**ョル(x)*, (-2*p.i., 2*p.i.) 給制函数 sin(x)的曲线, 其中 x 的危阻在-2x 与 2a 之间, 结果如图 5.26 所示。MATLAB 自动 计算 x 的间隔。并做出平滑的曲线。函数 tplot 的第一个自变量是予符申表示的绘图函数的 复杂、第 "个自变量是数组。如果绘图的函数程 复杂,输入字符申很不方便,则可以定义 个 匿名函数,然后直接输入函数的勾称。下一章 被详细介绍图名函数和磁型研的使用方法。



# 练习 5.5

用 fplot 绘制下列函数的图形。选择合适的取 值范围、并添加图形标题和坐标轴标注。

- $1.\ f(t)=5t^2$
- $2. \ f(s) = 5t^2$
- 3.  $f(t) = te^t$
- 4.  $f(t) = \ln(t) + \sin(t)$

提示

在 MATLAB 语法中, 数学表达式 sin2(t) 应为 san2(t).^2。

# 5.4 三维绘图

表 5.7 提供了大量绘制三维图形的 MATLAB 命令。

表 5.7 三维绘图函数

plot3(x, y, z)	绘制 - 维线图
come3(x, y, z)	绘制具有动画效果的三维线图
mesh(z) Rmesh(x, y, 2)	绘制网络此而图
murf(z) Rsurf(x, y, z)	与函数 mesh 类似,绘制表面图
Shading interp	植染曲面围中的颜色
Shading flat	用纯色蛤每个网络着色
colormap (map_name)	被用户设定的颜色绘制曲面图
contour(z)成contour(x, y, z)	绘制 - 维等高图
surfc(z) 風 surfc(x, y, 2)	同时绘制曲面图和等高图
pcolor(z)議pcolor(x, y, z)	绘制伤色图

# 5.4.1 三维线图

与 plot 类似,函数 plot 3 是三维绘图的基本函数,它通过 x、y、z 三个输入矢量在三维空间绘制曲绘图。例如,

```
cleax, clc
x = linspace(0,10*pi,1000);
y = cos(x);
z = sin(x);
```

plot3(x,y,z)

**xlabel('angle'), ylabel('cos(x)') zlabel('sin(x)') title('A Spring')

结果如图 5.27 所示,在图中添加了图形标题、坐标标注和网格,同时,利用 zlabel 给出了 z 轴的标注。 A Spring

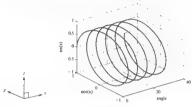


图 5.27 三维螺旋线

为了符合 []程习惯,三维绘图函数 plot3 采用右手坐标系。

关键概念: 三维图形的坐标轴一般遵循右手法则

# 5.4.2 曲面图

曲面图就是把数据绘制成三维曲面, mesh 图和 surf 图是两种常用的曲面图。

## mesh 🌃

绘制 mesh 图的方法有很多种。若函数自变量是一个二维 m × n 矩阵,则矩阵中元素的数值为 z 轴坐标、元素的位置分别是 x 轴和 y 轴坐标。简单矩阵

```
z = [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10;
2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16, 18, 20;
3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12];
程序
```

### 输入程序

mesh(z) xlabel('x-axis') zlabel('z-axis')

绘制的图形如图 5.28 所示。

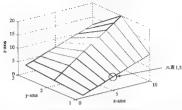


图 5 28 根據简单二维矩阵绘制的网格图 根据矩阵 2 的數值绘制成网格曲面。x 轴的取值范围是 0 到 10 · y 轴的取值范围是 0 到 3 , 矩阵

函数 mesh 可以有二个自变量: mesh(x,y,z)。其中,x,y和z分别是x轴、y轴和z轴的坐标。

- x = linspace(1,50,10)
- y = linspace(500,1000,3)
- z = [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10; 2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16, 18, 20;
- 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12]

矢量 x 的元素个数必须和矩阵 z 的列数相同,矢量 y 的元素个数必须和矩阵 z 的行数相同。输入命令

mesh(x,y,z)

绘制的图形如图 5.29(a) 所示。x 轴的刻度范围在 0 到 60 之间,仅逾出了 1 到 50 的数据点。该图与图 5.28 存在差异,在图 5.28 中,x 和 y 的坐标分别为 z 矩阵元素的行列位置号。

### surf 🕮

surf  $\mathbb{R}$   $\mathbb{R}$  mesh  $\mathbb{R}$   $\mathbb{R}$ 

surf 的输入参数和 mesh 相同,可以有一个输入变量也可以有三个输入变量。surf (z) 以 z 的行列 编号作为 x 轴和 y 输坐标。图 5.29(b) 是把图 5.29(a) 中的 mesh 改成 surf 后绘制出的图形。

使用 shading 命令可以控制图形的阴影效果。图 5.29(b) 为默认的效果图,渲染阴影图会产生如图 5.29(c) 所示的美妙效果。在前面的程序清单中增加命令

shading interp

输出图形如图 5.29 (c) 所示。去掉着色图中的网格,需要输入

shading flat

输出图形如图 5.29(d) 所示。

函数 colormap 可以控制曲面图的颜色。语句

colormap(gray)

输出 ·个灰色系的曲面图,这条语句主要用于输出黑白图形,使用 colormap 还可以选择其他色系,如

autumn bone hot
spring colorcube hsv
summer cool pink
winter copper prism
jet(歌从) flag white

## 使用 help 命令可以查看更多的选项:

help colormap

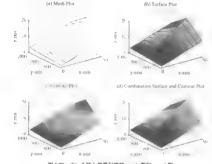


图 5.29 由三个输入变量创建的 mesh 图和 surf 图

### 其他实例

 $Z = X.*exp(-X.^2 - Y.^2);$ 

在这段程序中,函數 meshgr1d 根据矢量 x 和 y 创建出二维矩阵 x 和 y ,然后,计算 z 的值。曲 m图绘制程序如下:

```
subplot(2,2,1)
mesh(x,Y,2)
mesh(x,Y,2)
mesh(x-axis'), ylabel('y-axis'),
zlabel('z-axis')
subplot(2,2,2)
subplot(2,2,2)
title('Surface Plot'), xlabel('x-axis'), ylabel('y-axis'),
zlabel('z-axis')
```

不论矢量 x、y 还是矩阵 x、y 都可以用于定义 x 轴和 y 轴。图 5.30 (a) 和图 5.30 (b) 分别表示给定 函数的 mesh 图和 surf 图。

```
    提示
    場場数・ *7 . 八有 * 全輸入失量、対认为
    (X,Y) ** Pechgrid *7,X
    型の式来 は h.飲 f アルス 、 ・ 的が入えず:
    (X,Y) ** Neebgrid *2*0 - ・
    上面两行代码的运行结集和前面创造中代码的运行结集相同。
```

## 等高图

等高图是根据三维曲面绘制的二维图形。命令 contour 绘制的等高图如图 5.30 (c) 所示,命令 surfc 绘制的图形如图 5.30 (d) 所示。

```
那形如图 5.30(d) 所示。
subplot(2,2,3)
contour(X,Y,Z)

klabel('x-axis'), ylabel('y-axis'), title('Contour Plot')
subplot(2,2,4)
surfo(X,Y,Z)
klabel('x-axis'), ylabel('y-axis')
title('Combination Surface and Contour Plot')
(a) Mesh Plot (b) Surface Plot
```

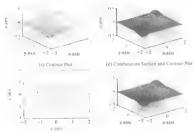


图 5.30 相同数据的曲面图和等高图

## 伪色图

伤色图和等高图类似,不同之处在于伤色图是用常糊格的二维阴影图代替等高图中的轮廓线。 模据 MATLAB 的实体模型函数 peaks 中的输入参数矩阵 x、y、z 作出伤色图,输出结果是一个类似 山峰的曲面;

```
[x,y,z] = peaks;
利用下血的代码说明伤色图的绘制过程。输出结果如图 5.31 所示;
subplot(2,2,1)
pcolor(x,y,z)
```

颜色渲染功能去掉了三维图形的网格:

subplot(2,2,2) pcolor(x,y,z) shading interp

利用覆盖等高绘图功能在图形上叠加等高线。

subplot(2,2,3) pcolor(x,y,z) shading interp

hold on

contour(x,y,2,20,'k')

其中,20 代表绘制 20 条等高线,k·代表线条的颜色为黑色。如果不指定黑色,则等高图的颜色与 伤色图的颜色相同,使得两种图形无法区分。叠加一幅简单的等高图进行对比;

subplot(2,2,4) contour(x,y,z)

其他三维绘图函数,请查看帮助。

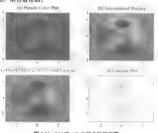


图 5.31 MATLAB 中的几种等高图

### 5.5 图形窗口的菜单操作

除了使用 MATLAB 命令外,还可以使用薬单对图形进行编辑。图 5.32 所示的图形是用 MATLAB中的命令 sphere 绘制出来的,sphere 和 peaks 都是 MATLAB 中的实体模型函数,主要用于绘图演示。

sphere

在图形窗口中, 选择 Insert 可以添加坐标轴标注、图形标题, 迈明和文本框等, 选择 Tools 可以 改变图形的外观, 例如放大或缩小, 改变长宽比等。 菜单栏下面是图形工具栏, 可以选择相应的图标 对图形进行各种编辑。

关键概念: 程序 旦返回,使用菜单编辑图形的所有改动都会复原。

图 5.32 中的图形没有坐标轴标注和图形标题。图形颜色变化不均匀,形状也不像球体。对该图 进行相应的编辑。

- 在菜单栏中选择 Edit→Axis Properties。
- 在 Property Editor-Axis window,中选择 More Properties→Data Aspect Ratio Mode。
- 把方式改为手动(见限 5.33)。

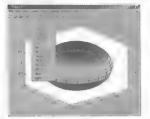


图 5.32 MATLAB 提供 Insert 等交互工具用来调整图形的外观



图 5.33 使用工具栏对限形进行编辑

使用属性编辑器可以添加坐标轴标注、图形标题和色条(见图 5.34),也可以在 insert 莱单中进行 设置。这种方法具有很好的交互性,可以随时调整图形的外观。但这种方法存在的问题是再次运行程 序时,所有的修改都会无法保存。



图 5.34 调整后的球体

### 提 示

# 5.6 在工作区中创建图形

MATLAB 7 的最大特点之一就是可以在工作区中创建图形。在工作区窗口中,先选择变量,然后打 开绘图图除的下拉菜单 位图图 5.35 所示)。MATLAB 能根据变量中的数据列出几种常用的绘图方式,选择 合适的方式就可以在图形窗口生成相应的图形。绘制图形对可以在菜单中选择 More plots... 就会弹出一 个新的窗口。新窗口中列出了所有可能的绘图方式供用户选择。从 MATLAB 内置的 seamount 数据集中 导出矩阵×和y,绘像矩阵、和y的散点图、如图 5.35 所示。



图 5.35 用绘图工具在工作区绘制图形

如果绘制图形所需的变量不止一个,则首先选中第一个变量,按 Ctrl 键选择其余的变量。然后,按照 5.5 节介绍的方法可以对图形进行编辑。这种互动的绘图环境有助于程序的开发和测试。

### 5.7 图形的保存

在 MATLAB 中有以下几种保存图形的方法。

- 如果程序代码保存在 M 文件中,直接运行程序就可以绘制出图形。
- 在菜单中选择 Save as, 就会出现下列选项:
- 1. 保存为 MATLAB 特有的.fig 文件。在当前路径中双击文件名,就可以打开图形。
- 保存为标准的图片格式,例如,jpg 格式或emf 格式。这种格式的图片可以在任何文档中使用,比如 Word 文档。
  - 3. 在 Edit 中选择 copy figure, 把图形粘贴到其他文件中。
  - 4. 打开文件菜单, 创建 M 文件, 重新生成图形。

#### 练习 5.6

绘制曲线 y=cos(x), 保存该图, 并把该图插入到 Word 文件中。

### 本章小结

在工程中,最常用的是二维 xy 坐标系。 二维图形使数据和數学方程可视化,无论它表示什么内容,图形中都应该包含标题、坐标轴标注和单位,如 ft/s 或 kl/kg。

MATLAB 有很多方法可以对图形进行编辑。用户可以选择不同的颜色、线条和标记、在图中增加 解格、调整绘构的范围、在图中用文本框对内容进行说明。使用于图功能可以把绘图窗口划分为m×n 个部分、在每个个窗口中单块绘制图形。

除了 xy 坐标系以外、MATLAB 还提供了其他绘图方法, 包括极坐标图形、饼图、柱状图以及 y 轴图。通过调用函数实现对坐标轴的控制, 绘制 x 轴对数图、y 轴对数图或双对数图。在工程应用中还常使用双对数图把数据表示成 条直线。

画数 fplot 可以根据函数定义的失量、x 和 y 绘制图形。MATLAB 能够自动选择适当的数据点和数据回距以便产生光滑的曲线。另外、给定函数名称,使用符号工具箱来绘制函数的图形。

在 MATLAB 中,三维绘图选项包括线图、曲面图以及等高图。大多数二维绘图方法也可以在三维图形中应用,函数 meshgrid 主要用于绘制三维曲面图。

使用图形窗口桌单中的交互式绘图工具可以对现有图形进行编辑,还可以直接在工作区中绘制 图形。读者在开发和实践中会发现许多处理图形的命令都可以通过这种交互的绘图工具来实现。

MATLAB 中保存图形的方法有很多种。生成的图形可以保存、编辑或者插入到其他文件中。 MATLAB 的图形文件占用较小的存储空间,而且具有适于移植到其他文件中的标准文件格式。

#### MATLAB 小结

下面列出本量介绍的 MATLAB 特殊学符、命令和函数。

特殊字符					
娩 型	符号	点 型	符 号	献 包	将 号
実统	-	点号		遊色	b
点流		100	0	绿色	g
点面线		叉号	×	紅色	r
燃烧		加号	+	青色	¢
ALC: 15		根号		洋红	m
		万形	8	質色	У
		菱形	d	無色	k
		下一角	٧	白色	W
		上三角	^		
		左三角	<		
		右一角	>		
		五角原	р		
		六角星	h		

命令和函数	
matumm	曲面图的配色选项
axis	控制坐标轴的判度、或定义轴维数
axis equal	设置相同的坐标刻度
bar	绘制条形图
bar3	绘劇三维条形图

		(续表)
命令和函數		
barh	绘制水平条形图	
bar3h	绘制 - 维水平条形图	
bone	曲面图的配色选项	
colorcube	曲面钢的配色选项	
colormap	曲而图的配色选项	
conet	绘制 x-y 的动画效果图形	
comet3	绘制三维动画效果线图	
contour	绘制 .维等高图	
cool	曲面图的配色透项	
copper	曲面图的配色选项	
figure	生成绘图窗口	
flag	曲面图的配色选项	
fplot	根据指定函數绘图	
gtext	与 text 相似。在鼠标单击处放置文本框	
grid	在图形中添加栅格	
grid off	取消機格	
grid on	显示機格	
hist	绘制柱状图	
hold off	关闭当前阻形	
hold on	保持当前阻形	
hot	曲面侧的配色连项	
hev	曲面图的配色选项	
jet	曲面图的默认配色方案	
1egend	<b>添加图形说明</b>	
linspace	创建线性矢量	
logicg	绘制双对数坐标图	
mesh	绘制网络曲面图	
meshgrid	由數值产生网络矩阵	
pause	<b>看</b> 停程序。按任意號后开始	
pcolor	绘制伪色图	
peaks	滷示绘图函數的实体模型函數	
pie	绘制伊图	
pie3	绘制二维钟图	
pink	曲面图的配色选项	
plot	创建 x-y 图	
plotyy	创建双y轴图	
polar	创建极坐标图	
prism	前面图的配色选项	
semilogx	创建 x 轴半对聚图	
semilogy	创建y轴半对数图	
shading flat	用纯色给每个网络着色	
shading interp	渲染曲面图中的颜色	
sphere	演示绘图函数的实体模型函数	
spring	曲面图的配色选项	
subplot	把绘图窗口划分为多个子图	

曲面图的配色选项

summer

		(续裹)
命令和函数		
Bur f	绘制曲面图	
sarfc	同时绘制曲面图和等高图	
text	给图形添加文本说明	
title	在圖形中添加标题	
white	曲面图的配色选项	
winter	曲面图的配色选项	
xlabel	财工输进行标注	
ylabel	对y轨进行标注	
zlabel	对支输进行标注	

### 习题

- 5.1 根据下列函数绘制图形,其中x的范围在0到10之间。
- (a)  $v = e^z$ .
- (b)  $y = \sin(x)$ .
- (c)  $y=ax^2+bx+c$ , 其中 a=5,b=2 和 c=4.
- (d)  $y = \sqrt{x}$ .

图中应包含标题、x 轴和 v 轴标注以及栅格。

5.2 根据以下数据绘制图形:

$$y=[12, 14, 12, 22, 8, 9]$$

用元素的序号作为《轴坐标》

43 在同一學标中绘制下列函数。其中x的范围在一面到 z 之间,选择合适的数据间距画出平滑 的曲线。

$$y_1 = \sin(x)$$

$$y_2 = \sin(2x)$$

$$y_3 = \sin(3x)$$

(提示: 2x 在 MATLAB 中的正确语法为 2*x。)

- 5.4 对颜 5.3 中绘制的图形进行修改:
- 曲线1用红色熔线。
- 曲线2用蓝色实线。
- 曲线3用绿色点线。

·般情况下,只给测量数据做标记,而不是给图中的所有数据点做标记,利用函数计算出的数 据不做任何标记。

5.5 对图 5.4 中绘制的图形进行修改, x 轴坐标在-6 到 6 之间:

- 給图形添加图形说明。
- 给图形添加文本标注,并做简要说明题。

根据下列信息求解题 5.6 到题 5.10:

当发射角 θ 一定时,炮弹的飞行轨迹是时间的函数。若把炮弹的飞行轨迹分解成水平方向和垂 直方向两个分量,则计算公式为

### horizontal(t) = $tV_c \cos(\theta)$

和

# $vertical(t) = tV_0 \sin(\theta) - \frac{1}{2}gt^2$

其中,horizontal 为炮弹在x 轴方向的位移。vertical 为炮弹在y 轴方向的位移。 $V_a$ 为初始速度;g 为 重力加速度,g.8  $m/s^2$ : t 为时间,单位 s.

5.6 若炮弹的初始速度为 100 m/s,发射角为  $\pi/4 (45^\circ)$ 。求时间在 0 到 20 s 之间炮弹的水平位移和垂直位移 (x 轴方向和 y 轴方向)。设时间间隔为 0.01 s。

(a) 绘制水平位移和时间的关系曲线。

(b) 在新的图形窗口中, 绘制垂直位移与时间的关系曲线。

(D) 任期的海形图口中,绘制带且证例与时间的大乐曲线 图中应有必要的图形标题和坐标轴标注。

5.7 用 x 轴表示水平方向位移, y 轴表示垂直方向位移, 在新的倒形窗口中绘制该曲线。

5.8 利用函数 comet, 画出水平方向和垂直方向的动画效果图形。适当调整时间参数,控制绘图速度,以便得到良好的绘图效果。

5.9 假设发射角分别为 n/2、n/4 和 n/6,计算炮弹的垂直方向位移  $(\nu_1,\ \nu_2,\ \nu_3)$  和水平方向位移  $(h_1,\ h_2,\ h_3)$  。

- 针对:种情况,在新的绘图窗口中画出水平位移和垂直位移的曲线(应输出三条曲线)。其中 x 轴为水平位移, v 轴为垂直位移。
- 三条曲线分别用实线、虚线和点画线表示,并添加图形说明。

5.10 用矩阵 theta 表示发射角 22、x/4 和 x/6。使用函数 meshgrid 画出矢量 theta 和时间(y) 的天禹曲曲、根据这两个变量重新计算水平化移(h)和垂直位移(w)、输出结果应该是一个 2001x3 的 矩阵。使用命令 plot 画出 h 和 v 的关系曲线。 法未被不 h 、 神 被表 x v 。

5.11 拉力測试装置如图 P5.11(a) 所示,测试原理如图 P5.11(b) 所示。在测试过程中,被测样本受均匀外力的作用产生形变。

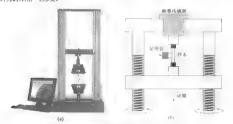


图 P5.11 拉力测试装置用于检测材料受力时的形变(图片引自 Instron®)

表 P5.11 中显示的是一组拉力测试数据。根据以下公式计算应力与形变。

$$\sigma = \frac{F}{A}$$
 An  $\varepsilon = \frac{I - I_0}{I_0}$ 

其中, $\sigma$ 是产生的应力,单位为 lbfin²(psi);F 为施加的外力,单位为 lbf; A 为样本的截面积,单位为 in²;  $\epsilon$  为产生的形变,单位为 in²m;I 为样本的长度;I 为样本的原始长度。

(a) 测试样本是直径为 0.505 in 的金属杆,根据直径可以计算出金属杆的截面积,进一步利用所提供的敷握计算金属杆的应力和形变。

(b) 以形变为x轴,应力为y轴。作xy线图。用黑色实线连接各数据点,并用圆圈标出各实测数据点。

(c) 添加标题和坐标轴的标注。

表 P5.11 拉力测试数据

(William Callister, Materials Science and Engineering, An Introduction, 5th ed., p. 149)

负载	长度	负载	长 度
0	2	7750	2.010
1650	2.002	8650	2.020
3400	2.004	9300	2.040
5200	2.006	10100	2.080
6850	2.008	10400	2.120

(d) 屈服应力或屈服点是指图形从陆崎的直线变成平滑曲线所对应的点,在屈服点附近测试样本的特性会发生显著全化。在屈服点之前。测试样本发生弹性形变,即当外力消失时,形变也消失,与橡皮筋炎似。若继续增大外力作用,则测试样本会发生水久变形,也称塑性变形。在图中对屈服点做出标注。

5.12 用 MATLAB 中的函数 subplot 在图形窗口中画出题 5.1 中的四幅子图。

5.13 用 MATLAB 中的函数 subplot 在图形窗口中画出题 5.6、题 5.7 及题 5.9 中的四幅子图。

5.14 创建一个范围在 0 到 2π 之间的角度矢量,用 polar 画出 下列函数的图形,polar 的输入 参数分别是角度和半径。用函数 subplot 在图形窗口画出这四幅子图。

(a)  $r = \sin^2(\theta) + \cos^2(\theta)$ 

(b)  $r = \sin(\theta)$ 

(c)  $r = e^{\theta/5}$ 

(d)  $r = \sinh(\theta)$ 

5.15 以摄 5.3 中创建的图形为例,在极坐标中,创建下列图形:

(a) 画一朵有 3 个瓣的花。

(b) 在此基础上再添加 8 个小一半的花瓣。

(c) 画一个心形。

(d) 画一个六角形。

(e) 画一个六边形。

5.16 当利息不断增加时,可以用下面的等式计算存款余额:

$$P = P_0 e^{rt}$$

其中.

P为当前存款余额。

P。为初始存款余额。

r 为增长常数,用小数表示。

1为投资时间。

假设在银行中存入\$1000,利率为 8%(0.08),存 30 年,计算每年年底的账户余额,把结果绘制成表格。

以时间作为x轴, 当前的存款余额P作为y轴, 在四幅f图中分别画出下面不同形式的I和P关系曲线。

- (a) 在第一幅子图中为线性盲角坐标。
- (b) 在第二幅子图中x轴为对数坐标。
- (c) 在第三幅子图中 y 轴为对数坐标。
- (d) 在第四幅子图中为双对数坐标。

对比这四种绘图方法, 你认为哪种方法最好?

- (a) 今 x=0 代表 1965 年, x=45 代表 2010 年, 预测从 1965 年到 2010 年这 45 年间每平万英寸芯片上晶体管的数目。每 隔两年计算一次,把计算结果绘制成表格,一列表示年份, 一列表示描译符数目。
- (b) 用函數 subplot, 分别在 x-y 线性真角坐标系、x 轴 对數學标系、y 轴对数坐标系和双对数坐标系中睡出关系曲 线, 并添加标题和坐标轴标注。
- 5.18 在过去35年里,集成电路中品体管敷目变化如表 P5.18 所示。根据实际敷据创建,轴对敷坐标图,其中敷据点 用圆圈表示。根据解析完律计算晶体管敷目变化,以1971年 的數值多起台绘画像,多曲线,并添加图形设明。



图 P5.17 半导体工业的先驱戈登・摩尔 (Copyright © 2005 Intel Corporation)

表 P5 18 集成电路中晶体管数目的指数增长⁽ⁱ⁾

-	微处理器	晶体管数目	生产日期	生产商
_	Intel 4004	2 300	1971	Intel
	Intel 8008	2.500	1972	Intel
	Intel 8080	4 500	1974	Intel
	Intel 8088	29 000	1979	Intel
	Intel 80286	134 000	1982	Intel
	Intel 80386	275 000	1985	Intel
	Intel 80486	1 200 000	1989	Intel
	Pentium	3 100 000	1993	Intel
	AMD K5	4 300 000	1996	AMD
	Pentium II	7 500 000	1997	Intel
	AMD K6	8 800 000	1997	AMD

			(续表
微处理器	晶体管数目	生产日期	生产商
Pentium III	9 500 000	1999	Intel
AMD K6-III	21 300 000	1999	AMD
AMD K7	22 000 000	1999	AMD
Pentium 4	42 000 000	2000	Intel
Barton	54 300 000	2003	AMD
AMD K8	105 900 000	2003	AMD
Itanium 2	220 000 000	2003	Intel
Itanium 2 with 9MB cache	592 000 000	2004	listel
Cell	241 000 000	2006	Sony/IBM/Toshiba
Core 2 Duo	291 000 000	2006	Entel
Core 2 Quad	582 000 000	2006	Intel
G80	681 000 000	2006	NVIDIA
POWER6	789 000 000	2007	IBM
Dual-Core Itanium 2	17 000 000 000	2006	lintel
Quad-Core Itanium Tukwila (processor) ⁽¹⁾	2 000 000 000	2008	Intel

^{1 51} fil Wikipedia, http://en.wikipedia.org/wiki/Transistor_count.

5.19 许多物理现象可以用阿伦尼乌斯力程描述。化学反应中的反应率常数可以用下面的公式表示: k = k.e^(Q/RT)

其中, k, 为常数, 单位取决于反应情况; Q 为激活能量, 单位为 kJ/kmol; R 为理想气体常数, 单位 为 kJ/kmol K; T 为温度, 单位为 K; 在某一化学反应中有

$$Q = 1000 \text{ J/mol},$$

$$k_a = 10 \, s^{-1}$$

$$R = 8.314 \text{ J/mol K}$$
.

温度在 300 K 到 1000 K 之间变化。计算 k 值,并在一个窗口中创建两幅子图:

- (a) 以 T 为 x 轴, k 为 v 轴绘制曲线。
- (b) 以 k 的常用对数为 y 轴, 1/T 为 x 轴绘制曲线。
- 5.20 已知矢量
- G = [68, 83, 61, 70, 75, 82, 57, 5, 76, 85, 62, 71, 96, 78, 76, 68, 72, 75, 83, 93]
- 为L程学的期末考试成绩。
- (a) 用 MATLAB 对数据进行分类,并画出条形图。
- (b) 画出柱状图。

(a) 创建一个成绩分布矢量

画出该矢量的饼图。并添加对各分数段的图形说明。

- (b) 使用装单添加图形说明, 并把编辑好的图形保存为.fig 文件。
- (c) 根据所给数据绘制三维饼图。在 MATLAB 中给三维图形添加图形说明会出现很多问题,因此本题中的图形说明可能会和饼图不相符。

5.22 某种刑号螺丝钉的库存物量加下驱所示。

	2004	2005
January	2345	2343
February	4363	5766
March	3212	4534
April	4565	4719
May	8776	3422
June	7679	2200
July	6532	3454
August.	2376	7865
September	2238	6543
October	4509	4508
November	5643	2312
December	1137	4566

**规据数据绘制多形图**。

5.23 用函数 randn 创建 1000 个服从正态分布的随机敷,分布的均值为 70,标准差为 3.5,根据数据绘出柱状图。

5.24 在照 5.6 至顾 5.9 中,炮弹的飞行轨迹是时间的函数:

Horizontal(
$$t$$
)= $tV_0\cos(\theta)$ 

Vertical(t) = 
$$tV_0 \sin(\theta) - \frac{1}{2}gt^2$$

假设发射角为45度 (x/4 ad)、初始速度为100 m/s、 限力加速度 g 等于9.8 m/s、 在同一类标中分别面) 地線排火 方向仪移和垂直方向仪移随时间变化的两条曲线,时间变化范围为0-20 s、 每条曲线 有各自的 > 軸樂标。

5.25 炮弹在垂直方向上的位移是时间的函数:

 $Vertical(t) = tV_0 \sin(\theta) - 1/2gt^2$ 

$$Velocity(t) = V_0 \sin(\theta) - gt$$

已知发射角  $\theta$  等于  $\pi/4$ 。初始速度为 100 m/s。时间矢量 t 在 0 ~20 s 之间。分别计算垂直方向上的 **位移利速度**,并在一个坐标系中绘制两条曲线,每条曲线有各自的 y 轴坐标。

当炮弹在垂直方向上的位移最大时,其垂直方向上的速度应该等于0。通过作图验证这一结果。

5.26 形变会改变金属的物理特性。对金属进行冷处理可以增加强度,下表是金属在进行冷处理 计程中的强度和延展性勤報。

冷处理程度	医膜强度(MPa)	延展性(%)
10	275	43
15	310	30
20	340	23
25	360	17
30	375	12
40	390	7
50	400	4
60	407	3
68	410	2

在x-v 坐标系中绘制数据的双 v 轴图。

5.27 创建矢量 x, 范围在 0-20 π 之间, 步长为 π/100。 矢量 y 和 z 分别等于

$$y = x \sin(x)$$

和

 $z - x \cos(x)$ 

- (a) 在 x-y 坐标系中画出 x 和 v 的关系曲线。
- (b) 在极坐标系中幽出 x 和 v 的关系曲线。
- (c) 曲出 x、y 和 z 的三维线图,并在图中添加标题和坐标轴标注。

5.28 为了产生图 P5.28 所示的类似龙卷风的曲线应如何调整题 5.27 中函數 plot3 的输入参数。用 comet3 代替 plot3 绘制曲线。

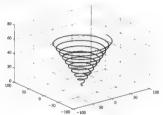


图 P5.28 龙卷风曲线图

5.29 创建矢量 x 和 y, 数据变化范围从-5 到+5, 步长为 0.5。用函数 meshgrid 将矢量 x 和 y 映射为两个新的二维矩阵 x 和 y, 根据下述公式计算矢量 2;

$$Z = \sin(\sqrt{X^2 + Y^2})$$

- (a) 用函数 mesh 创建 z 的三维图。
- (b) 用函數 surf 创建 z 的一维图。比较单个输入变量(z)和三个输入变量(x, y, z) 时输出结果的区别。
  - (c) 给输出的曲面图增加渲染阴影效果,并用 colormaps 尝试不同的颜色。
  - (d) 绘制 z 的等高图。
  - (e) 绘制 z 的曲面图并加上等高线。

# 第6章 自定义函数

#### 学习目的

通过阅读本章, 读者可以羞椒加下内容。

- 创建单输入/输出和多输入/输出的自定义函数。
- 在工具箱中保存或调用自定义函数。
- 创建和使用图名函数。
- 创建和使用函数包括。
- 创建和使用了函数和嵌套函数。

#### ● 切遅和使用于函数和嵌套函数

# 引言

MATLAB 是一种基于函数的编程语言。函数就是由用户输入参数、返回输出结果的程序。函数 可以 使编程更有效率。避免重复编写长码,比方说,大部分编程语言中都有永正弦值的函数。在 MATLAB 中,函数 san 统可以调用一系列命令来完成正弦值的计算,用户只需输入角度就可以得到 计算结果,而不需要知道 MATLAB 是如何计算 sincis的。

### 6.1 创建函数的 M 文件

用户可以使用 MATLAB 的內實函數,也可以使用自定义函數。用户自定义函數保存在 M 文件中,只要当前目录中存在函數的 M 文件,MATLAB 就可以随时调用函數。

## 6.1.1 语法

自定义函数和 MATLAB 的内置函数具有相同的结构,函数中必须包括函数名、输入参数和输出结果三项内容。例如,函数

cos(x)

- 名称为 cos。
- 小括号里的x是输入参数。
- 该函数可以计算出结果。

用户只能看到计算结果,而看不到计算过程。自定义函数的用法和 MATLAB 內置函数的用法相同。使用下面的语句创建函数 my_function:

my function(x)

定义好函数的功能并输入参数x,在命令窗口就会输出计算结果。

**关键概念**:使用函数可以使编释效率更高。

自定义函数在 M 文件中编写代码。第一行是函数的定义行,它应包括:

引导词 function。

- 输出变量。
- 函数名称。
- 輸入容量。
- · 个函数的定义加下。

function output = my_function(x)

上述语句是用户自定义函数 my function 的定义行,有一个输入变量 x, 返回一个输出变量 cutput。函数名、输入变量和输出变量都由用户定义。下面是函数 calculation 的定义行:

function result = calculation(a)

其中,函数名是 calculation,函数的输入变量是 a,输出变量是 result。在 MATLAB 中可以使用任何有效的函数名,但所定义的函数名和变量名最好具有实际意义。

函数: · 沒有输入变量, 经过计算产生输出结果的程序代码。

提

特学者+行把函数中的单w ; '元令。」 黑痛起来,在函数中,故在小品号中的一点点, 表示输入变量,而不是命令 input。二者有本质的区别

下面是一个计算名项式数值的简单 MATLAR 函数定例:

function output = poly(x)

%This function calculates the value of a third-order

%polynomial output = 3*x.^3 + 5*x.^2 - 2*x +1;

所数名县 poly, 输入变量是 x, 输出变量是 output。

调用函数前,必须把函数的文件先保存到当前目录中。为了便于查找,文件名必须和函数名相间。函数的命名应该遵循前面介绍过的 MATLAB 命名规则,即

- 函数名必须以字母开头。
- 可以包括字母、数字和下划线。
- 不能使用预留的名称。
- 长度没有限制,但最好不要太长。

关键概念: 根据 MATLAB 变量命名规则命名函数。

在命令官口、脚本 M 文件或其他函数中可以调用保存好 M 文件的自定义函数。但在 M 文件中 在直接调用函数 M 文件外身,这是因为在命令百口或脚本 M 文件调用函数前,输入变量没有定义。 以前前一经变发的函数。10.3 为例,在命令审输入

polv(4)

返回

ans =

若令输入变量 a 等于 4,则输出结果和前面的相同

poly(a)

ans =

**若函数的输入定义为矢量,那么函数的输出也是矢量。** 

y = 1:5; poly(y)

输出

ans =

7 41 121 265 491

如果在菜单栏中选择"save-and-run"图标,执行该函数,就会提示以下错误信息: ???!Input argument "x" is undefined.

Error in ==> poly at 3

output = 3*x.^3 + 5*x.^2 - 2*x +1;

无论是在命令窗口中还是在脚本 M 文件中调用函数,都要首先给 x 赋值。

提示

售建售數时。很可能走要输出"中"完集。但周试结束),,应该排准输出中间结果。否要会输出多余值基。

#### 练习6.1

用 MATLAB 创建下列数学函数(函数的命名应有实际意义),并进行测试。在命令窗口或在脚本 M 文件中进行函数测试。注意,每个函数都需要创建一个 M 文件。

- 1.  $y(x) = x^2$ .
- 2.  $y(x) = e^{1/x}$ .
- 3.  $y(x) = \sin(x^2)$ .

用 MATLAB 创建单位换算函数 (从参考书或 Internet 上查询换算公式)。 在命令窗口或脚本 M 文件中对函数 进行测试。

- 4. 英小转换为英尺。
- 5、卡转换为熊耳。
- 瓦特转换为 BTU/h。
- 7、米转换为英里。
- 英里每小时(mph)转换为 ft/s。

#### 例6.1 角度和弧度的捣箕

在工程中,往往用度敷表示角的大小。但在计算机程序中三角画数 的輸入卷數是用弧度表示的。创建函数 DR 把角的度數換算成弧度,函 數 RD 把弧度换算成角度。函数的輸入卷數既可以是标量也可以是矢管。

1. 问题描述

編写函数 DR 和 RD, 实现角度和弧度的相互换算(见图 6.1)。

- 2. 输入/输出描述
- 输入 角度失量。

弧度失量.

輸出 角度到弧度的换算表。

孤唐到角唐的接冀表。

3. 手工分析

角度 = 弧度×180/π 弧度 = 角度×π/180



图 6.1 三角函数中的角一 般用弧度表示。三 角学多用于T空制图

ATTER			
n II	弧度		
0			
30	30 (n/180) = n/6 = 0.524		
60	60 (n/180) n/3 1.047		
90	90 (1/180) - 1/2 = 1.571		

#### 4. MATLAB 实现.

%Example 6.1

%

clear, clc

*Define a vector of degree values

dagrees = 0:15:180;

% Call the DR function, and use it to find radians

radians = DR(degrees);

%Create a table to use in the output

degrees_radians =[degrees;radians]'

%Define a vector of radian values

radians = 0:pi/12:pi; %Call the RD function, and use it to find degrees

degrees = RD(radians);
radians_degrees = [radians;degrees]'

## 程序中调用的函数用以下程序代码定义:

function output = DR(x)

*This function changes degrees to radians

output = x*pi/180;

和

function output = RD(x)

%This function changes radians to degrees

output = x*180/pi;

为了使胸本 M 文件能找到所定义的函数、必须在当前路径中用文件名 DR.m和 RD.m 保存这两个 自定义函数、程序的执行结果显示在命令窗口中:

degrees_r	adians =
0	0.000
16	0.262

30 0.524 45 0.785

60 1.047 75 1.309

90 1.571 105 1.833

120 2.094 135 2.356

150 2.618 165 2.880

165 2.880 180 3.142

# radians_degrees = 0.000

0.000 0.000 0.262 15.000 0.524 30.000

0.785 45.000

1.047	60.000	
1.309	75.000	
1.571	90.000	
1.833	105.000	
2.094	120.000	
2.356	135.000	
2.618	150.000	
2.880	165.000	
3.142	180.000	

#### 5. 结果验证

将 MATLAB 计算结果与手工计算的结果相比较,输出的表格形式能够更容易看出两种结果的一致性。 例 6.2 ASTM 黑動陸

通常人们很难比金属和晶体联系在一起,但事实上金属就是晶体,用显微镜观察光滑金属表面。 可次看到清晰的晶体结构,如图6.2 所示,每个晶体结构(冶金学中称之为晶粒)的大小和形状都不同, 晶粒的大小锥移制和金属程度。晶粒接加小、全属程度极大



图 6.2 放大 400 恪后铁的奥型结构(引自 Metals Handbook, 9th ed., Vol. 1, American Society of Metals, Metals Park, Ohio, 1978.)

品粒的平均尺寸炭模堆填定的, ASTM(英国材料实验学会的简称)制定了填定金属裁粒度的相关 样准, 品粒度可以用放大100 倍后的金属样本, 每平方英寸面积中晶粒的数目未表示, 即金属的晶粒 度可以由下式填定:

$$N = 2^{n-1}$$

其中,n为 ASTM 晶粒度,N 为金属样本效大 100 倍后每平方英寸面积内的晶粒敏。根据上述公式求出 n 的值:

$$n = \frac{(\ln(N) + \ln(2))}{(\ln(2))}$$

這方程很简单、但计算起来比较麻烦。編写 MATLAB 函数 grain size 进行相关计算。

- 1. 问题描述
- 创建函数 grain size 计算金属的 ASTM 晶粒度。
- 2. 输入/输出描述
- 为了对函数进行检验、需要多组品粒数据。
- 输入 放大 100 倍后每平方英寸有 16 个晶粒。
- 输出 ASTM 品粒度。
  - 3. 手工分析

$$n = \frac{(\ln(N) + \ln(2))}{\ln(2)}$$
$$n = \frac{(\ln(16) + \ln(2))}{\ln(2)} = \frac{(\ln(16) + \ln(2))}{\ln(2)} = \frac{(\ln(N) + \ln(N) + \ln(N))}{\ln(N)} = \frac{(\ln(N) + \ln(N) + \ln(N))}{\ln(N)} = \frac{(\ln(N) + \ln(N) + \ln(N))}{\ln(N)} = \frac{(\ln(N) + \ln(N)$$

#### 4. MATLAB 实现.

#### 在 M 主件中创建函數·

```
function output = grain_size(N)
%Calculates the ASTM grain size n
output = (log10(N) + log10(2))./log10(2);
```

在当前目录中,保存为 grain_size.m 文件。在命令窗口中调用该函数:

grain size(16) ans =

#### 5. 结果验证

通过对函数作图,画出每平方英寸面积内的晶粒般和ASTM 晶粒度的关系曲线,结果如图 6.3 所

### 示。MATLAB 的计算结果和手算结果相同。

```
%Example 6.2
%ASTM Grain Size
N = i:100;
n = grain size(N);
ploc(N,n)
title('ASTM Grain Size')
xtlabe('Number of grains per square inch at 100x')
ylabel('ASTM Grain Size')
grid
```

### 从图中可以看出,随着每平方英寸面积内晶粒数目的增加,金属的晶粒度也增大。

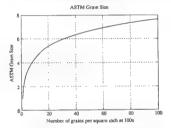


图 6.3 对函数作图悬检查程序是否正确的有效途径

#### 6.1.2 注释

为了使程序的可读性更强,需要对程序代码进行注释。编写 MATLAB 函數程序的,一般在函數 的定义行后加过注释。在命令曾口中用 help 查询函数功能时,就会自动返回该行的注释信息。例如, 下面的函数。

```
function results = f(x)
%This function converts seconds to minutes
results * x./60;
```

### 在命令窗口中调用 help 功能:

help f

扳回

This function converts seconds to minutes

关键概念: 用户使用 help 时会显示函数的注释。

#### 6.1.3 名输入/输出函数

MATLAB 函数的输入变量和输出变量可以有多个。用户可以进行定义。会项函数是求除法运算 中金粉的函数。需要用户输入验数和被除费两个变量。若求5/3。函数的还注是

```
rem(5.3)
```

输出

ans = 2

同理, 自定义函数也可以有两个输入矢量:

function output = g(x,y)

% This function multiplies x and v together

% x and v must be the same size matrices

8 = x .*v: output = a:

在命令窗口中分别定义 x 和 y , 并调用函数 g , 就会返回输出矢量

st = 1:5: v = 5:9:

g(x, v)

ans -

п 12 21 32 45

用户可以对输入令量和函数进行注释。在上面这个例子中,需要计算一个中间结果 a, 函数的输 出结果 output 是一个有多个元素的矩阵。但仍把它视为一个变量。

自定义函数与其他内置函数一样,可以有多个输出变量。例如,函数 max 不但会输出矩阵的最 大信,还会输出最大值的位置。在自定义函数中也可以把所有的变量合并成一个矩阵输出:

function. [dist. vel. accell = motion(t)

% This function calculates the distance, velocity, and

% acceleration of a car for a given value of t

accel = 0.5 .*t; vel = accel .* t;

dist = vel.*t:

把函数 morton 保存到当前目录中。给定时间信。可以利用该函数计算出 distance, velocity 和 acceleration 相应的数值:

[distance, velocity, acceleration] = motion(10)

distance = 500

velocity =

50

acceleration =

若调用函数 motion 时没有指定全部三个输出变量,则只输出第一个变量:

500

MATLAB 中所有的变量都是矩阵,为确保元素之间的乘法运算,在本题中必须使用,*运算符。 例如。函数 mot 10n 的输入时间矢量从 0 到 30, 变化量为 10, 则

$$time = 0:10:30;$$

[distance, velocity, acceleration] = motion(time)

#### 返回的 · 个输出车量为

distance -

n 50 200 450 acceleration = 1.0 D 15

为了使结果更加清楚明白,把所有矢量合并成一个矩阵:

results = [time', distance', velocity', acceleration']

#### 返回

results =

0	0	0	0
10	500	50	5
20	4000	200	10
3.0	13500	450	15

由了 time, distance, velocity 和 acceleration, 都是行矢量, 所以在合并时应先对这些矢 量做转置运算转换成列矢量。

#### **练习62**

假设制性的维新 致,创建 MATLAB 函数计算下列多输入、单输出的简单数学函数。并对结果进行检验:

- 1. z(x, y) = x + y
- 2.  $z(a, b, c) = ab^c$
- 3.  $z(w, x, y) = we^{(x/y)}$
- 4.  $z(p, t) = p/\sin(t)$

假设矩阵的维带·弦。创建 MATLAB 函数计算下列单输入、多输出的简单数学函数。并对结果进行检验:

5.  $f(x) = \cos(x)$ 

 $f(x) = \sin(x)$ 

6.  $f(x) = 5x^2 + 2$  $f(x) = \sqrt{5x^2 + 2}$ 

7.  $f(x) = \exp(x)$ 

 $f(x) = \ln(x)$ 

假设矩阵的维数一致,创建 MATLAB 函数计算下列多输入矢量、多输出矢量的简单数学函数,并对结果进 行检验。

8. 
$$f(x, y) = x + y$$

$$f(x, y) = x - y$$

9.  $f(x, y) = ye^x$ 

 $f(x, y) = xe^{y}$ 

### 例 6.3 晶粒度对金属强度的影响; 三輪入麥量的高數

金属的晶粒越小,金属强度越大。根据 Hall-Petch 方程,可知金属的屈服强度(金属发生永久性 变形时所受的应力)和晶粒的平均直径在差.

 $\sigma = \sigma_0 + Kd^{-1/2}$ 

其中, $\sigma_0$ 和 K 为常数,不同金属的 $\sigma_0$ 和 K 也不相同。

创建的函数名为 HallPetch, 它有三个输入变量: On、K和d, 一个输出变量: 金属的屈服强 度、根据所给的 $\sigma_n$ 和 K的值,调用此函数可以计算金属的屈服强度。MATLAB 程序先要给出 $\sigma_n$ 和 K的值,然后再调用函数进行计算,并做出金属屈服强度和晶粒直径的关系曲线

创建函数 Hall Petch,根据 Hall-Petch 方程计算某种金属的层限强度,并画出层服强度和晶粒直 谷纳英戴南鸲

2. 输入/输出描述

输入  $K = 9600 \text{ psi}/\sqrt{mm}$ 

 $\sigma_{\rm a} = 12,000 \, \rm psi$  $d = 0.1 \sim 10 \text{ mm}$ 

輸出 屈服强度和品粒直径的关系由线,

3. 平工分析

由 Hall-Petch 方程

$$\sigma_0 = \sigma_0 + Kd^{-1/2}$$

令σα和 K 分别等于 12 000 psi 和 9600 psi√mm, 代入方程得

 $\sigma = 12\,000 + 9600d^{-1/2}$ 

当 d=1 mm 时。

 $\sigma = 12\,000 + 9600 = 21\,600$ 

4. MATLAB 实现

在M文件中创建函数

function output = HallPetch(sigma0, K, d) ARall-Petch equation to determine the yield

%strength of metals

output = sigma0 + K*d.^(-0.5);

以文件名 HallPetch.m 保存到当前目录中。主程序为

%Example 6.3

clear.clc format compact s0 = 12000

K = 9600 *Define the values of grain diameter

diameter = 0.1:0.1:10; vield = HallPetch(s0,K,d);

%Plot the results

figure(1) plot(diameter, yield)

title ('Yield strengths found with the Hall-Petch equation')

xlabel('diameter, mm') ylabel('yield strength, psi')

程序中输出的图形如图 6.4 所示。

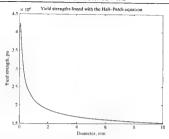


图 6.4 根据 Hall-Petch 方程计算出的屈服强度曲线

# 5. 结果验证

把输出的图形和手算的结果进行对比,结果相同。

### 例 6.4 动能: 两输入变量的函数

运动物体(图 6.5)的动能公式如下:

 $KE = 1/2mv^2$ 

创建函数 KE,计算质量为 m,速度为 v 的汽车所具有的动能。

1. 问题描述

创建函数 KE,计算汽车的动能。

2. 输入/输出描述

输入 汽车的质量、单位 kg。

汽车的速度, 单位 m/s。 输出 汽车所具有的动能,单位焦耳(J)。

3. 手工分析

若汽车质量是 1000 kg, 速度为 25 m/s, 则

 $KE = 1/2 \times 1000 \text{ kg} \times (25 \text{ m/s})^2 = 312.500 \text{ J} = 312.5 \text{ kJ}$ 



4. MATLAB 实现

function output = ke(mass,velocity)
output = 1/2*mass*velocity.^2;

output = 1/2*mass*velocity.

5. 结果验证

v = 25:

m = 1000;

ke(m,v)

ans =

312500

该计算结果与手算结果一致,说明创建的函数计算正确,可以在较大的 MATLAB 程序中使用。



图 6.5 賽车具有的动能非常大 (Rick Graves/Getty Images)

### 6.1.4 没有输入或输出变量的函数

大部分函數都至少有一个输入或输出变量,但有的函數没有输入或输出变量。例如,函數 star 是一个在极坐标系中描绘是形的函数:

```
function [] = star()
theta = pi/2:0.8*pi:4.8*pi;
r=ones(1,6);
polar(theta.r)
```

诱数定义行里的方括号说明函数没有任何输出变量,即不返回任何值。圆括号中没有任何值, 说明没有输入变量。在命令窗口输入

star

没有任何返回值,只是在图形窗口的极坐标系中有五角星的图案,如图 6.6 所示。

有许多 MATLAB 内置函数也没有输入变量。例如,

```
A = clock
```

返回当前时间:

"
1.0e+003 *
Columns 1 through 4
2.0050 0.0030 0.0200 0.0150
Columns 5 through 6

0.0277

**学練概念**,并不是所有函数都需要输入变量。

0.0250

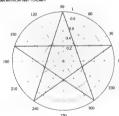


图 6.6 自定义函数 star 既没有输入变量也没有输出变量。但可在极坐标系中描绘出五角星

提示

诱数。 1、只是精绘化 个月的早刚家、小麦回仟网输出变量 5.果调用函数封定义 个返回 值、即输入点每

就会产生错误提小,因为函数 star 没有任何输出变量,所以没有任何值可以赋给变量 A。

还有函数 p1:

A = pi

返回数学常数π的值:

```
3.1416
```

如果把 MATLAB 函数 tic 赋值给变量 A, 就会出现错误提示。这是因为函数 tic 没有输出变量:

```
???Error using *=> tic
Too many output arguments.
```

函数 tic 的功能是启动 个计时器,常和函数 toc 配合使用。

### 6.1.5 确定输入/输出变量的数目

MTALAB 提供了两个内置函数,用来获得函数输入/输出变量的个数。

关键概念:函数 nargin 和 nargout 用于确定函数输入输出变量的个数。

感數 nargin 可以求內置函數或自定义函數中輸入变量的个數。它的輸入是以字符串表示的函数 名、例如。

```
nargin('sin')
ans =
```

由下列语句可知, 余项函数 rem 有两个输入变量:

```
nargin('rem')
ans =
```

在自定义函数中可以用函数 nargin 获取输入变量的个数。有些函数的输入变量个数是不确定 的,如绘图函数 surf 在 否表数 surf 月有一个输入变量。则把输入矩阵的行列序号作为太和y轴的坐 标值: 有函数 surf 有三个输入变量 x y z, 则以 x 和 y 值作为坐标绘制图形。用户可以根据函数 pagein 的输出结果。决定如何控制曲线。

復多函数 b surf - 样,輸入受棄的个數是不确定的、如果在命令窗口中使用函数 nargin 来确 定輸入受益个数、統不会輸出正确答案。函数 nargin 会輸出 "个负数,这说明该函数輸入受量的个 數私不確定的。 例如。

```
nargin('surf')
```

```
ans =
```

函数 nargout 用于求函数输出变量的个数,用法和函数 nargin 类似;

```
nargout('sin')
```

```
ans =
```

注意。 函數 nargout 的輸出結果是輸出矩阵的个數,而不是矩阵中元素的个數。例如函數 size 输出矩阵的行動和列數,有些读者可能会认为 nargout 的輸出結果是 2,但事实上正确的結果是 1:

```
nargout('size')
ans = .
```

这是因为函数 size 的输出结果只有一个矩阵,只不过输出矩阵中有两个元素,例如,

```
x = 1:10;
size(x)
ans =
```

函数 max 有一个输出矩阵,用 nargout 求 max 输出变量的个数是 3:

```
nargout('max')
ans =
```

函数 nargout 用在自定义函数中,表示用户要求输出变量的个数。对 6.1.4 节中面五角星的程序进行修改。

```
function A = star1()
theta = pi/2:0.8*pi;
r = ones(1.6);
polar(theta,r)
if nargout=1
    A = 'Twinkle twinkle little star';
end
```

在命令窗口输入 nargout, 输出结果是 1: nargout('ster1')

nargout('ste

说明函数只有一个输出结果。若简单地调用函数

1 只有一 stari

则在图形窗口中仅输出五角星图案,并没有任何输出。如果把函数赋值给一个变量 x,

```
x = star1
```

Twinkle twinkle little star

则返回x的值, 但需要在程序中用 if 语句和函数 nargout 对输出变量的个数做出判断。 有关 if 语句的相关内容将在第 8 单中详细介绍。

#### 6.1.6 局部变量

函数的 M 文件中的所有变量都称为局部变量。工作区与函数之间进行交互的唯一方式是利用输入变量和输出变量,在函数体中定义的所有变量仅允许函数自己使用。例如,自定义函数 q;

```
function output \approx g(x,y)
% This function multiplies x and y together
% x and y must be the same size matrices
a = x, **;
```

其中,变量 a. x. y 和 output 都是局部变量,这些变量仅能在函数内部使用,不能保存在工作区中。

下例可以证实这一点。先清空工作区和命令窗口,然后调用函数 g,

clear, clc g(10,20)

output = a;

函数返回

g(10,20)

ans = 200

在工作区中只有一个变量 ans,它的特征如下所示:

-	Name	Value	Size	Bytes	Class
	acro 🔛	200	lxl	8	double array

局部变量,只在部分程序或函数中使用的变量。

在命令窗口和脚本 M 文件中不能访问函数定义的变量。同理,在函数中也不能访问 E作区中定

义的变量。这意味着函数必须是自包含的;即程序中的信息仅能通过输入变量传递给函数,函数中的 信息仅能通过输出变量传递给程序。

创建函数, 计算自由落体运动的下落距离, 并称此函数为距离函数:

function result = distance(t)

%This function calculates the distance a falling object

%travels due to gravity
q = 9.8 %meters per second squared

g = 9.8 %meters per second squared result = 1/2*g*t.^2;

g 是函数中的局部变量,无论在主程序中是否使用过参数 g,在函数中必须定义 g 的数值。

当然,也可以把 a 当做函数的输入变量,将它的值从主程序传递到函数中:

function result = distance(g,t)

%This function calculates the distance a falling object %travels due to gravity

result = 1/2*g*t.^2;

提 ;

相可选集各分分别在分类的。1000元,1500元年表已为 100元年 人之元 1 个矩阵。 减数上的支层为 1.50元 100元 150元 MAHAB 200元 付 8 万大地运数的 "任区 制、为了原发系统、初学者最好有函数中或上程净中使用不同的函数名。

### 6.1.7 全局变量

写局部变量不同,全局变量是整个程序的变量。但一般情况下不定义全局变量。在命令窗口或 脚本 M 文件中定义的变量都是全局变量,为了避免用户无意中使用全局变量,要求在函数中使用全 局等强时,必须进行特殊声明。

**关键概念**。一般情况下不定义全局变量。

重新编写前面自由落体问题的计算函数:

function result = distance(t)

This function calculates the distance a falling object

%This function calculate %travels due to gravity

global G

result = 1/2*G*t,*2;

全局变量: 适用于整个程序的变量。

命令 global 提示感象在命令窗口或脚本 M 文件中查找变量 G 的值,而且在命令窗口或脚本 M 文件中必须定义变量 G

global G

G = 9.8;

在程序中把 G 定义成全局变量,可以避免在自定义函数中重复定义,G 也不再是函数的输入变量。

提 示

报情况下,为了便于识别个局变量、MATLAB 程序中的全局变量都用大写字母表示。

#### 提示

仕用全局支属。以為他科学 ルート・カーではあって、 な果他の生物に見られてお会か。 那久子女は「我に行っていったり」(ロート・ロート ロートのよう 投 ・ 一分情報。比 方法に告 ・ 一次後年1、日東午の大学に、中央のように表現。 、、長の大阪会会会を集ら値、这 就可能出現。映画想不到的后果。

### 6.1.8 **杏糖 M 文件**代码

else

end

XX = X: VV = V: 22 = 2;

πĐ

MATLAB 中提供了两种函数类型。一种是内置函数,其程序代码是看不见的。另一种是 M 文 件函数,它存储在程序提供的工具箱中,使用tvoe命令可以查看M文件代码。函数sphere是MATLAB 中的实体模型函数,可以产生一个二维球体, 查看其程序代码, 输入

```
type sphere
       type('sphere')
返回 sphere m 文件的内容。
       function [xx,yy,zz] = sphere(varargin)
       %SPHERE Generate sphere.
           [X,Y,Z] = SPHERE(N) generates three (N+1)-bv-(N+1)
       94
           matrices so that SURF(X,Y,Z) produces a unit sphere.
       4.
           [X,Y,Z] = SPHERE uses N = 20.
           SPHERE(N) and just SPHERE graph the sphere as a SURFACE
           and do not return anything.
           SPHERE(AX....) plots into AX instead of GCA.
           See also ELLIPSOID, CYLINDER.
           Clay M. Thompson 4-24-91, CBM 8-21-92.
           Copyright 1984-2002 The MathWorks, Inc.
           SRevision: 5.8.4.1 $ $Date: 2002/09/26 01:55:25 $
       % Parse possible Axes input
       error(nargchk(0,2,nargin));
       [cax,args,nargs] = axescheck(varargin(:));
       n = 201
       if narge > 0, n = args(1); end
       % -pi <= theta <= pi is a row vector.
       % -pi/2 <= phi <= pi/2 is a column vector.
       theta = (-n:2:n)/n*pi;
       phi = (-n:2:n)'/n*pi/2:
       cosphi = cos(phi); cosphi(1) = 0; cosphi(n+1) = 0;
       sintheta = sin(theta); sintheta(1) = 0; sintheta(n+1) = 0;
       x = cosphi*cos(theta);
       v = cosphi*sintheta;
       z = sin(phi)*ones(1.n+1);
       if nargout == 0
           cax = newplot(cax);
           surf(x,y,z,'parent',cax)
```

摁 示

感数 5. 15. 中川到了 5. . . . 说明函数可以接受不可数量的输入参数 函数中也用到了 中还用到了 if/else 结构, 有关 if/else 结构在后面最 节中会详细介绍。

### 6.2 创建函数工具箱

调用 MATLAB 函數时,首先在当前路径中查找该函數。如果没有找到,则按照预先设定的搜索 路径查找函数名。设置搜索路径的方法是在主菜单中单击

File → Set Path

或在命令窗口输入(见图 6.7)

pathtool

随着程序中函数数量的增加,通常会把相关文件存放在用户的个人工具箱中,并设置相应的搜索路径。例如,把前面例 6.1 中的角度和强度换算函数保存在 My functions 目录中。

在 Set Path 对话窗口中单击 Add Folder 来添加文件夹,如图 6.7 所示。浏览查找 My functions 目录,并把该目录添加到搜索路径中去,如图 6.8 所示。



图 6.7 路径设置 L具可以改变 MATLAB 搜索路径



图 6.8 文件火浏览窗口

MATLAB 先在当前跨谷中壳投涡敷。然后,再根据输改后的搜索路径壳线。如图 6.9 所示。 除让设置成水久路径,否则输改的路径只在"前对话中有效。但为清楚起见,是好不要在公共 计算机上设置水久路径。若有人设置成永久路径,那么,用户可以选择默认按钮恢复原来的路径设置。 界图 6.9。



图 69 條改后的 MATLAB 搜索路径

在路径设置工具中可以采用交互的方式修改 MATLAB 搜索路径,使用函數 addpath 可以添加 新的搜索路径。输入

help addpath

查询函数 addpath 的使用方法。

用户还可以使用由 The MathWorks 和用户社区提供的工具箱。为了获得更多信息,请查阅公司 网站 www.mathworks.com。

# 6.3 磨名函数和函数句板

一般情况下,创建用户自定义函数,需要把函数存储起来以便将来编程使用。匿名函数是 MATLAB 7 中一种新的、简单的函数构造方法。用户可以直接在命令窗口或脚本 M 文件中定义和使 用聚名函数。匿名函数更像一个定义的变量,只要不清空上作区,匿名函数都是有效的。下面的程序 代码给出了一个匿名函数的例子;

 $\ln = \theta(x) \log(x)$ 

- @符号提示 MATLAB, in 是一个函数。
- 在@符号后面紧接着定义了函数的输入参数。
- 最后定义函数。

关键概念: 用户可以在 M 文件或命令窗口中定义图名函数。

函数名作为函数句柄显示在变量窗口中:

Name	Value	Size	Bytes	Cleas
Ø In	⊕ (x) log (x)	1×t	16	Function_handle

標 示

**感数句辆可以视为函数的别称**。

在程序中, 图名函数的用法和其他函数的用法相同。例如,

ln(10) ans =

2.3026

一旦工作区被清空,用户就不能再调用匿名函数。但匿名函数和其他变量一样可以保存到.mat 文件中,使用 load 命令进行重复调用。为了保存联名函数:n。可以输入

save my_ln_function ln

建立文件 my_In_function.mat, 其中包含醛名函数 in。清空 [作区后, 匿名函数 in 不复存在, 但 可以输入下列命令从.mat 文件中导入

load my in function

用户还可以给函数 M 文件创建函数句柄。给本章前面定义的函数 M 文件 distance.m 创建函数 句柄:

function result a distance(t) result = 1/2*9.8*t.*2;

命令

distance handle = @(t) distance(t)

把函数句柄 distance handle 分配给函数 distance。

如果某个函数的输入也是一个函数(函数的函数,或称复合函数)时,MATLAB 经常使用匿名函 数和函数 们柄。

## 6.4 复合函数

绘图函数 folot 就是 MATLAB 中的内置复合函数,它要求有两个输入参数: 一个输入参数是 函数或函数句柄,另一个输入参数是函数的取值范围。通过下面的程序可以看出复合函数的用法:

 $\ln = \theta(x) \log(x)$ 

以函数句柄 ln 作为函数 fplot 的输入参数:

fplot(ln. [0.1, 10])

输出结果如图 6.10 所示。如果不使用函数句柄,则可以直接用字符串表示函数名:

fplot('log(x)',[0.1, 10])

美髓概念,复合函数就是以函数或函数句柄作为输入参数的函数。

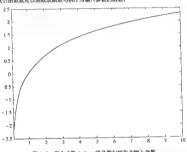


图 6.10 复合函数 fplot 将函数句柄作为输入参数

在这个例子中,使用函数句柄的优越性并没有体现出来。但是,如果匿名函数是计算五阶多项 式的值。

poly5 = @(x) -5*x.*5 + 400*x.*4 + 3*x.*3 + 20*x.*2 - x + 5;

那么,在函数 fplot 中直接输入多项式的表达式,程序会显得十分繁琐。使用函数句柄就简单多了:

fplot(poly5,[-30,90])

运行结果见图 6.11。

许多 MATLAB 函数都可以将函数句柄作为输入参数。例如,函数 fzreo 用于求方程 f(x)=0 的解, 方程中的 x 可以是函数句柄也可以是一个估计值。从图 6.11 中可以看出,五阶多项式等于 0 时, x 的 值在 75 到 85 之间,因此以 x=75 作为估计值:

fzero(poly5,75)

ans w 80.0081

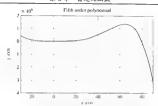


图 6.11 复合函数 fplot 将函数句柄作为输入参数绘制的 fi阶多项式曲线

### 6.5 子函数

#### 是 デ

用户在创建了函数之前、应该熟练坚握如何在 M 文件中创建主函数

每 个 MATLAB 的 M 文件只能有 个主函数,并且 M 文件名必须和主函数名相同。因此存储 在 M 文件 my_function, in 中的主函数名必须是 my_function。主函数之后可以定文件何合法的子 函数,子函数的命名规则和变量的命名规则相同。求两个矢侯加法和减法运算的函数如图 6.12 所示。 主函数名为 supfunction depo. 文件中所定义的两个不多数分别为add 和 subtract.

注意,在编辑窗口中每个函数都用灰色方括号括起来。为了便于阅读,单击方括号上的+或-符号,可以展开或折叠函数的程序代码。



图 612 MATLAB 允许用户在主函数的 M 文件中创建多个子函数。图示的 M 文件 中有 个主函数 subfunction_demo, 两个子函数 add 和 subfract

为了加深对子函数的理解,分别创建三个子函数求解下面的三个问题。

- 问题 1 创建函数 square 计算 x 的平方, x 在-3 到+3 之间, 对函数进行检验。
- 问题 2 创建函数 cold_work 计算把金属杆抽成金属丝的过程中冷加工的程度。用下面的公式进行计算。

%冷加工=
$$\frac{r_i^2 - r_f^2}{r_i^2} *100$$

其中r,是金属杆的原始半径,r,是加工后金属杆的半径。令r=0.5,r=0.25 对函数进行检验。

● 问题 3 创建函数 potential_energy 计算物体所具有的势能。根据下面的公式进行计算:

$$\Delta PE = m * g * \Delta z$$

函数中有一个输入参数:  $m \times g$  和 $\Delta z$  。根据以下参数对函数进行检验: m = [123] kg (用数组代表三种不同物体的质量)。  $p = 9.8 \text{ m/s}^2$ .

function [] = sample homework()

g = 9.5 mys 4

 $\Delta z = 5 \text{ m}$ 

求解上面三个问题,需要创建四个 M 文件,三个问题需要独立创建三个 M 文件,此外还需要 - 个 M 文件用于调用和检验。如果在程序中使用子函数,只需创建一个 M 文件即可。

```
% Evample homework submission
% Problem 1
x = -3132
disp('Problem 1')
disp('The squares of the input values are listed below')
y = square(x);
disp(y)
% Problem 2
initial_radius = 0.5;
final radius = 0.25:
disp('Problem 2')
disp('The percent cold work is')
cold work(initial radius, final radius)
% Problem 3
m = [1,2,3];
g = 9.8;
delta z = 5:
disp('Problem 3')
disp('The change in potential energy is ')
potential energy(m,g,delta_z)
function result = square(x)
                                  问题 1 的子函數
result = x.^2;
function result = cold_work(ri,rf)
                                        问题 2 的子简数
result = (ri.^2 - rf.^2)/ri.^2;
function result = potential energy(m,g,delta z)
                                                       问题 3 的子函数
 result = m.*g.*delta z;
```

注意,上函数中既没有输入。也没有输出参数。在命令提示符后直接输入函数名,调用主函数 sample,homework

主函数执行过程中,会自动调用子函数,并在命令窗口显示运行结果:

Problem 1
The squares of the input values are listed below
9 4 1 0 1 4 9

```
Problem 2
The percent cold work is
ans -
      0.7500
Problem 3
The change in potential energy is
ans =
           98
                 147
```

40

在这个例子中,共有四个函数,其中包括一个主函数和三个子函数。该问题的另一种解决方法 就是使用嵌套函数,把子函数的程序代码放在主函数中,一般放在靠近调用子函数程序代码之后。 旦使用了嵌套函数,无论是嵌套函数还是主函数都必须以 end 命令作为函数结束。

```
function (1= sample homework()
% Example homework submission
% Problem 1
at = -3:37
dian('Problem 1')
disp('The squares of the input values are listed below')
 y=square(x);
 disp(y)
                                              mara h
     function result = square(x)
     result = x.^2:
     end
 % Problem 2
 initial_radius = 0.5;
 final radius = 0.25;
 disp('Problem 2')
 disp('The percent cold work is')
 cold_work(initial_radius, final_radius)
                                                   ....
     function result = cold_work(ri,rf)
     result = (ri.^2 - rf.^2)/ri.^2;
     end
 % Problem 3
 m=[1,2,3];
 g = 9.8;
 delta z = 5;
  disp('Problem 3')
  disp('The change in potential energy is ')
  potential energy(m, g, delca_z)
      function result = potential energy(m,g,delta ax
      result = m.*g.*delta z:
      end
          此 end 命令表示
          主函数的结束
```

### 本章小结

MATLAB 中有大量内置函数,用户可以根据需要创建自己的 MATLAB 函数,其中最常用的白 定义函数就是 M 文件函数。M 文件函数的第一行必须是函数定义语句,其中包括:

● 引导词 function。

- 函数的输出变量。
- 函数名称。
- 函数的输入变量。

#### 例加。

function output = my_function(x)

函数名必须和 M 文件名相同。函数的命名应该遵循 MATLAB 标准的命名规则。

自定义函数可以有多个输入/输出变量。这与MATIAR 的内置函数相同。

函数定义行之后紧接着是注释行,在命令窗口输入 help 命令将返回注释行信息。

高數中定义的变置为局部变景。局部变量不存储在工作区中,在命令窗口中不能对局部变量进 行访问。在工作区、命令窗口或函数中可以用 global 命令定义全局变重。 - 般情况下不定义全局变 量。 - 旦需要定义全局受量建议用户使用大雪子母作为变量名。

用户可以把自己所定义的函数成组地存储在公共目录下、称其为"工具箱",通过修改 MATLAB 搜索路径进行访问。修改 MATLAB 的搜索路径可以在主菜单中进行,也可以使用交互的路径设置工 且来完成。在家单中接

File -- Set Path

也可以在命令行输入

pathtool

#### 进行路径设置。

The MathWork 和用户社区为用户提供了大量函数工具箱。

另一种函数类型是搋名函数,它在 MATLAB 的会话过程中定义,也可以在函数 M 文件中定义。匿名函数仅存在于会话期间,适用于非常简单的数学表达式的计算,或者作为复杂复合函数的输入参数。

#### MATLAB 小结

下面列出了本章介绍的 MATLAB 特殊字符、命令和函数:

特殊字符	
8	在匿名函数中表示函数句符
	注解

A-D HOLDER		
addpath	在 MATLAB 的搜索路径中添加目录	
fminbnd	复合函数。以函数句柄或函数作为输入参数。求函数极小值	
fplot	复合函数。以函数句柄或函数作为输入参数,绘制函数图形	
fzero	复合函数、以函数句柄或函数作为输入参数、求函数的过等点	
function	定义函数 M 文件	
global	定义全局变量	
meshgrid	把两个输入矢置映射成两个二维矩阵	
nargin	确定函数输入参数的个数	
nargout.	确定函数输出参数的个数	
pathtool	打开交互式路径设置工具	
varargin	指示函數輸入參數的个數是不確定的	

#### 习题

用户在创建函数时, 应该对函数做出正确的注释, 习题中有些问题可能不需要创建函数, 但由 于本章的目的在于使读者熟悉函数的定义和调用方法, 因此除匿名函数外都必须创建 M 文件, 并在 命令窗口或脚本 M 文件中调用相关的函数。

6.1 根据例 6.2 中的描述。金属实际上是晶体结构。金属品体条为晶彩。晶彩的平均尺寸越小、金属的强度越高。反之。晶彩的平均尺寸越大、金属强度就会越低。由于金属样本的晶彩大小不同。 很难计算出品影的甲均尺寸。美国材料3条等令(ASTM)制定了测量晶彩度的标准方法。

$$N = 2^{n-1}$$

在100倍显微镜下观察金属样本, ASTM 晶粒度(n) 是由1平方英寸(即实际尺寸为0.01 英寸×0.01 英寸) 面积中晶粒的数目(n) 决定的。根据上面的等式可以计算出 ASTM 晶粒度。

(a) 创建 MATLAB 函数 num_grains 计算放大 100 倍后每平方英寸面积中晶粒的敷目,假设已 知会屬的品粉度。

(b) 调用函数计算, 当 ASTM 品粒度 n=10 到 100 时, 晶粒的数目。

(c) 杷计复结果绘制成曲线。

6.2 由物理学中的著名方程

$$F = mc^2$$

可知,物体具有的能量 E 等于物体质量 m 乘以光速的平方。真空中光的传播速度是  $2.9979 \times 10^6$  m/s

(a) 创建函数 energy,根据物体质量(单位场) 计算物体具有的能量。能量的单位用焦耳表示, $1 \log m^2/s^2 = 1.1$ 。

(b) 利用函数计算质量为 1 kg 到 10° kg 的物体所具有的能量。用函数 logspace 创建物体质量的 安景,函数语法可以参考 help/logspace。

(c) 特计算結果绘图。对比几种对数学标作图方法(如 semilogy、semilogx 和 loglog),比较 H哪种用於效果並好。

6.3 假设银行利率为常数,根据公式

$$FV = PV * (1+i)^n$$

nJ以计算出存款余额。其中: FV 是存款余额: PV 是最初的存款额: 1 是每个复利计算期的利率,用分衡表示,如5%表示为0.05; n 是复利计算期的数量。

(a) 创建 MATLAB 函數 future_value, 函數的三个輸入參數分别是:最初的存款额,分數表示的利率和領利計算期的數量。

(b) 利用函数计算\$1000 资金在银行中存 10 年,账户中应有多少存款。假设月利率为 0.5%,利息按月结繁。

6.4 在大学 年级化学中,摩尔与质量的关系式为

$$n = \frac{m}{NGW}$$

其中; n 为物质的摩尔数; m 为物质的质量; MW 为物质的分子量, 即摩尔质量。

(a) 创建函数 nmo_es 的 M 文件。该函数有两个输入变量,分别为质量和分产量; 个输出变量。 即物质的原尔数。输入参数为矢量,在计算中需要用到函数 meshgrid。

(b) 已知化合物的分子量(摩尔质量)如下表所示,物质质量为1g到10g。调用所创建的函数,计算下列化合物的摩尔数。

化合物	0.78 (94.78)	
化市棚	分子體(摩尔质量)	
苯	78.115 g/mol	
乙醇	46.07 g/mol	
R134a 制冷剂(四氟乙烷)	102.3 g/mol	

输出结果应该是一个10×3的矩阵。

6.5 对题 6.4 中的等式进行整理可得等式

$$n = n \times MW$$

已知化合物的摩尔数或可以计算出化合物的质量。

- (a) 创建函数 mass 的 M 文件。函数有两个输入变量,分别是化合物的摩尔数和分子量;一个输出变量,即质量。输入参数为矢量,在计算中需要用到函数 meaborid。
  - (b) 已知摩尔数 n 的变化范围为 1 到 10, 调用函数计算题 6.4 中化合物的质量。
  - 6.6 根据等式

$$d = \sqrt{2rh + h^2}$$

可以计算出登山时能看到地平线的距离。

其中: d 为地平线的距离: r 为地球半径; h 为山的高度。

能看到的地平线距离不但和山的高度有关,还和地球(或其他星球)的半径有关。

(a) 创建函数 distance 的 M 文件计算地平线的距离。函数的两个输入矢量分别是地球半径和 Ji的高度。函数的输出受量为地平线的距离。输入参数为矢量,在计算中需要用到函数 meshorid。

- (b) 调用函数,分别计算在地球上和火星上,山的高度为 0 到 10 000 英尺时能看到地平线的距离,注意修一单位。
  - 地球百径 = 7926 草里。
  - 水屋直径 = 4217 英里。

结果以表格的形式输出,列代表不同的星球,行代表不同的山高。

6.7 火箭垂直向上发射。在 t=0 时火箭发动机关闭,此时火箭的高度为海拔 500 m,速度为 125 m/s,考虑重力加速度,根据等式

$$h(t) = -\frac{9.8}{2}t^2 + 125t + 500, t \ge 0$$

可以计算出火箭的飞行高度。

- (a) 创建函数 neight,以时间为输入变量,火箭的飞行高度为输出变量。利用函数对下面的(b) 和(c)进行求解。
  - (h) 时间增量为 0.5 种。 变化范围 0 到 30 秒, 画出函数 neaght 与时间的关系曲线。
  - (c) 计算火箭开始向地面降落的时间(可以使用函数 max)。
  - 6.8 根据等式

$$x = \frac{1}{2}gt^2$$

可以计算自由落体的下路距离。其中:g= 重力加速度, $9.8\,\mathrm{m/s^2};\;t=$  时间,单位为秒;x=下降距离,单位为米。

对前面的等式求时间的导数,可以计算出物体下降的速度;

$$\frac{dx}{dt} = v = gt$$

进一步求时间的导数,可以计算出物体的加速度。

$$\frac{dv}{dt} = a - g$$

- (4) 如建添新 4... 4-11 添熟以时间左导,为
- (a) 创建函数 free_fall,函数以时间矢量  ${\mathfrak t}$  为输入变量,有二个输出变量分别是:下降距离  ${\mathfrak x}$ 、速度  ${\mathfrak v}$  和加速度  ${\mathfrak g}$ 。
  - (b) 已知时间矢量 t 的范围在 0 到 20 s 之间,对函数进行测试。
- 6.9 创建函数 polygon, 画出任意边数的多边形。函数将给定的边数作为仅有的输入变量, 没有输出变量, 能够在极坐标系中画出所要求的多边形。
  - 6.10 下列等式给出了华氏温度(T_o)、摄氏温度(T_o)、开氏温度(T_o)和兰金温度(T_o)的换算表。

$$T_{\rm F} = T_{\rm R} - 459.67^{\circ} \text{R}$$

$$T_{\rm F} = \frac{9}{5} T_{\rm C} + 32^{\circ} \text{F}$$

 $T_R = \frac{\parallel}{5}T_K$ 

利用上冰温度关系生成一个温度掩管表。对这些表达式进行整理可以求解下面的问题。

- (a) 创建函数 F_to_K, 把华氏温度换算成开氏温度。调用函数生成华氏温度在0°F到200°F范 图内预润度换管水。
- 四对印度组织示析学校。 (b) 创建函数 C_to_R, 把摄氏温度换算成兰金温度。调用函数牛成摄氏温度在0°C 到100°C 范 附内的温度检算差。表的行数为 25,用 lansbace 创建输入矢载。
- (c) 创建函数 C₁C₁C₂C₂F. 把摄氏温度换算成件氏温度。选择合近的步长,调用函数牛成摄氏温度 在 0.5~到100°C 范围以的湖度地算去。
- (d) 把所有函数放住 my_temp_conversion 文件夹中,修改搜索路径,使 MATLAB 能查找到该文件夹(在个人计算机上完成本题)。
- 6.11 早在 400 年前人们就开始使用气压计测量大气压强。*(压计量早是由伽利略的学生托里拆利(1608—1647)发明的。*(压计液面的高度和大气压强成正比。即

$$P = \rho gh$$

其中,P 是压强, $\rho$  是气钻计液体密度,h 是液面高度。以水银气压计为例,液体密度为 13 560 kg/m²,地 珠老面重力加速度  $\rho$  为 9.8 m/s²。等式中只有一个变量即液面高度 h,单位为米。

(a) P. 知液而高度 h. 创建匿名函数 p. 计算大气压强。推导出的压强单位应该是

$$\frac{kg}{m^3}\frac{m}{e^2}m = \frac{kg}{m}\frac{1}{s^2} = Pa$$

- (b) 根据下面的换算公式,再创建 个匿名函数 Pa to_atm把 Pa(帕斯卡)换算成标准大气压:
- (c) 调用匿名函数, 计算水银液面高度为 0.5 m 到 1.0 m 时的大气压强。
- (d) 把创建的匿名函数保存为.mat 文件。

6.12 根据公式

$$E = mC_p\Delta T$$

可以计算出大气压强一定时,把水加热所需要的能量。其中:m=水的质量,单位克; $C_p=$ 水的比热,单位为 1 calg K;  $\Delta T=$  温度的变化量,单位为 K。

- (a) 创建匿名函数 heat, 以温度变化为输入参数,加热 l 克水所需的能量为输出参数。
- (b) 计算结果的热量单位为卡:

$$g \frac{\text{cal}}{g} \frac{1}{K} K = \text{cal}$$

在工程中常用焦耳作为能量的单位。创建匿名函数 cal to_J, 把计算结果换算成焦耳(1卡=4.2 焦耳)。

(c) 把创建的匿名函数保存为.mat 文件。

6.13 (a) 创建匿名函数 my_function, 计算下式:

$$-x^2-5x-3+e^x$$

- (b) 用函数 fplot 画出 x 在-5 到+5 之间的函数曲线。函数句柄可以作为函数 fplot 的输入参数。
- (c) 在此 x 范围内, 用函数 fminbnd 求函数的最小值。fminbnd 是复合函数, 其输入参数可以 是函数也可以是函数句柄。调用方法如下;

fminbnd(function_handle, xmin, xmax)

函数 fmnpnod f三个输入参数: 函数句柄、x的最小值和x的最大值。利用该函数求在x的最小值和最大值之间函数的极小值。

**6.14** 在题 6.7 中创建了函数 height 的 M 文件,用来计算火箭的飞行高度。飞行高度 h(t) 和时间 t 的关系式如下:

$$h(t) = \frac{9.8}{2}t^2 + 125t + 500, t \ge 0$$

- (a) 创建函数 height 的函数句柄 height_handle.
- (b) 以 height_handle 作为函数 fplot 的输入参数, 画出 0 到 60 秒内的函数曲线。

(c) 用函数 fareo 求火箭返回地面所用的时间(当火箭返回地面时, 函数 height 的值应该等于 0)。faero 足复合函数,可以用函数或函数句柄作为输入参数。调用方法如下;

fzero(function_handle, x_guess)

函数  $f_{zero}$  的两个输入参数分别是函数句柄和函数值接近 0 时 x 的估算值。读者可以根据 (b) 中的曲线洗择合理的 x cuess 值。

6.15 在题 6.10 中根据下面的公式创建了三个温度换复函数:

$$T_{F} = T_{R} - 459.67 \text{ °R}$$

$$T_{F} = \frac{9}{5}T_{C} + 32 \text{ °F}$$

$$T_{R} = \frac{9}{5}T_{K}$$

用嵌套子函数重复题 610 中的问题。主函数 temperature_conversions 中包含三个子函数:

F_to_K

C_to_R

C_to_F

主函数调用子函数完成下面的问题:

(a) 自建0°F到200°F的换算表,表中应该包含华氏温度和开氏温度两列。

(b) 创建0℃到100℃的換算表,表中包含 25 行,用函数 linspace 创建输入矢量。表中应该有摄压温度和兰金温度两列。

(c) 选择合适的步长,创建0°C到100°C的换算表。表中应该有摄氏温度和华氏温度两列。

注意,必须在命令窗口或脚本 M 文件中调用 主函数。

# 第7章 输入/输出控制

#### 学习目的

通讨阅读本章, 读者可以掌握加下内容。

- 用户切何在M文件中输入数据。
- 用函数 disn 显示输出结果。
- 用函数 fprintf 输出格式化数据。
- 利用图形提供程序输入。
- 利用元胸模式修改和运行 M 文件程序。

## 引言

到目前为止。本书介绍了两种 MATLAB 的使用方法。一种是在命令窗口中直接输入命令行,另一种是在编辑窗口中编写简单的脚本 M 文件。此时,编程人员本身就是用户。但对于较为复杂的MATLAB 程序来说,编程人员和用户很可能不是同一个人。为了避免实粹样似问题时就复编写代码。要求程序给用户提供输入和输出命令。MATLAB 提供了许多内置函数可以实现对程序的输入输出控制。例如、命令 lapt l f以中止程序,提示用户输入信息;命令 dasp 和 fprintf 可以把结果输出负命令窗口中去

## 7.1 自定义输入

z = input('Enter a value')

在命令爾口显示

Enter a value

用户输入

MATLAB 程序就会把数值 5 赋给变量 2。如果命令 input 没有用分号结束,那么屏幕上就会显示出 刚刚输入的数值。

2 =

使用同样的方法还可以输入一维或二维矩阵。但用户必须正确输入括号和分界符(逗号或分号)。 例如。

z = input('Enter values for z in brackets')

提示用户输入矩阵

[ 1, 2, 3; 4, 5, 6]

輸出

在脚本 M 文件中就可以使用输入的 z 值进行后续的计算。

关键概念, 函数 input 可以和用户建立联系。

利用 input 可以输入数据也可以是其他信息。命令

x = input('Enter your name in single quotes')

提示用户输入

'Rolly'

z =

由于命令 input 没有使用分号结束, 所以, MATLAB 输出

Holly

在工作区窗口中可以看到, x 是一个1×5 的字符型数组:

	Name	Value	Suze	Bytes	Class
-	abc x	'Holly'	lxó	6	char

如果输入信息是一个字符单(在 MATLAB 中字符串就是字符型数组),则必须加上单引号。还有一种方法就是在:nput 的第二个输入参数中限定输入为字符串;

x = input('Enter your name', 's')

此时仅需输入字符串

Ralph

Ralph

#### 练习 7.1

输出

1. 创建 M 文件计算三角形的面积 A.

$$A = \frac{1}{2}R_i \times \tilde{m}$$

提示用户输入三角形的底和高。

创建 M 文件计算正圆柱体的体积 V。

根示用户输入半径 r 和高 h。

3. 定义一个0到n的矢量,由用户输入n的值。

定义一个以 a 开始,以 b 结束的矢量,步长为 c。由用户输入所有的参数。

## 例 7.1 自由落体

物体在重力作用下做自由落体运动(见图 7.1)。

$$d = \frac{1}{2}gt^2$$

其中, d=自由下落的距离; g=重力加速度; t=下落的时间。



图 7.1 比萨斜塔(由 Tim Galligan 提供)

由用户输入重力加速度口的值和时间失量。

1 问题描述

计算物体自由下落的距离、并感出曲线。

2. 输入/输出描述

由用户输入重力加速度。的值。 输入

由用户输入下流的时间。

输出 下落距离.

画出下被距离和时间的苦系的线。

3. 车工分析

$$d = \frac{1}{2}gt^2$$
, 在月球上下落 100 s 的距离为  
 $d = \frac{1}{2} \times 1.6 \text{ m/s}^2 \times 100^2 \text{ s}^2$   
 $d = 8000 \text{ m}$ 

4. MATLAR 实现

%Example 7.1

%Free fall

clear, clc

%Request input from the user g = input('What is the value of acceleration due to

gravity?')

start = input('What starting time would you like? ') finish = input('What ending time would you like? ') incr = input('What time increments would you like

calculated? ')

time = start:incr:finish; %Calculate the distance

distance = 1/2*g*time.*2;

Aplot the results loglog(time, distance)

title('Distance Traveled in Free Fall')

xlabel('time, s'), ylabel('distance, m') %Find the maximum distance traveled

final distance = max(distance)

在命令窗口中的交互情况如下:

What is the value of acceleration due to gravity? 1.6

g =

1.6000 What starting time would you like? 0

start =

0 What ending time would you like? 100

finish =

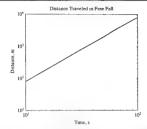
100

What time increments would you like calculated? 10 incr =

10

final distance = 8000

輸出加图 7.2 所示。



#### 5. 结果验证

用户直接输入手算时使用的数据,MATLAB输出 100 s 后物体下落的距离为 8000 m,此值与手算结果相同。

## 7.2 输出

在 MATLAB 中,显示矩阵内容的方法有很多种。最简单的方法是直接输入后面不加分号的矩阵 名,在命令窗口中显示矩阵名称,并在第二行显示矩阵的值。例如,先定义矩阵 x:

x = 1:5;

由于语句最后有分号,所以在命令窗口中不显示矩阵 x 的值。如果程序中需要显示 x 的值,则 直接输入矩阵名;

返问

3 4 5

此外,MATLAB 还提供函数 disp 和 fprintf 用于显示输出结果。

**关键概念:** 函数 disp 既可以显示字符型数组。也可以显示数值型数组。

## 7.2.1 显示函数

函数 disp 以单个数组为输入参数,不需输入矩阵名就可以显示矩阵的值。输入 disp(x)

返回

2 3 4 5

函数 disp 还可以显示字符串(文本内容要用单引号)。例如,

disp('The values in the x matrix are:');

返回

The values in the x matrix are:

当把一个字符串输入到函数 dasp 中去的时候,实际上输入的是一个字符数组。输入下面的命令行:

'The values in the x matrix are:'

# MATLAB 输出

'The values in the x matrix are:'

在工作区中可以看到变量 ans 是一个 1 x 32 的字符型数组。

Name	Size	Bytes	Class
abc ans	1×32	90	char array

字符型数组、存储字符信息的数组。

字符型數组与數值型數组类似,它可以存储字符信息。字母、數字、标点甚至一些无法显示的符号都可以当成字符。包括空格在内,每个字符都是數組中的一个元素。

执行下面两个显示函数:

disp('The values in the x matrix are:');

返回

The values in the x matrix are:

**关键概念**:字符可以是字母、数字和符号。

每个显示函数的显示内容都单独使用一行。使用函数 num2str(数值到字符)可以把两次输出的 内容合并成一个矩阵,这个过程移为级联。输入

disp(['The values in the x array are: ' num2str(x)])

输出

The values in the x array are: 1 2 3 4 5

函數 num2str 可以把數值型數据转換成字符型數据。在这个例子中,先用函數 num2str 把矩阵 x 转換成字符型數组。然后再和第一个字符串(方括号中的內容)合并成一个大的字符型數组。輸入

A = ('The values in the x array are: ' num2str(x))

输出

. .

The values in the x array are: 1 2 3 4 5

在工作区中可以看到,变量 A 是一个  $1 \times 45$  的矩阵,矩阵的类型是字符型而不是數值型。这一点可以从变量 A 前面的图标和类型列中看出来。

Name	Suze	Bytes	Class
ahc A	1×45	90	cher stray

捷 示

如果在字符率的包含:15 则要输入两个cc.、个U、MATLAB 会把单引号看成是字符串的结束标志。使用注句的字符单如下。

disp('The moon"s gravity is 1/6th that of the earth')

利用函数 input 和 disp 模仿对话过程。创建并运行下面的 M 文件:

```
disp('Ni There');
disp('Pis your NATTAB program');
name = input('No are you?','s');
disp('Pis', 'name');
answer = input('Non't you just love computers?', 's');
disp('computers are very useful');
disp('computers are very useful');
disp('fout')! use them a lot in college!!');
disp('Good luck with your studies')
pause(2);
```

程序交互过程中用到了函数 pause. 如果函数 pause 没有输入参数,那么程序会中止运行,直到 按任何键继续。如果 pause 有输入参数,则程序会根据输入参数暂停数转后继续执行。

#### 7.2.2 格式化输出——函数 fprintf

disp('Bye bye')

函数 fprintf 的輸出格式比函数 disp 有更严格的要求。除了能显示文本信息和数据矩阵外, 函数 fprintf 还可以再读数据的显示格式。该函数的功能与C语言中的 fprintf 类似、熟悉C语言 的用户对这个函数可能会比较熟悉。事实上 MATLAB 本身就是基于C语言的。最早 MATLAB 是用 FORTRAN 贴台编写。但后来要用C语言诗样了代写。

函数 fot intf 一般有字符串和矩阵列表两个输入参数,

```
fprintf(format-string, var,...)
考虑下面的程序代码:
cows = 5:
```

fprints('fhere are hg cows in the pasture', cows)
在上述代码中,需数 tprintf 的第一个参数包含一个占位符('a)。占位符不但指定了输出的格式。 还参明了变量的出价化管。我胖代码中的60f 表明用定点数据无显示变量 cows 的值。默认的格式为

There are 5,000000 cows in the pasture

除了默认的定点数格点外,还可以采用指数格式@e、字符格式(@c)和字符申格式(@a),还可以 在ef 和e 格式中自动选取较短的格式输出(@g)。其中最常用的是十进制格式(@d)。因为通常人们更 习惯于用癖数形式形式被形式

```
fprintf('There are %d cows in the pasture ', cows)
There are 5 cows in the pasture
```

表 7.1 中列出了函数 forint f 所支持的输出格式和相关函数 sprint f。

表 7.1 类型域的格式

类	型	順	館 県
	%£		定点格式
	ŧe.		指數格式
	%d		十进制格式——若显示的数值是整张,则不包括尾部的零;若显示的数值是小数,则以指数形式显
	\$g		以tf 或te中的最繁瘦形式显示
	80		字符格式(每次显示一个字符)
	8s		字符串格式(显示完整的字符串)

其他类型域参见帮助文件。

小数占后显示 6 位数、输出为

关键概念。成数 for int f 可以控制数据的显示格式。

MATLAB 在执行完函数 fprint f 后不会自动重起 行。前述的命令行执行完后,在命令窗口中命令提示符紧跟在函数输出字符串的后面,并没有另起一行:

There are 5.000000 cows in the pasture >>

若再次执行其他命令,则两次的输出结果会在同一行中显示出来。例如,输入新的程序代码

cows = 6;
fprintf('There are %f cows in the pasture', cows);

前两次的输出字符串会在同一行中显示

There are 5.000000 cows in the pasture There are 6.000000 cows in the pasture

如果需要分行显示,则在字符串后使用\n 进行换行。输入程序代码

R 需要分付並示。则在予付申后使用\n 进行委行。 糖八粒分气 cows = 5:

fprintf('There are %f cows in the pasture \n', cows)

cows = 6; fprintf('There are %f cows in the pasture \n'. cows)

返回

There are 5.000000 cows in the pasture There are 6.000000 cows in the pasture

关键概念: 使用函数 fprintf 可以在同一行中显示字符和数字信息。

### 提 示

泛針柱 () 和斜柱() 是不同的子/ 两名中元岑易流绪 如果输入错点。就不能正确换行而基轴出

There are 5.000000 cows in the pasture /n

在表 7.2 中列出 「 MATLAB 的几种特殊格式命令。其中表格 命令(\t) 用于在任意一行绘制表格。

使用可选项 width field 和 presicion field 可以控制数据 输出宽度和制度。width field 必须止的十进制整数,用于控制 字符显示的最小宽度。precision field 必须以点(.)开始,用于 确定指数或定点数中小数点后的数字心数。例如。88.2 程、现明字符 显示的最小度性是8位,小数点后有两位数字。因此,程字代码

表72 结础格式会会

.,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	7477774
格式命令	功能
\n	换行
\z	回车(和换行类似)
\t	表格
\b	退終

voltage = 3.5; fprintf('The voltage is %8.2f millivoits \n',voltage);

#### 的输出结果是

The voltage is 3.50 millivolts

注意,輸出结果中3.50前面有几位空格。这是因为显示宽度最少是八位,其中两位在小数点后, 那么小数点前最少应该有六位。

在使用函数 fprintf 时,输出变量通常是矩阵,例如,

x = 1:5;

MATLAB 会对矩阵中所有的值重复执行 fprintf 命令:

fprintf('%8.2f \n',x);

返回

1.00

2.00

3.00

4.00

如果变量是二维矩阵,那么 MATLAB 会核列重复执行 fprintf 命令。先输出第一列,然后是第二列、依此举样。例如。

feet = 1:3:

inches = feet.*12;

把上面两个矩阵合并成一个矩阵:

table = [feet;inches]

返回

table =

为了便于理解,用函数 fprintf 创建一个输出表格,输入

fprintf('%4.0f %7.2f \n',table)

在命令窗口显示出以下结果:

1 12.00

2 24.00

3 36.00

从表面上看两次的输出结果好像并不相同。但实际上, fprintf 语句按列输出数组 table 中的两个数值, fprintf 输出的前两个数值是数组 table 中的第一列数据。

函数 fprintf 的第二个输入参数还可以是多个矩阵。MATLAB 按照顺序格式化输出所有矩阵中的每个数值。下述语句分别输出矩阵 feet 和 inches 的内容:

fprintf('%4.0f %7.2f \n'. feet, inches)

1 2.00

24 36.00

函数 fprintf 首先输出矩阵 feet 中的数值,然后再输出 inches 中的数值,但输出结果和预想的 有所不同。因此,一般情况下,需要先把两个矩阵合并在一起,然后再用函数 fprintf 輸出。

函数 for int f 可以严格控制输出数据的格式。因此使用时一定要谨慎。

除了可以在命令窗口中输出格式化数据外,函数 fprintf 还可以把数据输出到文件中。首先创建输出文件,然后用函数 fopen 打开该文件,同时给打开的文件分配一个文件标识符(即文件的别名);

```
file id = fopen('my_output_file.txt', 'wt');
```

其中,函数 fopen 的第一个输入参数是要打开的文件名。第二个输入参数是字符串"wt",表示要对 文件进行写操作。如果能够正确打开这个输出文件,并且已经给该文件分配了文件标识符,就可以把 这个文件标识符作为函数 fprintf 的第一个输入参数按照指定格式把数据写入到文件中。

 $\label{eq:fine_printf} \texttt{fprintf}(\texttt{file id, 'Some example output is $4.2f \n', pi*1000})$ 

这种函数格式将下列字符串写入文件 my_output_file.txt 中:

Some example output is 3141.59

并在命令窗口中返回写入数据的字节数:

32

32

## 提示

在使用函数 · 。 即,初学老学和色谱《这些记在古台写》、输入域类型标。 如 。 这样 函数将不全 《工作、工作工工会》 "一点。 考虑数 。 还与中心之气,行力。 未来发输入两流。 未基第一个自分与为上位符 例

如, 输入

fprintf('The interest rate is 5.2f .- n', 5)

输引

The interest rate is 5 on

## 例 7.2 自由落体:格式输出

把前面例 7.1 的计算结果用表格的形式输出,利用函数 disp 和 fprintf 控制输出格式。

- 1. 问题描述
  - **成自由落体的下落距离**
- 2. 输入/输出描述

1入 重力加速度、由用户输入。

时间 5、由用户输入

输出 在各个行星和月球上的下落距离。

3. 手工分析

$$d = \frac{1}{2}gt^2$$
, 在月球上下落 100 s 的距离为  $d = \frac{1}{2} \times 1.6 \text{ m/s}^2 \times 100^2 \text{ s}^2$  = 8000 m

4. MATLAB 实现.

%Example 7.2

%Free Fall

clear, clc

%Request input from the user
g = input('What is the value of acceleration due to

gravity? ')
start = input('What starting time would you like? ')

start = input('What starting time would you like? '
finish = input('What ending time would you like? ')

incr = input('What time increments would you like

calculated? ')
time = start:incr:finish;

time = start:incr:finish %Calculate the distance

distance = 1/2*g*time.^2;

%Create a matrix of the output data

table = [time;distance];

%Send the output to the command window

fprintf('For an acceleration due to gravity of %5.1f

```
MATTAB 实用教程(第二版)
     seconds \n the following data were calculated \n'. g)
   disp('Distance Traveled in Free Fall')
   disp('time, s distance, m')
   fnrintf('%8.0f %10.2f\n',table)
该 M 文件在 MATLAB 窗口中产生如下的互动过程:
   What is the value of acceleration due to gravity? 1.6
   a 5
     1.6000
   What starting time would you like? 0
    start =
     n
    What ending time would you like? 100
    finish =
      100
    What time increments would you like calculated? 10
      10
    For an acceleration due to gravity of 1.6 seconds
     the following data were calculated
                   and in From Poll
    Di
    ti
```

istance	Traveled	in	Fre
ime, s	distanc	e,	270
0	0.	00	
10	80.	00	
20	320.	00	
30	720.	00	
40	1280.	00	
50	2000	.00	
60	2880	.00	
70	3920	.00	
80	5120	.00	
90	6480	.00	
100	8000	.00	

#### 5 结果验证

对比 MATLAB 和丰算的计算结果,明显看出,时间为 100 s 的下落距离是 8000 m。输入其他行星的重力加速度,与例 7.1 中的输出曲线微比较。

#### 练习 7.2

在 M 文件中:

- 1. 用函數 disp 创建一个英寸到英尺的换算表。
- 2. 用函数 disp 给换算表加上表头。
- 3. 创建矢量 inches, 范围从 0 到 120, 步长为 10。

把英寸换算成英尺, 存入矢量 feet 中。

将矢量 inches 与矢量 feet 合并成矩阵 table。

用函数 fprintf 把表格输出到命令窗口中去。

## 7.2.3 格式化输出——函数 sprintf

函数 sprintf和fprintf功能类似,不同之处在于,函数 sprintf是首先格式化输出到字符串, 核后再返回到命令窗口中去。而函数 fprintf是格式化到文件。 a = sprintf('Some example output is %4.2f \n', pi*1000)

Some example output is 3141.59

在例 7.3 中,函数 sprint f 用于指定文本框的内容,对输出图形进行注释。

关键概念: 函数 sprintf 与函数 fprintf 相似,用来对图形进行注释。

## 例 7.3 抛物运动: 图形的注释

如前所述,加农炮发射出的炮弹满足下面的运动方程;

$$R(\theta) = \frac{v^2}{g} \sin(2\theta)$$

其中,R(θ)为制程,单位为 m; ν 为炮弹的初始速度、单位为 m/s; θ 为发射角; g 为重力加速度、 其值为9.9 m/s²。

以发射角为x坐标、射程为y坐标、画出射程和发射角的关系曲线。在图中用文本框标出最大射程。 1. 问题描述

西出射程和发射角的关系曲线

在图中标出最大射程。

2. 輸入/輸出描述

输入 重力加速度, g=9.9 m/s2,

发射角。

炮弹的初始速度、100 m/s.

输出 对最大射程进行标注的图形。

3. 手工分析

由物理学原理可知,当发射角为 45°时,射程最大。把读数值代入运动方程,得到

$$R(45^{\circ}) = \frac{100^{2} \,\mathrm{m}^{2} / \mathrm{s}^{2}}{9.9 \,\mathrm{m/s}^{2}} \sin(2*45^{\circ})$$

由于发射角的单位是角度,所以需要将计算器的正弦函数輸入切換到角度单位,或者把角度换 算成弧度(zv4)再进行计算,得到

$$R(45^{\circ}) = 1010 \text{ m}$$

#### 4. MATLAR 本现

% Example 7.5

% Find the maximum projectile range for a given set of conditions

% Create an annotated graph of the results

% Define the input parameters

g=9.9; %Acceleration due to gravity velocity = 100; %Initial velocity, m/s^2 theta = [0:5:90] %Launch angle in degrees

% Calculate the range

range = velocity^2/g*sind(2*theta);
% Calculate the maximum range

```
maximum = max(range);
% Create the input for the textbox
text input-sprintf('The maximum range was %4.0f
meters \n', maximum);
% Plot the results
plot(theta,range)
title('Range of a Projectile')
%label('Angle, degrees')
```

ylabel('Range, meters')
text(10.maximum.text input)

程序中有几点需要注意:第一,函数 sind 允许输入的单位为角度, 计算较方便。第二, 文本框 总是在横坐标 x 等于 10 度的住置开始、纵坐标的住置可以随最大射程的变化进行调整。该 M 文件的 验业知用 7.3 中 左侧由线所示。

#### 5. 验证结果

把 MATLAB 的计算结果和手算结果进行比较、文本框中标注的最大射程是 1010 m, 此值与手算结果相同。若把程序中的初始速度改为 110 m/s, 则输出加图 7.3 中的右侧曲线所示。

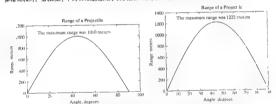


图 7.3 函数 aprintf 控制文本框的输出格式,文本框的内容由程序输入决定

## 7.3 图形输入

$$[x,y] = ginput(n)$$

中,MATLAB 要求用户在图形窗口中任选 n 个点。若不输入 n 的值,

MATLAB会获取按回车键时所对应的点的坐标。

命令 ginput 一般用于在图形中选取数据点。考虑图 7.4。

通过定义x在5到30之间创建图形,计算y值:

x ≈ 5:30;

 $y = x.^2 - 40.*x + 400;$ plot(x,y)

axis([5,30,-50,250])

为了使结果变得比较明显,需要对坐标值进行标注。输入

[a,b] = ginput

执行函数 ganput 后,在图中出现 个滑动的十字准线,如图 7.4 所示。用户移动敲标在图形中定位 所需要的点,单击敲标右键,然后回车。该点的 x 和 y 坐标值就会输入到程序中。

24.4412 b = 19.7368



图 7.4 函数 ginput 用于提取图形中的数据点

## 7.4 在 M 文件中使用元胞模式

走施模式是 MATLAB 7 中新增的一项功能: 即用户可以把 M 文件分成若千个部分,这些部分 称为无能(cell),每一次仅有一个元融被执行,这种功能对 MATLAB 程序开发非常有用。 / 沧粮模式 也允许用户以不同的格式创建程告。 是示理中结果。

为了激活元胞模式, 在编辑窗口的菜单中选择

Cell → Enable Cell Mode

如图 7.5 所示。一旦成功选择了元胞模式,则出现元胞工具栏,如图 7.6 所示。



图 7.5 从编辑窗口的菜单栏可以进入元胞模式



图 7.6 使用元融工具栏可以按元融分步执行,注意工具栏下面对廊簿示的鲜棒

关键概念: 元胞模式是 MATLAB 7 的新增功能。

在 M 文件程序中连续输入两个百分号和一个空格就可以把凝程序分成若干个元胞。在空格后添加名款元融分隔符:

%% Cell Name

在双百分号(%%) 后必须加入空格,否则会被 MATLAB 误认为是注释行。

划分好元晚后,将鼠标滑到某一个元胞上,相应的元胞就会变成減黄色。在图 7.6 中,前一行是 M 文件中的第一个元胞。 单山计贯 (evaluation) 图标,用户可以对元胞进行单组运行,当前元胞或者 下一个元胞。甚至对整个文件予以执行,如图 7.7 所示。 表 7.3 列出了元胞工具栏中的所有图标。以 及相应的五种。



图 7.7 图标 Show Cell Titles 列出了 M 文件中的所有元胞

图 7.7 给出了一个 M 文件的前 14 行,它是前面某章练习的程序代码。把程序代码划分成多个元 胞,每一个元舰只完成一个问题的求解。在元融模式下, MATLAB 不会将每一次计算自动存盘。 因此要注意用 Save 成 Save As 随时保存 M 文件:

File → Save

並

File → Save As

关键概念: 元脑模式可以允许依次执行代码段。

CELL: 两个元顺分隔符(%%) 之间的程序代码。

把规序划分成元胞,有助于对程序进行调试。用户每利用 次功能 evaluate cell and advance 可以 产成 个计算过程。更重要的是,元胞模式可以把大型程序分割成若干个可管理的小部分并独立运行 这些部分。

关键概念: 使用元脑模式可以生成 HTML、Word 或 PowerPoint 格式的报告。

用户使用元服工具栏可以将 M 文件的程序发布到 HTML 格式的文件中去。MATLAB 运行程序后会自动生成一个报告,报告的内容主要包括每个元脑的程序代码、命令窗口的计算结果以及输出的图

形。报告中的第一部分是图 7.7 中 M 文件中的部分内容,如图 7.8 所示。如果用户需要输出 Word、PowerPoint 等其他格式的文件, 则按菜单中的选项

File→Publish To

	表 7.3	元胞工具柜	
ì		计算当前元脑	

惱	计算当前元脑
48	退个对心胞进行计算
481	计算整个文件
200	显小元胞标题
32	存储并发布到 HTML
塘	演不能接



图 7 8 利用 Publish to HTML 功能生成的 HTML 报告

近龍 [具栏包括 = w数值控制 I.具,如图 79 所示。离光标记置最近的数字可以按照 I.具栏中显示的数据进行修改。选择图标 (- + − ×) 可以改变数值的大小,将此功能与I.具 evaluate cell 配合使用可以方便地进行電影计算、灵活调整金量值。



图 7.9 数值控制工具方便用户进行重复计算

### 例 7.4 交互调整参数

根据能量守恒定理,1摩尔空气样本由状态1变为状态2的热焓变化量为8900 kJ。为了计算气体样本的最终温度,需要利用热焓变化量和温度的关系式,如下;

$$\Delta h = \int_{1}^{2} C_{p} dT$$

其中,

$$C_p = a + bT + cT^2 + dT^3$$

此式非常复杂,很难直接求出气体样本的温度。对上式进行积分运算,得

$$\Delta h = a(T_2 - T_1) + \frac{b}{2}(T_2^2 - T_1^2) + \frac{c}{2}(T_2^3 - T_1^3) + \frac{d}{4}(T_2^4 - T_1^4)$$

若已知起始温度 $(T_c)$ 和拳数a,b,c,d的值,则可以推算气体料本的最终温度 $(T_2)$ ,最终得到正确的 $\Delta h$ 值。元胞模式中的参数值交互修改能力可以使该问题的求解变得非常简单。

1. 问题描述

已知起始温度和热焓的变化量、计算气体样本的最终温度。

2. 輸入/輸出描述

$$b = 0.1967 \times 10^{-2}$$

$$c = 0.4802 \times 10^{-5}$$

$$d = -1.966 \times 10^{-9}$$

$$\Delta h = 8900 \text{ kJ}$$

T = 300 K

输出 针对气体的每一个最终温度,估算 Δh 值,并将结果在屏幕上输出。

3. 手工分析

若假设最终温度为 400 K, 則

$$\Delta h = a(T_2 - T_1) + \frac{b}{2}(T_2^2 - T_1^2) + \frac{c}{3}(T_2^3 - T_1^3) + \frac{d}{4}(T_2^4 - T_1^4)$$

$$=28.90\times(400-300)+\frac{-1.966\cdot10^{-2}}{2}\times(400^{2}-300^{2})+\frac{0.4802\cdot10^{-3}}{3}\times(400^{3}-300^{3})+\dots+\frac{-1.966\cdot10^{-9}}{4}\times(400^{4}-300^{4})$$

$$=3009\cdot47$$

#### 4. MATTAR 全理.

```
%% Example 7.3
% Interactively Adjusting Parameters
clear, clc
a = 28.90;
b = 0.1967e=2:
c = 0.4802e-5:
d = -1.966e-9:
T1 = 300
%% guess T2 and adjust
T2 = 400
format bank
delta h = a*(T2-T1) + b*(T2.^2 - T1.^2)/2 + c*(T2.^3-
T1.^3)/3 + d*(T2.^4-T1.^4)/4
```

运行一次程序、输出

如图 7 10 所示、光标的当前位置在语句 T2 = 400 附近、在本例中、编辑窗口置于 MATLAB 主 界面之上, 选择 Increment Value 图标, 设定敷值为 100, 可以迅速尝试不同的温度值(见图 7.11)。 当执给信格近 8900 时。把增量设置为 0.



图 7.10 由原始估计值可知计算过程离最终结果还有多远

当 T, 的值等于 592 K 时, Ah 等于 8927, 这与题目要求最为接近。重新调整步长, 可以得到更 精确的结果。

#### 5. 结果验证

将计算值代入原等式To,利用计算器检验计算结果·

$$\Delta h = 28.90 \times (592 - 300) + \frac{0.1967 \cdot 10^{-2}}{2} \times (592^{2} - 300^{2}) + \frac{0.480 \cdot 2 \cdot 10^{-5}}{3} \times (592^{3} - 300^{3}) + \frac{-1.966 \cdot 10^{-9}}{4} \times (592^{4} - 300^{4}) = 8.927.46$$



图 7.11 通过在元胞模式工具栏中选择 [acrement/Decrement 图标设置合适的步长来调整距离光标最近的数值

## 7.5 从文件中读写数据

由于數据产生和应用的环境不同,因此數据的存储格式有很多种。例如,音频信号的存储格式 为,wav 文件,閱像信息的存储格式为jipg 文件、数据的存储格式为 Excel 文件(xds 文件)。最常用的 文件格式及 ASCII 码文件, 般存储在 dal 或,tat 文件中。用户有时需要把数据导入 MATLAB 进行 分析和处理。有时则需要把数据从 MATLAB 中导出。

## 7.5.1 数据的导入

#### 输入向导

在当前路径中双击数据文件名,就会弹出 Import Wizard,称其为输入向导。Import Wizard 可以 確定文件的数据类型,并给出 MATLAB 中表示这些数据类型的力法建议,表 7.4 列出了 MATLAB 所文持的数据类型。在命令窗口输入

doc fileformats

可以查询到 MATLAB 支持的所有数据类型。

Import Wizard 可以用于输入简单的 ASCII 文件和 Excel 文件。在命令窗口输入函数 utimport 也 可以辨出 Import Wizard。函数 utimport 的语法结构为

uiimport(' filename.extension ')

例如, 若导入音频文件 decision.wav, 则输入

uiimport(' decision way ')

Import Wizard 的对话框构被打开,如图 7.12 所示。Import Wizard 是一种交互式的输入方式。如果从 MATLAB 程序中导出数据文件,则需要采用其他方法。

 	支持的数据文件类型

文件类型	扩展名	善 注
本	Jam.	MATLAB 工作区文件格式
	.dat	ASCII 妈撒据文件格式
	.txt	ASCII 砂敷据文件格式
	£SV.	以道号分隔的 ASCII 码数据值文件格式
其他数据格式	.odf	-般敷据文件格式
	fits.	可灵活传输图像系统数据文件格式
	.hdf	层次化数据文件格式
也子表格數据	xls	Excel 电子表格文作格式
	wkl	123 文件格式
<b>日像收损</b>	tdff	标签图像文件格式
	.bmp	位图图像文件格式
	.jpeg iiR .jpg	图片压缩编码标准格式
	.gif	图形交换文件格式
<b>许频数据</b>	.886	音频文件格式
	Wav	音频文件格式
视频	arvi.	音频/视频交错文件格式



图 7.12 执行命令 uiimport 后弹出的 Import Wizard 窗口

#### **异入教振使用的命令**

用户如果不愿意使用 Import Wizard, 那么可以输入命令直接读取数据文件。例如,输入函数 wateread 可以读取war 文件:

[data,fs] = wavread('decision.wav')

很明显,使用这种方法必须知道数据类型,以便对创建的变量进行恰当的命名。输入

doc fileformats

可以查询 MATLAB 所支持的数据文件类型。

#### 例 7.5 音频文件: 2001: 太空湯游

在电影《2001:太空漫游》中最吸引人的角色英过于电脑 Hal.人们对电影中 Hal 的声音也是耳 熟能详,从 http://www.palantr.net/2001/上或在其他网站上下载 Hal 的音頻文件。用 MATLAB 程序播 放 Hal 的声音(程序中需要用到函数 sound、通过 help 查询该函数的用法)。

1. 问题描述

把音频文件导入 MATLAB 并正确播放该文件。

2. 输入/输出描述

输入 从网上下载的音频文件。假设已下载以下三个文件: dave way

error way

error.way

输出 用 MATLAR 基放音频文件

3. 平工分析

此例题不适合手算、但读者可以先在照上诸听

4. MATI AR 主即

下戴音频文件并保存在当前路径中,运行下面的程序代码:

%% Example 7.4 % Sound Files %% First Clip

[dave, fs_dave] = wavread('dave.wav');

disp('Hit Enter once the sound clip is finished playing')
sound(dave,fs_dave)

sound(dave, fs_dave)
pause

%% Second Clip

[error,fs error] = wavread('error.wav');

disp('Bit Enter once the sound clip is finished playing')
sound(error,fs_error)

pause

%% Third Clip

[sure,fs_sure] = wavread('sure.wav'); disp('Hit Enter once the sound clip is finished playing')

sound(sure, fs_sure)

pause disp('That was the last clip')

## 5. 验证结果

读者可以从网上下载各种各样的音乐,例如《星际旅行》(从 http://services.tos.net/sounds/ sound.html#tos 下载)或《辛普森一家》中的乐曲,并把这些乐曲加到所设计的 MATLAB 程序中。

## 7.5.2 数据的导出

读者可以使用 help 查询读取数据文件的函数, 在读取数据文件的帮助信息后面还会有相应 write 函数的帮助链接。例如,读取 Excel 文件中的数据,使用函数 xlsread。其语法结构为

xlsread('filename.xls')

在帮助页面的最后、给读者提供了把数据写入 Excel 文件的函数。函数的语法结构为

xlswrite('filename.xls', M)

其中, M是需要保存在 Excel 文件中的数组。

#### 本章小结

用户利用 MATLAB 函数可以采用交互的方式把数据输入到 M 文件中,也可以对在命令窗口中输出的结果进行控制。

函数 input 会中止程序的运行,并在命令窗口提示用户输入数据。一旦数据输入完毕,单击回 车键,程序会继续运行。

在实际应用中常需要采用图形化输入,用户可以用命令 ginput 选择图形上的数据点作为程序的 输入参数。

元胞模式可以把 M 文件代码分成若干个小部分, 并单独进行输送和调试。使用工具 publish to H 可以生成程序的计算报告。报告中主要包括 M 文件源代码、输出结果和图形。元施工具栏中 的加减图标可以自动调节输入参数的大小、便于对程序进行调试。

MATLAB 提供了大量內置函数方便用户从其他數据文件中导入或导出數据。在帮助信息中可以看到 MATLAB 支持的所有文件格式。使用函数 forint 使可以从文本文件中导出数据。

## MATLAB 小结

下面列出了本意介绍的 MATLAB 特殊字符、命令和函数。

特殊字符	12 19		
	字符串的开始和结束标志		
8	命令 fprintf 中的占位符		
9.5	以十进制定点數格式輸出		
te .	以指數格式輸出		
%g	以定点數或指數格式中量緊凍的格式輸出		
Rs.	輸出字符串		
85	元胞分隔符		
\n	换行		
\r	回车(和换打类似)		
\t:	以表格形式輸出		
\b	退格		
命令和函數	键 啊		
disp	在命令窗口中显示字符串或矩阵		
fprint	在命令窗口或文件中输出格式化敷据		
ginput	从图形中获取数据点坐标		
input	提示用户输入		
num2str	把數字转換成字符串		
pause	智停程序		
sound	權放音頻數据		
sprintf	与 fprint f 类似。把格式化数据存入字符型数组		
uiimport	弹出输入向导 Import Wizard		

				(续表)
命令和函數		说	mi .	
wavread	从声音文件(.wav)中读取數据			
xlsimport	导入 Excel 数据文件			
xlawrite	把數据导出到 Excel 文件中			

### 习题

- 7.1 创建 M 文件, 计信 sin(x), 提示用户输入 x 的数值。
- 72 創建 M 立件、掲示国户输入下面的矩阵、用面数 may 计算矩阵中的最大值。

7.3 根据下面的公式计算圆锥体的体积:

$$V = \frac{1}{3} \times$$
底面积×高

山田户输入周维体的底面积和高(原图 P7.3 圆锥体体积)。

7.4 程序"Hello World"的主要功能是把字符串"Hello World"输 出到计算机屏幕上。使用函数 disp 编写该程序,并存入 M 文件。



图 P7.3 圆锥的体积

7.5 编写程序,用两个单独的 input 语句分别提示输入用户的姓和名,并用函数 disp 把姓和 幺在同一行显示出来(要求把姓名和空格存储到同一数组中)。

7.6 编写程序,提示用户输入年龄,并用函数 disp 把输入的年龄回显到命令窗口。例如,用户 输入年龄为5,则应输出

Your age is 5

用函数 disp 同时显示字符串和数字,程序中需要用函数 num2str 把数字转换成字符串。

7.7 编写程序,根示用户输入数组、用函数 length 计算输入数据的个数,并用 disp 把数据输 出到命令窗口。

7.8 重复题 7.7, 用 forint f 输出结果。

7.9 用 forint f 输出一个 1 到 13 乘以 6 的乘法表。输出的结果应该与下列形式类似:

- 1 times 6 is 6
- 2 times 6 is 12
- 3 times 6 is 18

7.10 在计算器发明(约 1974 年)之前,人们需要用数学用表来计算正弦、余弦和对数值。创建 正弦值数学用表的步骤如下:

- 创建角度矢量,范围在0到2π之间,步长为π/10。
- 计算正弦值,用角度和计算出来的正弦值创建表格。
- 分別用两个 dian 语句给表格加上标题和表头。
- 用 fprantf 显示数据,要求小数点后有两位数字。

7.11 原子的数量级是埃。1 埃等于 10-10米, 用符号 A 表示。创建一个英寸到埃的换算表, 把 1 英寸到 10 英寸換算成埃:

用 disp 给表格添加标题和表头。

- 用 fprintf 显示数字信息。
- 由于用埃表示数据很长,因此用科学记数法表示输出结果,用 3 位有效数字表示,其中小数 点之前有 1 位数字,小数点之后有 2 位数字。

7.12 使用搜索引擎政浏览器搜索英镑、日元和欧元对美元的汇率,并把输出结果绘制成表。要 求用 disp 在表格中添加标题和表头,用 fprintt 输出格式化数据。

- (a) 创建日元和美元的汇率表、表中共有25行,从5日元开始,步长为5日元。
- (b) 创建欧元和美元的汇率表, 表中共有30行, 从1欧元开始,步长为2欧元。
- (c) 创建数据表格,表中有 4 列,第一列是美元,第一列是欧元,第三列是英镑,最后一列是日元,计算与 1 到 10 毫元等价的其他货币值。
- 7.13 创建温度换算表。下列等式描述了华氏温度 $(T_e)$ 、摄氏温度 $(T_c)$ 、开氏温度 $(T_k)$ 和兰金温度 $(T_c)$ 之间的典集关系:

$$T_{\rm F} = T_{\rm R} - 459.67 \, ^{\circ}{\rm R}$$

$$T_{\rm F} = \frac{9}{5} T_{\rm C} + 32 \, ^{\circ}{\rm F}$$

$$T_{\rm R} = \frac{9}{7} T_{\rm K}$$

根据表达式解答以下问题:

- (a) 包建数据表,把 0°F 到 200°F 的华氏温度换算成开氏温度。由用户输入华氏温度的步长,
- 用 disp 和 fprintf给表格添加标题和表头并输出格式化数据。 (b) 创建一个有 25 行数据的表,把据代温度装算成立金温度。由用户输入起始温度和合适的步 长,用 disp 和 fprintl(给金格添加标题和表头并输出格式代数据。
- (c) 创建数据表,把摄氏温度换算成华氏温度。由用户输入起始温度、步长和数据的行数。用 disp 和 forint 给杂格密加标题和表头并输出格式化数据。
- 7.14 在.1.程中可能会同时使用类式单位和国际单位 SI。有的时候只使用其中之一。但大部分会同时使用两种单位体制。例如,在蒸气动力设备中燃料燃烧的能量物入率用 Buth 表示。但由该设备产生的电能用 Jis (机等)表示。汽车发动机。般用马力或(n lb/s)表示。下面的等式描述了这几个功率单位/对始模等差系。

- (a) 创建千瓦(kW) 到马力(hp)的换算表格。数据范围在 0 kW 到 15 kW 之间,用 input 提示用户输入数据的步长,用 disp 和 fprintf 给表格添加标题和表头,并输出格式化数据。
- (b) 创建 ft lbf/s 到 Btu/n 的換算表格。表格中以 0 ft lbf/s 开始,由用户输入步长和表格中最后一个数据的值、用 disp 和 fprintf 给表格添加标题和表头,并输出格式代数据。
- (c) 创建 kW 到 Btu/h、hp 和 fi lb/ls 的換算表格,提示用戶輸入表格中的第一个數据、最后一个數報和步长。用 disp 和 f print f 给表格添加标题和表头,并输出格式化数据。
- 7.15 在 f=0 时刻,火箭的发动机关闭,此时火箭的海拔高度为 500 m,提升速度为 125 m/s。 考虑 電力加速度,火箭的高度是时间的函数:

$$h(t) = -\frac{9.8}{2}t^2 + 125t + 500, t > 0$$

计算时间在 0 到 30 秒内火箭的高度,并画出曲线:

- 用函数 ginput 估算火箭的最大高度和火箭返回地面的时间。
- 用 disp 把结果在命令窗口显示出来。

7.16 完成下面的问题, 用 ginput 在图形上截取数据:

- 会制 个圆形并定义角度数组、范围在 0 到 2x 之间、步长为 x/100。
- 用 ginput 在圆周上截取两个点。
- 用 hold on 保持图形, 用直线连接刚刚截取的两个点。
- 用公股定理计算两点间距离。

7.17 近年来汽油价格不断上涨、各汽车公司纷纷开发混合动力汽车。对比购买丰田佳美的混合动力汽车和普遍汽车哪个更省钱。混合动力汽车价格比较昂贵。但驾驶里程更长、表 P7.17 列出了汽车价格 私的验验检查。

表 P17.7 普通汽车和混合动力汽车的比较

年 份	전 축	报价	燃油效率(乡间公路/高速公路)
2008	Toyota Carnry	\$18 720	21/31 mpg
2008	Toyota Camry Hybrid	\$23 350	33/34 mpg
2008	Toyota Highlander 4WD	\$28 750	17/23 mpg
2008 Toyota Highlander 4WD Hybrid		\$33 700	27/25 ropg
2008 Ford Excape 2WD		\$19 140	24/28 copg
2008 Ford Escape 2WD Hybrid		\$26 495	34/30 mpg

可以通过下面的方法对两种汽车的花销进行比较:

总花销 = 购买成本 + 维修费用 + 燃油费用

假设两种汽车的维修费用相间,为了方便起见将维修费用视为 0。

- (a) 在未来几年中,汽油的价格费用大概是多少?提示用户输入预期的汽油价格。
- (b) 总花销是行驶里程的函数,根据函数分别做出两条曲线,这两条曲线的交点就是盈亏平衡点。
- (c) 用 ginput 截取盈亏平衡点的数据。
- (d) 用 sprintf 在图形中标出盈亏平衡点的文本框注释,用 gtext 把文本框放在合适的位置上。
- 7.18 创建一个 M 文件,包含本章所有习题的答案。用元胞分隔符把程序分成若干个元胞,并以题号作为各元胞的标题。在元胞工具栏中选择 evaluate cell and advance 对程序进行调试。
- 7.19 在元胞工具栏中选择 publish to HTML 把题 7.18 的结果发布到 HTML 文件中。由于本章部 分习题中要求用户输入参数,因此发布的结果将会包含错误。
  - 7.20 修改题 7.17 中的程序,比较普通汽车和混合动力汽车的花销。
  - (a) 假设在未来的几年里,每加仑汽油\$2.00。
  - (b) 在元胞工具栏中调节汽油价格, 使盈亏平衡点在 100 000 英里以内。
- 7.21 从互联网下载一些音频文件,加入到所编写的程序中。两个常用的下载地址为 http://www. wavcentral.com 和 http://www.wavsource.com。在程序中合适的位置播放该文件。例如,在程序的最后 播放 Firmer Fudd 的 "Kill the Wabbit"。
- 7.22 用wavrecord 记录自己的声音。并把文件导入MATLAB。用help 查询wavrecord和wavplay的用法。

# 第8章 逻辑函数和控制结构

#### 学习目的

通过阅读本章,读者可以掌握如下内容:

- 理解 MATLAB 中的关系运算符和逻辑运算符。
- 能够正确使用函数 find。
- 理解和正确使用 if/else 系列命令。
- 理解 switch/case 结构。
- 正确使用 for 循环和 while 循环。

## 引言

要理解计算机程序,必须先了解程序的结构。一般来说,程序结构主要有一种,顺序结构、选 择结构和循环结构(见图 8.1)。前面几章所介绍的程序只采用了顺序结构,而没有采用其他两种结构;

- 顺序结构就是按照输入命令的顺序依次执行。
- 选择结构就是根据不同的逻辑条件选择运行部分代码。如果条件满足,则执行相应语句(或多条语句);如果不满足,则执行其他语句。在条件语句中常常包含关系运算符和逻辑运算符。
- 循环结构就是根据逻辑表达式的值,重复执行一组代码。



图 8.1 MATLAB 中的程序结构

## 8.1 关系运算符和逻辑运算符

MATLAB 中的选择结构和循环结构都要用到关系运算符和逻辑运算符。MATLAB 中有六种关系运算符用于比较两个相同规模矩阵的大小,如表 8.1 所示。

比较的结果可能是 true, 也有可能是 false。绝大多數編程语言(包括 MATLAB) 都用數字 1 表示 true, 用數字 0 表示 false。在 MATLAB 中所有非 0 數都視为 true。首先定义两个标量、输入

x = 5;

用关系运算符(<)比较两个数的大小,判断比较的结果:

**

由于×不小干v、因此输出

ans =

说明比较的结果为 false。在 MATLAR 选择结构和循环结构中。

经党会用到类似的表达者。 在 MATLAB 中, 变量可能是矩阵。为了说明在 MATLAB 中如何比较两个矩阵的大小、重新定义变量、和v。输入

返回

ans = D 表 8.1 关系运算符

关系运算符	说明
<	小子
<=	小子等于
>	大子
>=	大于等于
	等于
	不等于

MATLAB 对矩阵中的相应元素进行逐个比较、然后输出比较的结果。在前面这个例子中、x 中 所有的元素都比v中的相应元素大,因此输出的结果都是 false,即输出 串零。如果令

0

間返回

ans =

0 关键概念:关系运算符实现对数值进行比较。

结果表明,矢量前四个元素的比较结果为 false,最后一个元素的比较结果为 true。欲使两矩阵 的整体比较结果为 true,必须保证两个矩阵中每个对应元素的比较结果为 true,换句话说。比较结果 中所有元素必须都为1。

在 MATLAB 的组合比较中,也可以使用 and、not 和 or 等逻辑运算符(见表 8.2)。

**关键据念**,组合比较语句中也可以使用逻辑运算符。

患 8.2 逻辑运算符

代码	逻辑运算符	说明
x = [ 1, 2, 3, 4, 5];	4	4
$y = \{-2, 0, 2, 4, 6\};$	~	18
z = [ 8, 8, 8, 8, 8];	1	联
z>x & z>y	mor	异或

返回

输

1 1 1 由于z中的每个元素既大于x,也大于v,因此语句

ans =

造做 "v 大干v或×大干z", 它的输出为 ans =

1 说明矢量前三个元素的判断结果为 true,后两个元素结果为 false。

这些关系运算符和逻辑运算符既可用于选择结构,又可用于循环结构。

## 8.2 流程图和伪码

关键概念: 使用流程图和伪码进行程序设计。

编写简单程序时,最好使用伪码的方法。

- 用句 F描述程序实现的步骤。
- 格步骤转换成 M 文件中的注释信息。
- 在注释行之间加入绘当的 MATTAR 程序代码。

举 · 个简单的例子: 编写把速度单位 mph 换算成 ft/s 的程序。输出为 · 个具有表名和列名的换 管表。下面是实现这一功能的步骤。

- 定义存储 mph 值的矢量。
- 把 muh 換質成 ft/s。
- 把矢量 mph 和 ft/s 合并成一个矩阵。
- 会输出的多格加上标题。
- 添加列标题。
- 显示输出的表格。

```
把这些步骤写成 M 文件中的注释信息:
```

%Define a vector of mph values %Convert mph to ft/s

%Combine the mph and ft/s vectors into a matrix

%Create a table title %Create column headings

*Display the table

### 在 M 文件的注释信息后添加恰当的程序代码:

%Define a vector of mph values

mph = 0:10:100; %Convert mph to ft/s

fps = mph *5280/3600;

%Combine the mph and ft/s vectors into a matrix

table = [mph;fps] %Create a table title

disp('Velocity Conversion Table')

%Create column headings disp(' mph f/s')

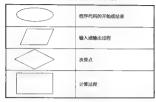
%Display the table

fprintf('%8.0f %8.2f \n',table)

如果读者在程序设计阶段能够多花费些时间,就不需要对伪码做过多的修改,立即就可以进行 程序编写。

当编写复杂程序时,最好使用流程图和协码进行程序设计。可以先把设计思想用滤程图体现出 来,再把整个过程互成份码,作为程序中的注释信息。在碳流程图之前,必须了解流程图中用到的标 准符号(贝表 8.3)。

表 8.3 计算机程序设计中的流程图



流程图: 计算机程序的图形化表示方法。

图 8.2 是程序 mph-to-fl/s 的流程图。一般来说,这种简单 程序不需要画流程图,但对于大型的计算机程序来说,画流程 图是理清思路的最佳方法。 编写程序对应先面好流程图,然后按照解膜的思路书写

注释信息,最后在注释行之间添加恰当的程序代码。



图 8.2 流程图使程序结构更加形象

流程图和伪码都是计算机程序的描述方法,都能够形象地说明程序的结构。这两种方法主要体现了程序中的逻辑关系,而不是实现细节。

伪码: 计算机程序的任务列表。

## 8.3 逻辑函数

在 MATLAB 选择结构中除了使用传统的函数 if 外,还常常用到逻辑函数。例如,在选择结构 和循环结构中常常会用到逻辑函数 find。

#### 8.3.1 Find

命令 find 用于查找矩阵中符合某种条件的元素。例如,美国海军学院要求招收学员的身高必须高于 5'6'(66')。假设拟招学员的身高为

height = [63,67,65,72,69,78,75]

用 find 命令查找符合身高要求的元素序号:

accept = find(height>=66 )

该命今返回

accept =

函数 find 输出矩阵中符合要求的元蒙序号。若需要查看身高的数值,可以用元豪序号调出该元素

height (accept)

67 72 69 78 75

还可以输入嵌套命令:

```
height(find(height(>=66)))
```

如果查找不符合条件的元素,则输入命令

decline = find(height<66) 給出

decline =

为了增加输出结果的可读性,使用函数 disp 和 fprintf 显示输出结果:

disp('The following candidates meet the height requirement');
fprintf('Candidate # %4.0f is %4.0f

inches tall \n', [accept;height(accept)])

在命令窗口输出

The following candidates meet the height requirement

Candidate # 2 is 67 inches tall
Candidate # 4 is 72 inches tall
Candidate # 5 is 69 inches tall

Candidate # 6 is 78 inches tall Candidate # 7 is 75 inches tall

也可以输出不符合条件的学员:

disp('The following candidates do not meet the height

requirement')

fprintf('Candidate # %4.0f is %4.0f inches tall \n',
 [decline:height(decline)])

同理, 在命令窗口输出以下信息:

The following candidates do not meet the height requirement

Candidate # 1 is 63 inches tall Candidate # 3 is 65 inches tall

使用逻辑运算符可以创建更加复杂的搜索条件。例如,除身高外,还要求学员的年龄必须在 18 岁到 35 岁之间。假设原始数据为

身高, 英寸	年前	身高,英寸	年龄		
63	18	69	36		
67	19	78	34		
65	18	75	12		
72	20				

定义输入矩阵,查找矩阵中第一列数值大于 66 且第二列数值大于 18 小于 35 的元素序号。输入命令

applicants = [ 63, 18; 67, 19; 65, 18; 72, 20; 69, 36; 78, 34; 75, 12]

pass = find(applicants(:,1)>=66 & applicants(:,2)>=18 & applicants(:,2) < 35)

返回符合条件学员的序号:

pass =

为了增加输出结果的可读性,使用函数 fprintf 输出结果。首先,定义需要显示的数据:

result = [pass,applicants(pass,1),applicants(pass,2)]';

然后,用 fprintf 把结果输出到命令窗口:

fprintf('Applicant # %4.0f is %4.0f inches tall and %4.0f
 vears old\n', results)

最后的输出结果为

```
Applicant 8 2 is 67 inches tall and 19 years old
Applicant 8 4 is 72 inches tall and 20 years old
Applicant 8 6 is 78 inches tall and 34 years old
```

在前面的例應中,只输出了符合条件元素的单一序号。如果采用下面的语法结构调用函数 find: [row, col] = find( criteria)

可以输出符合条件元素的行、列号(也称行列序号或下标)。

假设用 个矩阵表示门诊病人的体温。矩阵中的列表示测试体温的地点。输入

temp = [95.3, 100.2, 98.6; 97.4,99.2, 98.9; 100.1,99.3, 97]

给出

```
temp = 95.3000 100.2000 98.6000 97.4000 99.2000 98.9000 100.1000 99.3000 97.0000
```

输入命令

```
element = find(temp>98.6)
```

输出单序号表示的元素号:

```
element = 3 4 5
```

当命令 fand 用于二维矩阵时,元素序号的编排策略是按列排序。例如在一个 3×3 矩阵中,元素序号的产生过程如图 8.3 所示。其中,租体字的元素序号表示大于 98.6 的元素值。



图 8.3 矩阵元素序号

为了查找符合条件元素的行号和列号,需要输入

```
[row, col] = find(temp>98.6)
```

该命令给出下列结果:

	3
	1
	2
	3
	2
co1	=
	1
	2
	2
	2
	3

这些数字描述了图 8.4 中的矩阵元素。

1, 1	1,2	1,3
2,1	2,2	2,3
3.1	3,2	3.3

图 8.4 3×3 矩阵中元素的下标,其中符合条件元素的下标用和体字表示

关键概念: MATLAB 中矩阵元素的序号按列编号。

用 fprintf 输出结果:

fprintf('Patient%3.0f at station%3.0f had a temp of%6.1f
\n'. [row.col.temp(element)]')

返回

```
Patient 3 at station 1 had a temp of 100.1
Patient 1 at station 2 had a temp of 100.2
Patient 2 at station 2 had a temp of 99.2
Patient 3 at station 2 had a temp of 99.3
```

Patient 2 at station 3 had a temp of 98.9

## 8.3.2 命令 find 的流程图和伪码

命令 find 只输出欠量中符合某·条件元素的序号。图 8.5 所示为 下面这段程序的流程图。如果多次调用 find,那么可以根据不同的条 件对矩阵分类,这种选择结构在流程图中可以用菱形来表示。

x = [1,2,3; 10, 5,1; 12,3,2;8, 3,1]

%Find the index numbers of the values in x >9 element = find(x>9)

*Use the index numbers to find the x-values %greater than 9 by plugging them into x

values = x(element)
% Create an output table

disp('Elements greater than 9')

disp('Element # Value')

fprintf('%8.0f %3.0f \n'. [element';values'])

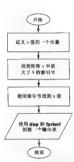


图 8.5 命令 find 的流程图

#### 例 8.1 使用 sinc 函数对信号讲行处理

函数 sinc 广泛应用于工程实践中,特别是在信号处理领域(见图 8.6)。该函数有两种定义方法:

$$f_1(x) = \frac{\sin(\pi x)}{\pi x} \quad \text{All} \quad f_2(x) = \frac{\sin x}{x}$$

不管使用哪种方法定义,当x=0时、都会出现 Q(0)的这种不确定情况。根据罗必熔法则可以求 出,当x=0时,两种算法的结果都等于1,当x不等于0时,这两种定义方法是似。在第一种定义f(x)中,当x 为整数时,函数值接近x 轴(p) 近似等于(0);在第二种定义中,当x 是x 的整数倍时,函数 信也近似等于(0)

用第二种方法定义  $sinc_x$ . 计算当x的范围在 $-5\pi$ 到 $+5\pi$ 之间  $sinc_x$ 的值,并根据计算结果绘制曲线。

#### 1. 问题描述

用下式表示的第二种方法定义函数 sinc_x、并对函数进行测试。

$$f_2(x) = \frac{\sin x}{x}$$



图 8.6 示波器广泛应用于信号处理领域(由 Agilent Technologies Inc 提供)

#### 2 輸入/輸出基法

输入 变量 x 的范围从-5m 到+5m

輸出 创建 sinc x和 x 的关系由线。

- 3. 手工分析
- 4. MATLAB 实现
- 首先, 画出函数的流程图, 见图 8.7。然后根据流程图写出程序的伪码, 最后在注释行后加入恰当的程序代码, 函数创建完成后, 在命令窗口中对函数进行测试:

注意,由于在 MATLAB 中  $\pi$  为浮点数,所以计算时用一个近似值代替  $\pi$  的实际值,实际上 sinc x(pi/2) 并不等于0,而是一个非常小的数。

表 8.4 函数 sinc 的计算结果

		sin (x)	sinc_x(x)=sin(x)/x	
	0	0	1 ≃ 00	
	n/2	1	$1/(\pi/2) = 0.637$	
	*	0	0	
	-w/2	-1	$-1/(\pi/2) = -0.637$	

### 5. 结果验证

MATLAB 计算结果与估算结果相吻合,表明方法正确。利用下列命令行完咸相关计算: %Example 8.1

clear, clc

%Define an array of angles

и = -5*pi:pi/100:5*pi;

%Calculate sinc_x v = sinc x(x):

%Create the plot plot(x,y) title('Sinc Function'), xlabel('angle, radians').vlabel('sinc')

#### 輸出曲线如图 8.8 所示。

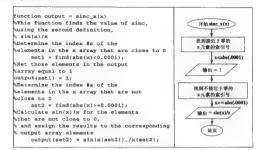
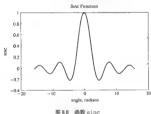


图 8.7 函数 sinc 的流程图



前面已经验证了单输入变量的情况,现在通过图形可以进一步验证程序代码的正确性。当函数 的輸入变量为矢量时,通过輸出曲线也可以看出整个计算过程没有任何问题.

把命令行中的分号去掉后,再运行程序,就可以看到计算的整个过程,使读者能够对函数的计 算过程有更深刻的理解。

除了 find, MATLAB 中还有两个逻辑函数: all 和 any。函数 all 用于判断数组中是否所有元 素都符合某一逻辑条件。函数 any 用于判断数组中是否存在符合某一逻辑条件的元素。通过 help 可 以香油到更多的函数信息。

#### 练习 8.1

己知下列矩阵:

- 1. 查找各矩阵中所有大于10的元素的序号、输出结果用单序号方法表示。
- 2. 查找各矩阵中所有大于10的元素的序号、输出结果用该元素的下标表示。
- 3. 查找各矩阵中所有大于10 的元素。
- 4. 查找各矩阵中所有大于10 小于40的元素的序号,输出结果用单序号方法表示。
- 5. 查找各矩阵中所有大于10 小于40 的元素的序号,输出结果用该元素的下标表示。
- 6. 查找各矩阵中所有大于10 小于40 的元素。
- 7. 查找各矩阵中数值在0到10之间或70到80之间的元章的下标,输出结果用单序号方法表示。
- 8. 用 length 和 find 查询各矩阵中数值在 0 到 10 之间或 70 到 80 之间元素的个数。

## 8.4 选择结构

很多时候,函数 find 可以代替语句 if, 然而, 在有些情况下, 必须使用语句 if。在本节中, 主要介绍 if 语句的语法结构。

### 8.4.1 简单的 if 语句

简单的 1f 语句可以采用以下形式:

if comparison

statements

parca

如果比较结果(逻辑被达式)为 ruc. 那么执行; 证 语句和 end 语句之间的程序代码。 若比较结果 您解决这一个,现代是我的话句。 为了增加程序的可读性。 ; 结构中的语句是好适当缩 进。运行程序时,MATLAB 会自动忽略这些空格。 但无论是否缩进。那个全影响程序的正常运行。

举一个简单例子:

if G<50
disp('G is a small value equal to:')</pre>

disp(G):

如果 G 是标量,那么  $_{1}f$  和 end 之间的语句很容易解释。这段程序表明,如果  $_{3}G$  小  $_{5}f$  50,则执行  $_{1}f$  和 end 之间的语句。例如,  $_{5}G$  等于 25,则屏幕上跳会输出

如果  $_G$  不是标量,那么仅当  $_G$  中所有元素都小于 50 时比较结果才为 true。假设, $_G$  为 0 到 80 的 一个矢景:

比较结果为 false, MATLAB 将不执行 if 结构中的语句。一般情况下,在 if 语句中多使用标量。

关键概念: 在 1f 语句中最好使用标量。

## 8.4.2 if/else 结构

在简单的 if 结构中,如果条件满足则执行 if 结构中的程序,若条件不满足,则跳过该结构执 行后面的程序。而在 if/else 结构中,若条件满足,则执行某段程序,若条件不满足,则执行另外 段程序。例如,编写计算变量 x 对数的程序,根据初等数学中的概念中知函数 log 的输入参数必 次大下 0、在程序中使用。ff/else 结构,保证输入参数为正数时才计算 x 的对数值。若输入参数为 0 审命数。则输出错误信息。

```
if x >0 y = \log(x) else disp('The input to the log function must be positive') and
```

如果 × 为标量,则程序非常容易理解。然而,如果 × 为矩阵,则只有当矩阵中所有元素都满足 条件时,比较结果才为 me。 如果输入

```
x = 0:0.5:2:
```

那么,矩阵并非所有的元素都大于 0,因此,MATLAB 会跳转到 else 部分,输出错误信息。在 if/else 语句中使用矢景会有很大的局限性。因此最好使用标单。

```
提
```

( 积字中, 包注函数, 一头以头)"避难"的广告, 用于提示用"电现情炎"例如, 在独才的 157-blace 结构中。证以用"ໝ端"声展示错误信息。

```
x * input('Enter a value of x greater than 0: ');
if x > 0
y = log(x)
else
beep
disp('The input to the log function must be positive')
```

# 8.4.3 elseif 结构

在 if/else 结构中如果有多层嵌套,就会很难判断到底应该执行哪段程序。如果在程序中使用函数 esleif,程序代码就会变得更容易理解。下面这段程序可以根据申请人的年龄判定是否发放驾驶执照;

```
if age416
disp('Borry - You'll have to wait')
elseif age418
disp('You may have a youth license')
elseif age470
disp('You may have a standard license')
else
disp('Drivers over 70 require a special license')
```

在这个例子中,MATLAB 首先检查申请人年龄是否小于 16 岁即 age < 16。如果表达丈为 true,则 执行下 "条语句,显示信息 Sorry_You' 11 have to wait,然后跟出:结构,如果比较结果为 false, MATLAB 对后面的 elser i 语句进行判断,检查年龄是否小于 18 岁即 age < 18。如果 elser i 语句的 比较结果为 true 或遇到 else,则继续执行。注意 else 语句中没有判断条件,这是因为如果条件不满 是,就必然满足前面的 elser 语句中的条件,执行前面的语句。 在程序流程图中 -般用菱形表示选择结构(见图 8.9)。

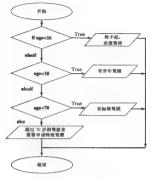


图 8.9 使用多 if 语句的流程图

在这段程序中,如果 age 是标量就很容易理解。如果 age 为矩阵,则要求矩阵中所有元素必须都满足条件。假如,年龄矩阵为

```
age = [15,17,25,55,75]
```

## 捷 示

初学者半窓会把 - さら戸的条件を行过、環境 のことの例では 第二个条件は 中国 18 表示真正確 、 不もな人、改 ・ ・ 和 ・ カード (エストンター 港) いち人式合数

不可能小士。为一如果主要被严类原介。与八言与条件,广心、诗会自至正六的结果。例如、输入代码

- disp Sorry You 11 have to wait'; elseif age:18 & age:16
- disp. You may have a youth licen
- elseif age:70 & age 18 disp: You may have a standard license;
- elseif age-70
- disp('Drivers over 70 require a special license'

当 age = 16, 18 或 70 时会输出错误结果。

一般来说, elself 结构适用于标量, find 适用了矩阵。在下面的例子中, 用 find 对年龄矩阵 进行分类, 结果用数据表格的形式输出;

```
age = [15,17,25,55,75];
set1 = find(age<16);
set2 = find(age>=16 & age<18);
set3 = find(age>=16 & age<70);
set4 = find(age>=70);
fprintf('Sorry - You''ll have to wait - you"re only %3.0f \n'.age(set1))
fprintf('You may have a youth license because you"re %3.0f \n'.age(set2))
fprintf('You may have a standard license because you"re %3.0f \n'.age(set2))
fprintf('Drivers over 70 require a special license. You"re %3.0f \n'.age(set2))
```

#### 输出

Sorry - You'll have to wait - you're only 15 You may have a youth license because you're 17 You may have a standard license because you're 25 You may have a standard license because you're 55 Drivers over 70 require a special license, You're 75

由于需要对每个 find 语句进行判断,因此判断的条件必须详细清楚(例如 age >= 16 & age < 18)。

# 例 8.2 评定成绩

利用 if 结构创建函数,该函数能够根据考试分数,按照下面的要求证金出给

110-41	展業	分 概
1. 问题描述	A	90 ~ 100
	B	80 ~ 90
评定考试成绩。	c	70 ~ 80
2. 輸入/輸出描述	D	60 ~ 70
輸入 单项分数,不是数组。	E	< 60

輸出 考试成绩。

ans = E grade(108) ans =

3. 手工分析 根据评定原则,85分成绩应该是B,但是,90分成绩到底是A还是B如不能确定。有必要把判断条件据述罪重换确定。

5条件描述得更准确些。 4.MATLAB 实现	成績	分 数
	A	≥90 ~ 100
根据函数功能,画出程序流程图,如图 8.10 所示。	В	≥80 년<90
5. 结果验证	c	≥70 但<80
在命令窗口对函数进行测试:	D	≥60 但<70
grade(25)	E	< 60
ans = grade(80)		
ans =		
grade(-52)		

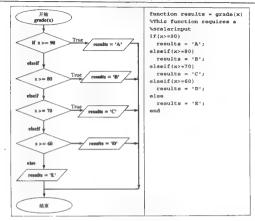


图 8.10 评定成绩程序的流程图

从测试的结果者,函数能够正常工作。但如果输入的分數大于 100 成小于 () 时,就会出现问题。 因此对函数进行相应的修改:

```
function results = grade(x)
   %This function requires a scalar input
      if(x>=0 & x<=100)
      if(x>=90)
         results = 'A':
      elseif(x>=80)
         results = 'B';
      e1seif(x>=70)
          results = 'C';
      elseif(x>=60)
         results = 'D';
      else
          results = 'E';
      end
       else
          results = 'Illegal Input';
   end
在命令窗口中对函数重新进行测试:
   grade(-10)
   ans =
```

```
Illegal Input
grade(108)
ans =
```

Illegal Input

当輸入参数为标量时,函数能够正常运行、但如果輸入参数为失量,就会得到意想不到的结果。例如。

```
score = [95,42,83,77];
grade(score)
ans =
```

#### 练习8.2

使用 if 系列结构创建函数解决下列问题。假设函数的输入数据为标量,对函数进行测试。

- 1. 假设某州的法定饮酒年龄为21岁。创建函数判断是否达到法定饮酒年龄。
- 许多謝乐场都规定了参与者的趣低身高。假设某种游戏要求参与者必须高于48", 创建函数判断是否符合身高要求。
- 3. 在产品制造时,通常会规定产品尺寸的容差。假设基产品的长度为54cm,可以允许有0.1cm的正负误差(即5.4±01cm)。创建函数判断产品是否符合该技术要求。
- 4. 在美国可以同时使用公割单位和英制单位。创建函数把练习3中的厘米换算成英寸、当输入参数单位为基寸时、重新判断产品是否符合技术要求。
- 5. 固体燃料火箭发动机有二级。第一级的燃料耗尽后与导弹分离。第三级点火。然后第三级燃尽分离后第三级点火。躺后。第三级燃尽后与导弹分离。各级的燃烧时间如下所示。

```
級1 0-100s
級2 100-170s
級3 170-260s
```

创建函数判断火箭正处于第一级、第二级、第三级和自由飞行(无动力阶段)中的哪个阶段?

# 8.4.4 switch/case 结构

在 MATLAB 中,switch/case 结构可以根据一个给定参数的不问取值,执行不同的命令。它 和 1f/else/elseif 类似,都属于条件分支结构。凡是能够用 1f/else/elseif 结构实现的程序功能都可以用 switch/case 结构实现。而且用 switch/case 结构实现程序代码更容易理解。 switch/case 结构和 elseif 的最大区别在于判断的条件既可以是标量也可以是字符串,在实际情况中,字符串形式的判断条件比衡字形式的要常用。switch/case 的形法结构如下:

```
switch variable
case option1
code to be executed if variable is equal to option 1
case option2
code to be executed if variable is equal to option 2
case option,
code to be executed if variable is equal to option n
otherwise
code to be executed if variable is not equal to any of
the options
end
```

例如, 创建函数用来显示: 个城市的飞机票价格。

```
city = input('Enter the name of a city in single quotes: ')
switch City
case 'Bostom'
disp('$45')
case 'Denver'
disp('$150')
case 'Honolulu'
disp('Stay home and study')
otherwise
disp('Not on file')
end
运行程序, 在命令提示符后输入'Boston', MATLAB 输出
city =
Boston
$349
```

还可以在函數 input 的输入参数后加入's' 表明输入参数为字符串。用户输入字符串时,就可以 不加单引导。 催改后的程序代码为

```
city = input('Enter the name of a city; ','s')
switch city
case 'Boston'
disp('$345')
case 'Denver'
disp('$150')
case 'Menolulu'
disp('$tay home and study')
otherwise
disp('Not on file')
```

语句 otherwise 不是必需的,这条语句表示当所有的情况都不满足时,程序的输出结果。 在程序流程图中,switch/case 结构和 1f/else 结构的表示方法相问。

```
提 示
```

在 C 语言中也有 switch/case 结构。MATLAB 和 C 是《的不同之处在于当某 条件为 true 时,MATLAB 不再验证其他条件是否满足。

#### 例 8.3 加油

世界上许多国家没有对公制单位的使用做强制性规定、这些国家包括美国、英国、利比里亚和 納甸。在美国既可以使用公制单位也可以使用类制单位。例如、老式汽车中配使用了公制单位也使用 了类制单位、而 1989 年以后生产的新款汽车全部采用公制单位。前动单位是升、牛奶的单位是加仑、 距离的单位是英里, 功率均率也是瓦特。公制单位亦是邻甲位经常

距离的单位走失至、功率的单位交流行。公司千匹而失例十匹立下 会发生混淆。如果驾车从美国到加拿大旅行就会发现在美国汽油的 单位是加仑,而在加拿大汽油的单位是升(见图 8.11)。

用 switch/case 结构编写一段程序,要求具有以下功能;

- 由用户輸入汽油的单位(升或加仑)。
- 提示用户输入想购买汽油的数量。
- 假没每加仑汽油 2.89 美元,计算汽油的总价。
- 1. 问题描述
- 计算汽油的总价。



2. 输入/输出描述

输入 指定汽油的计量单位是加仑还是升。

汽油的数量。

输出 每加仑 2.89 美元,计算汽油的总价。

3. 手工分析

如果汽油的计量单位是加仑,则需要花费

volume × \$2.89

10 加仑汽油总价为

 $cost = 10 \text{ gallons} \times $2.89/\text{gallon} = $28.90$ 

如果汽油的计量单位是升,则先把升换算成加仓,再计算总的价格:

volume = liters  $\times$  0.264 gallon/liter

 $cost = volume \times $2.89$ 

10 升汽油的费用为

volume = 10 liters × 0.264 gallon/liter = 2.64 gallons

 $cost = 2.64 \text{ gallons} \times 2.89 = $7.63$ 

4. MATLAB 实现

首先,画出程序的流程图(见图 8.12)、然后按照流程图写出程序的伪码,最后添加程序代码。

clear,clc

%Define the cost per gallon

rate = 2.89;

%Ask the user to input gallons or liters

unit = input('Enter gallons or liters\n ','s');
%Use a switch/case to determine the conversion factor

switch unit

case 'gallons' factor = 1:

case 'liters'

factor = 0.264;

disp('Not available')

factor = 0;

end

%Ask the user how much gas he/she would like to buy

volume = input( [';Enter the volume you would like to buy

in ',unit,': \n'] );

%Calculate the cost of the gas if factor - = 0

cost = volume * factor*rate; %Send the results to the screen

fprintf('That will be \$ %5.2f for %5.1f %s

\n',cost,volume,unit)

end

需要注意以下几个方面: 第一,变量 unit 是字符型数组,程序运行后在工作区可以看到: 如果输入的汽油单位是升。unit 是一个 1× 6 的字符型数组,如果输入的汽油单位是加仑。unit 是一个 1× 7 的字符型数组,在

unit = input('Enter gallons or liters ','s');

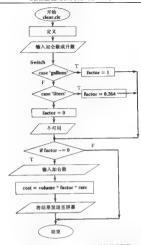


图 8.12 使用了switch/case 结构的流程图

语句中、函數 input 的第二个输入零数为 's',说明输入数据的类型为字符串,用户在输入 gallons 载 liters 时,不需要再加单引号。

# 下述语句创建一个字符数组:

volume = input(['Enter the volume you would like to buy in
 ',unit,': '] );

#### 诸般组由三个部分构成:

- 字符串'Enter the volume you would like to buy in'.
- 字符型变量 unit.
- 字符串::'。

# 程序运行后,会出现以下提示信息:

Enter the volume you would like to buy in liters:

#### 或者

Enter the volume you would like to buy in gallons:

```
在语句 fprintf 中,用占位符% 为输入字符率预留了空间:
fprintf('That will be $ %5.2f for %5.1f %s
\n',cost,volume,unit)
```

这段程序由用户输入 gallons 或 liters 作为汽油的单位。

最后,在if 语句中表明,如果用户输入除 gallons 或 liters 以外的字符,则输出错误信息。 5. 结果验证

分別輸入 gallons、liters 或其他字符, 检测程序的輸出结果。首先, 在命令窗口輸入 gallons:

Enter gallons or liters gallons Enter the volume you would like to buy in gallons: 10

That will be \$ 28.90 for 10.0 gallons

然后, 輸入 liters: Enter gallons or liters

liters
Enter the volume you would like to buy in liters:
10
That will be \$ 7.63 for 10.0 litera

最后,如果輸入其他字符、将返回错误信息:

Enter gallons or liters
quarts
Not available

经过验证、程序的运行结果与手算的结果相同,说明程序是正确的。

## 8.4.5 menu 结构

函数 menu 常和 switch/case 结构一起使用。运行后,在屏幕上会出现一个菜单、菜单的内容 mFUI 由编程人员设定。函数 menu 的语法结构为

```
input = menu('Message to the user', 'text for button
2', 'text for button 2', etc.)
```

在前面飞机票的例子中如果使用 menu, 用户就可以在菜单上选择任意一个城市。由于用户不可能洗择 "not on file." 作为城市名,因此原程序中可以去掉 otherwise 语句:

**关键概念**:使用菜单这种图形化界面可以大大减少用户出现拼写错误的可能性。

注意在 case 语句中用序号代替了字符串。这个脚本程序运行后,屏幕上会出现如图 8.13 所示的菜单。用户可以选择任意一个选项,假如,选择 Honolulu,MATLAB 就会输出



图 8 13 弹出 MENU 窗口

city ≈

Stav home and study

用户可以用命令 disp 控制输出。

#### 例 8.4 加油:采用菜单方式

在例 8.3 中、用 switch/case 实现了以加仑或升为单位加油的功能,程序中存在一个问题:即如果 用户拼写错误,程序将无法运行,例如、当程序提示用户输入 allons 或 liters 时,用户错误的输入

litters

程序将输出

Not available

如果在程序中使用菜单功能、那么、用户只需选择按键就可以完成操作,这样就避免了错误的 发生。修改后的程序仍然采用 switch/case 结构,不过需要添加菜单功能。

- 1. 问题描述
- 计算汽油的总价。
- 2. 輸入/輸出描述

南入 使用菜单确定汽油的计量单位是加仑还是升。

汽油的數量.

輸出 假设每加仑汽油 2.89 美元, 计算汽油的总价。

9. 手工分析

如果汽油的计量单位是加仑、则需要花费

volume × 2.89

那么。10 加仑汽油的总价为

 $cost = 10 \text{ gallons} \times \$2.89/\text{gallon} = \$28.90$ 

如果汽油的计量单位是升,需要先把升换算成加仑,再计算汽油的总价: volume = liters × 0.264 gallon/liter

cost = volume x \$2.89

COSt = VOIMING A

那么, 10 升汽油的总价为

volume = 10 liters × 0.264 gallon/liter = 2.64 gallons cost = 2.64 gallons × 2.89 = \$7.63

4. MATLAB 实现

首先, 画出程序的流程图(見图 8.14), 然后按照流程图写出程序的伪码, 最后添加程序代码。

%Example 8.4

%Define the cost per gallon

rate = 2.89;

Wask the user to input gallons or liters, using a menu

disp('Use the menu box to make your selection ')
choice = menu('Neasure the gasoline in liters or

choice = menu('Neasure the gasoline in little's
gallons?','gallons','liters');

%Use a switch/case to determine the conversion factor

switch choice case 1

factor = 1;

unit = 'gallons'

```
case 2
  factor = 0.264;
unit = 'liters'
```

*Aak the user how much gas he/she would like to buy volume *input(['Enter the volume you would like to buy in ',unit,'; \n'] ); 'Calculate the cost of the gas cost * volume * factor'*rate; 'Send the results to the screen

fprintf('That will be \$ %5.2f for %5.1f %s
\n',cost,volume,unit)

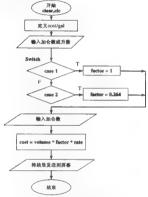


图 8.14 实现菜单功能的流程图

因为不可能出现输入错误的情况,因此修改后的程序比例 8.3 中的程序更为简单。但仍然有几点 需要注意。

在定义菜单的可选项时,应该是数字而不是字符型数组;

程序运行后,在工作区中可以看到变量 choice,它是一个 1×1 的双精度浮点数

由于在程序中没有用命令 1nput 定义字符型变量 unit,因此在 case 命令組中应该对变量 unit 进行详细说明:

case 1
 factor = 1;
 unit = 'gallons'
case 2
 factor = 0.264;
 unit = 'liters'

使用 disp 或 fprintf 命令把变量 unit 的值輸出到命令窗口。

5. 结果验证

在例 8.3 中,需要对程序测试三次,而在本例中只需对程序测试两次即可,第一次汽油的计量单 位是 gallons,第二次汽油的计量单位是 liters,先在命令窗口选择 gallons:

Use the menu box to make your selection



Enter the volume you would like to buy in gallons:

10

That will be \$ 28.90 for 10.0 gallons



#### 再选择 Titars:

Use the menu box to make your selection Enter the volume you would like to buy in liters:

That will be \$ 7.63 for 10.0 liters

计算结果和手算的结果相同,而且不必再担心会出现拼写错误。

## 练习 8.3

用 switch/case 结构求解下列问题。

- 编写程序、提示用户输入入学时间是一年、两年、二年还是四年、输入敷始为字符申。根据输入敷据决定期末考试的时间。其中、一年级周一考试、二年级周二考试、三年级周二考试、四年级周四考试。
  - 2. 在程序中使用菜单,重新完成练习1。
  - 3 编写程序,提示用户输入购买方糖的数量,输入数据是糖的块数。计算购买方糖的费用。价格确定方法是 1 块 = \$0.75

2 块 = \$1.25

3块=\$1.65

当多于3块时,总费用=\$1.65+\$0.30(购买数量-3)。

# 8.5 循环结构:循环体

循环结构 般用于面复操作。MATLAB 中有两种不同的循环结构: for 循环和 while 循环。如果已知循环的效素。多采用 for 循环结构。如果需要满足某 条件时停止循环。多采用 while 循环。虽然在程序开发过程中广泛使用循环结构,但是在编程时还是应该尽量避免出现循环结构。在 MATLAB 中,可以使用 find 命令或失量化的方法避免循环结构。所谓矢量化就是操作过程中尽量用矢量代替元素。减少循环环结构有刑干据高限序的运行速度,简化金银织器。

# 8.5.1 for 循环

toc 循环結构非常簡単。第 行标识循环,定义案引矩阵。循环体每执行 次,案引值都会发生 一次变化、循环标识行后紧接着是执行的代码,最后是循环结束标志 end。总之, toc 循环的 - 般结 ね为

```
for index = [matrix]
commands to be executed
```

循环体依次执行第一行中定义的索引矩阵中所有的元素。举一个简单的例子:

for k = [1,3,7]

end

返回

k =

3

k =

本例中索引矩阵为 k, k 也可以视为索引变量。索引矩阵可以用暂号或其他方法定义。例如, 计 第5的1到3次方:

```
for k = 1:3
a = 5^k
and
```

第一行中 k 定义为矩阵(1, 2, 3)。第一次执行循环体, k 的值为 1, 计算 5'。第二次执行, k 的值为 2, 计算 5'。第二次执行, k 的值等 F 3, 计算 5'。由于循环体执行了二次,因此在命令窗口 分别显示了二次的运行结果。

```
5
a = 25
a = 125
```

a =

关键概念: 循环体就是当满足某一条件时需要重复执行的 组命令。

虽然在 for 循环中 k 是 一个矩阵,但事实上 κ 是该循环的索引值,每 -次循环 k 都等于某 一个 特定的数值。循环结束后, k 的值等于最后 -次执行的数值。在前面的例子中,输入

返回

注意, 在工作区可以看到 k 是一个 1x1 的矩阵。

a(k) = k^2

该循环定义了 一个新矩阵 a, 每执行 · 次定义 · 个新的元素。该循环体共执行了五次,每一次矩阵 a 中都新增 · 个元素,因此在命令窗口输出

#### 提 示

25

大部分、增长利益不任在 MATLAB ,《四五五類語力、因此常利用循环体证 又數組 实际 E、在 MATLAB PREELES (1975年)等于等于等于

fox 循环常和 xi 语句配合使用,例如,在下面这段程序中,统计考试成绩为 90 分以上的有多少人?

```
scores = [76,45,98,97];
count = 0;
for k=1:length(scores)
  if scores(k)>90
     count = count + 1;
end
end
disp(count)
```

每执行一次该循环,如果分数人于 90, count 的数值加 1。

大多数情况下,fox 循环中的索引矩阵是一个单行矩阵。如果索引矩阵是一个二维矩阵,MTALAB 低还取矩阵中的一列作为索引值。定义索引矩阵为

$$k = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 4 & 9 \\ 1 & 8 & 27 \end{bmatrix}$$

返回

a等于 x 的转置,输出的结果是 x 中所有的行和列互换。

下面对 for 循环的用法进行总结:

- 循环体以 for 语句开始,以 end 语句结束。
- 循环体的第一行用索引矩阵定义循环的次数。

for index = start:inc:final

- for 循环的索引必须是一个变量,每执行一次循环,索引值就会发生一次变化。一般用 k 表示该变量。也可以使用其他变量么。
- 可以用前面所介绍过的任何一种方法定义索引矩阵,但一般情况下常采用智号方式定义,例如
- 如果索引矩阵是一个行矢量,那么每执行循环一次,依次取矢量中的一个元素作为索引值。
- 如果索引矩阵是:维矩阵,那么每执行循环一次,依次取矩阵中下…列的值,即在这种情况下索引信尽一个列矢量。
- for 循环结束后,案引信等于最后一次执行的数值。
- 对程序代码矢量化可以避免 for 循环。

for 循环的基本流程图符号用菱形表示,说明每次执行 for 循环必须先检查索引矩阵中是否存 在新的数值(见图 8.15)。如果没有,则停止循环,执行循环体后前的语句。

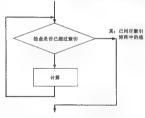


图 8.15 for 循环的流程图

# 例 8.5 创建角度和弧度的换算表格

为了说明 for 循环的使用方法,用 for 循环创建一个角度和弧度的换算表格。用户采用失量化解决方案也可以非常容易地实现相同的功能。

#### 1. 问题描述

创建一个把角度值换算成弧度值的换算表格、角度的范围是 0°到 360°, 步长为 10°。

# 2. 輸入/輸出描述

输入 治度粉细

輸出 角度信和弧度信約掉箕鼻格

# 3. 手工分析

以 10° 为例:

弧度=(10)×
$$\frac{\pi}{180}$$
=0.1745

## 4. MATLAB 实现

先画出程序流程图(见图 8.16)。在命今窗口输出以下结果:

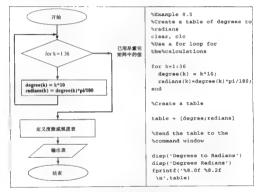


图 8 16 角度換質成弧度的程序流程图

#### 5. 结果验证

MATI AR 纳格算结果和手算的结果是一致的。

很明显,用失量进行计算和使用 for 循环相比实现起来更加简单。而且运算速度更快。这种方法称为失量化,同时这也是 MATLAB 的优势之一。失量化解决方案如下:

degrees = 0:10:360; radians = degrees * pi/180; table = [degree;radians] disp('Degrees to Radians') disp('Degrees Radians') fprintf('%8.0f %2.2f \n',table)

#### 例 8.6 用 for 循环计算阶乘

阶乘就是1到N所有整数相乘,例如5的阶乘是

1.2.3.4.5

在数学中,常用感叹号表示阶乘;

5!是5的阶乘

MATLAB 的內置函数 factorial 就可以计算阶乘。现在编程创建函数 fact 東计算阶乘。 1.问题描述

创建计算任意整数阶乘的函数 fact、假设输入数据为标量。

2. 輸入/輸出描述

输入 标量 N

輸出 N! 3. 手工分析

5!=1.2.3.4.5=120

# 4. MATLAB 实现

画出程序流程图(见图 8.17)。

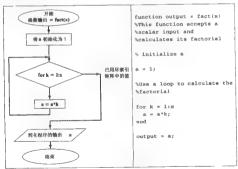


图 8 17 用 for 循环计算阶乘的程序流程图

#### 5 经累验证

在命令當口對承虧进行測法。

fact(5) ans =

当輸入數据为标量时,函數能够正常运行。如果輸入數据是一个數組,則 for 循环不能正常执行, 返回函數值为1.

x=1:10; fact(x)

fact(x ans =

在程序中加入 if 语句,确保輸入數據为正整數,而不是數組。流程图和程序代码如图 8.18 所示。 在命令窗口对函数进行测试:

fact(-4)

Input must be a positive integer

fact(x)

ans =

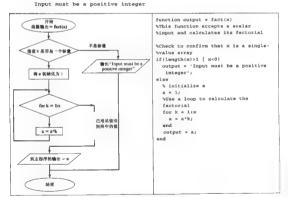


图 8.18 包含差错检测的阶乘函数流程图

#### 练习8.4

编写 for 循环程序求解下列问题:

1. 创建 个英寸到英尺的换算表格。

2. 已知矩阵

$$x = [45, 23, 17, 34, 85, 33]$$

求矩阵中大于30的数值有几个?

- 3. 用 find 命令完成练习 2.
- 4. 用 for 循环把练习 2 中矩阵的所有元素相加。用磁数 sum 检验运算结果是否正确(可以使用 help 查询 函数 sum 的用法)。
  - 5. 用 for 循环创建一个矢量, 等于调和级数的前 10 个元素, 即
    - 1/1 1/2 1/3 1/4 1/5 ... 1/10
    - 6. 用 for 循环创建 个矢量,等于交错调和级数的前 10 个元素,即
      1/1 -1/2 1/3 -1/4 1/5 ... -1/100

## 8.5.2 while 循环

while 循环和 for 循环类似,两者的最大区别在于 while 循环的次數是不固定的,只要判断条件为 true,循环体就会被执行。while 循环的语法结构如下:

while criterion commands to be executed

and

关键概念: while 循环的执行次数是不固定的。

准例说明:

k = 0;
while k<3</pre>

k = k+l

在程序中,先定义·个计数器  $\kappa$ ,如果  $\kappa$ 的值小于 3 就执行循环体,每执行一次循环,计数器  $\kappa$ 的值加 1,因此该循环体会执行 3 次,输出

k = 1 k = 2 k = 3

k = 0:

其中 k 既可以是矩阵也可以是计数器变量,它相当于一个索引值。绝大多数 tor 循环结构都可以改写成 while 循环结构。比方说,可以把 8.5.1 节中的一道 tor 循环例题改写成 while 循环结构:

while k<3 k = k+1; a(k) = 5*k end

输出

a = 5

5 25

5 25 125

关键概念: 凡是能用 while 循环实现的功能都能够用 for 循环实现。

每执行 -次循环、矩阵 a 中就会新增 -个元表。

重举一个例子、 生对 。 进行初始化、

a = 0:

然后, 求解大于10的3的最小倍数;

while(a<10) . . . . . .

and.

第一次执行该循环, a 等于 0, 判断条件为 true, 因此执行语句(a a + 3)。第二次执行该循 环、a等于3. 判断条件仍为 me. 继续执行该循环、依此举推、输出 . .

- 3 . .
- . .
- q A =
- 12

最后一次执行该循环时,a 是 9 加 3。等于 12、大于 10、判断条件不满足,因此跳出 whi le 循 环,不再执行。

while 循环和 if 语句配合使用。可以统计循环的次数。例如,前面关于考试或结的例题也可以 用 while 循环定现,

```
scores = [76,45,98,97];
count = 0:
k = 0:
while k<length(scores)
k = k+1;
  if scores(k)>90
     count = count + 1;
end
and
disp(count)
```

变量 count 用于统计 90 分以上的人数、变 量 k 用于统计循环执行的次数。

while 循环的流程图和 for 循环的流程图

相同, 如图 8.19 所示。

while 循环还可以用于检查用户的输入错

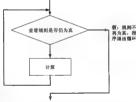


图 8.19 while 循环流程图

误。例如,计算以 10 为底的对数时要求输入数据为正数。用 whale 循环检查输入数据是否为正数, 如果不是,提示用户输入正确的数值。程序会一直提示用户直到输入有效的数据为止。

```
x = input('Enter a positive value of x')
while (x < = 0)
 disp('log(x) is not defined for negative numbers')
  x = input('Enter a positive value of x')
end
  y = log10(x);
```

fprintf('The log base 10 of %4.2f is %5.2f \n',x,y)

如果输入 x 为if 数, while 循环不会被执行。如果输入零或负数,则执行 while 循环,错误提 示信息会在命令窗口中输出,提示用户重新输入 x 的值。whi le 循环持续运行直到用户输入正数为止。

#### 標 示

- (1.4.)。循环每规行 次。若头面对的变量的更重变化 次、赤块。或会产生现据区 如果 程序的运行时。"封",可以查看"下和"是公司"。 缩入 ,可以下现经产程序。执行 这些命令)"可以今之名"之上称"见公
- 2 音多域科の経域手創中用 表示打上鍵 事立上以無表示も法是错误的 命令の実際、是指同时核トCtri键和で鍵

## 例 8.7 用 while 循环结构创建角度到弧度的换算表格

在例 8.5 中,用 for 循环结构创建了一个角度到弧度的换算表格。使用 while 循环结构也可以 字理相同的功能。

1. 问题描述

创建一个将角度接算成弧度的接算表格、角度的范围为 0°到 360°、 步长为 10°、

2. 給入/給出描述

输入 角度数组、

输出 角度和弧度的蜂巢表达

3. 手工分析

以 10°为例:

孤度 = (10)×
$$\frac{\pi}{180}$$
 = 0.1745

4 MATTAR 主型

井馬出程序流程图(见图 8.20)。

在命令窗口显示出以下结果:

Degrees to Radians
Degrees Radians
10 0.17
20 0.35

5. 结果验证

MATLAB 的换算结果和手算的结果一致。

#### 例 88 用 while 循环计算阶集

创建一个新的函数 fact2, 用 while 循环计算 N!。用 1f 语句确保输入数据为非负数。

- 1. 问题描述
- 创建函数 fact2,计算任意整数的阶乘。
- 输入/输出描述

输入 标量 N

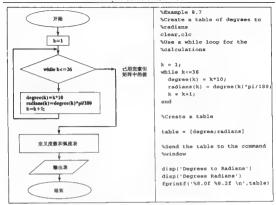
输出 N!

3. 手工分析

5!=1.2.3.4.5=120

4. MATLAB 实现

西出程序流程图(见图 8.21)。



N 8.20 用 while 循环实现角度换算成弧度的程序流程图

#### 5. 结果验证

```
在命令窗口对函数进行测试:
```

```
fact2(5)
ans =
120
fact2(-10)
ans =
The input must be a positive integer
fact2((1:101)
ans =
The input must be a positive integer
```

# 例 8.9 交错调和级数

交错调和级数收敛于2的自然对数:

$$\sum_{k=0}^{\infty} \frac{(-1)^{k+1}}{k} = 1 - \frac{1}{2} + \frac{1}{3} - \frac{1}{4} + \frac{1}{5} - \dots = \ln(2) = 0.693 \ 147 \ 180 \ 6$$

因此,交错调和级数近似等于 In(2)。用 while 循环结构计算交错调和级数的近似值。

#### 1. 问题描述

用 while 循环结构计算当收敛条件为 0.001 时交错调和级数的累积和. 把计算结果和 2 的自然 对数做比较、

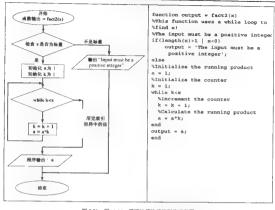


图 8.21 用 while 循环计算阶乘的程序流程图

2. 輸入/輸出描述

输入 交错调和级数:

$$\sum_{k=1}^{\infty} \frac{(-1)^{k+1}}{k} = 1 - \frac{1}{2} + \frac{1}{3} - \frac{1}{4} + \frac{1}{5} - \cdots \frac{1}{\infty}$$

輸出 计算满足收敛条件时,交错调和级数的累积和。 作图表示级数的累积和,直到满足收敛条件。

3. 手工分析

计算前5个交错调和级数的值。

先求出交错调和级数的前五项;

1.000 0 -0.500 0 0.333 3 -0.250 0 0.200 0

计算前五项的累积和:

1.000 0 0.500 0 0.833 3 0.583 3 0.783 3

通过对比相邻各组数据的差,可以发现累积和逐步接近于一个固定值;

-0.500 0 0.333 3 -0.250 0 0.200 0

4. MATLAB 实现

先函出程序流程图,然后编写 MATLAB 程序。程序运行后,在命令窗口输出以下结果

The sequence converges when the final element is equal to 0.001 at which point the value of the series is 0.6936

At which point the value of the series is 0.69; This compares to the value of the ln(2), 0.6931 The sequence took 1002 terms to converge

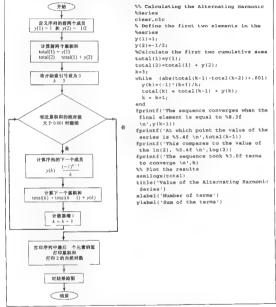


图 8.22 计算交错调和级数的程序流程图

级数收敛于 ln(2),求和的项数端多数值越接近。如果收敛条件为 0,0001,重新运行程序,得到以下输出做果:

The sequence converges when the final element is equal to -0,000

At which point the value of the series is 0.6931 This compares to the value of the ln(2), 0.6931

The sequence took 10001 terms to converge

### 5. 结果验证

通过输出图形和手算结果进行对比,前五项和与输出图形相符。级数大概收敛于 0.69, 此数值 接近 2 的自然对数。

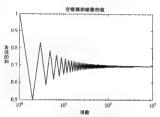


图 8.23 交错调和级数收敛于 In(2)

## 练习8.5

用 while 循环求解下列问题:

1. 创建一个英寸到英尺的换算表格。

2. 己知矩阵

求矩阵中大于30的数值有几个?

3. 用 find 命令完成练习 2.

- 4. 用 while 循环把练习 2 中矩阵的所有元素相加。用函数 sum 檢验运算結果是否正确(可以使用 help 香物函数 sum 的用法)。
  - 5. 用 while 循环创建一个矢量,其值等于调和级数的前 10 项,即

1/1 1/2 1/3 1/4 1/5 ... 1/10

用 while 循环创建 一个矢量,其值等于交错调和级数的前 10 項,即
 1/1 -1/2 1/3 -1/4 1/5 ... -1/10

#### 8.5.3 break ¥□ continue

break 命令可以提前终止循环。break 语句一般嵌套于 while 或 for 循环中,用于终止最内层 循环。例如,

```
if(acmn)
          disp('You must enter a positive number')
          disp('This program will terminate')
       end
       disp('The natural log of that number is')
       disp(log(a))
end
```

在程序中, 先设置 n 的初值。每次执行先检查输入数据是否是正数。如果输入零或负数, 则在 命令窗口输出错误信息,同时跳出循环。如果a为正数,则继续执行该循环,直到n大于10为止。

新始心, 空义态量的初度。

```
命令 continue 的用法和 break 类似,此命令的作用是结束本次循环,直接执行下一次循环。
   n=0:
   while (n<10)
          n=n+1:
          a=input('Enter a value greater than 0:');
          if(a<=0)
             disp('You must enter a positive number')
             disp('Try again')
             continue
          end
          disp('The natural log of that number is')
          disp(log(a))
```

在议邸程序中, 加集输入负责, 则执行下一次循环, 盲到 5 大于 10。

# end 8.5.4 提高循环效率

一般来说, 在 MATLAB 中的数组操作比 for 循环或者 while 循环效率更高。读者可以通过矩 阵相乘的例子进行验证。首先,用 ones 命令创建一个 n×n 的矩阵 A, 矩阵中共有 40 000 个元素:

```
ones(200):
```

t0 m clock:

t0 s clock: B = A*pi; time = etime(clock, t0)

关键概念、循环结构不如矢量化解决方案运行效率高。

运行结果产生一个 200 × 200 的全 1 矩阵, 分别采用数组乘法和 for 循环两种解决方案, 计算该 矩阵和 a 相乘的结果。用函数 clock 和函数 etime 记录程序的运行时间。容易发现,采用矢量化解 决方案运行速度最快。计时部分的程序代码如下:

```
code to be timed
   etime (clock, t0)
函数 clock 可以查询当前时间。函数 et ime 可以求出运行时间,即用当前时间减去开始时间。
输入程序代码
   clear, clc
                  %Creates a 200 x 200 matrix of ones
   A = ones(200);
```

输出

```
time =
       n
```

数组运算共轭时 0 秒,说明运算速度非常快、再次运行以上代码、输出的结果可能会有不同。这是 因为函数 clock 和 cture 记录的是 CPU 的运算时间。如果粉彩运行时、CPU 还有其他任务,比方说。 至少还要还付橡性系统或是下完全行后分辨性,那么试验的如间面的全场性、

用循环结构完成相同的计算,需要先清空内存,重新创建矩阵:

```
clear
A = ones(200);
```

这样可以确保两次运算的起点相同,便于记录运算时间。

```
输入代码
```

```
t0 = clock;
    for k = 1:length(A(:))
        B(k) = A(k)*pi;
    end
time = etime(clock, t0)
```

输出

```
time = 69.6200
```

采用循环结构完成相同的计算大约耗时 70 秒 (消耗的时间和计算机的运算速度也有关系)。for 循环体的迭代次數和短降 A 的元素个数有头。可以用 Length 命令计算。Length 用于确定矢量的最大 长度,矩阵 A 的长度等于 200, 这个结果显然是错误的。因此, 在矩阵 A 的后面用操作符()先把 A 转 檢成单列矩阵, 求出矩阵 A 的长度为 40 000。每次执行 for 循环, 矩阵 B 中都会新增一个元素, 所有 这些比赛都要耗费时间, 为了提高运售速度, 朱定义占位矩阵。输入代码

```
clear
A = ones(200);
t0 = clock;
%create a B matrix of ones
B = A;
for k = 1;length(A(:))
B(k) = A(k)*pi;
end
time = etime(clock, t0)
```

输出

time = 0,0200

从输出的结果可以看出,程序修改后运算速度显著提高。数组相乘的方法和定义占位矩阵的方 法与第二种方法和比节约了大量的时间。

命令 tic 和 toc 的用法与 clock 和 etime 的用法类似,也可以记录运行时间。输入代码

```
clear
A = ones(200);
tic

is B = A;
    for k = 1:length(A(:))
        B(k) = A(k)*pi;
end
toc
```

输出

```
Elapsed time is 0.140000 seconds.
```

因为计算机可能还有其他任务,所有这两次记录的时间本一定相同。clock/etime 和 tic/toc 只能记录运行的时间,而不是记录程序占用 CPU 的时间。

#### 提示

# 本章小结

程序结构可以分成 : 大类, 分别是顺序结构、选择结构和循环结构、顺序结构就是依次执行程 序码。选择结构和循环结构中都要别组条件判断语句, 选择结构是根据条件选择执行的语句。循环 结构是"附近安全标准比明 索规抗"循环体中的语句。

在 MATLAB 中使用标准的数学关系运算符。例如大于(>) 和小于(<)。运筹符不等于(~=) 在数 学参考 书中用的比较少。MATLAB 中还包含逻辑运算符。例如 "与( $\epsilon$ )" 和 "或( $\cdot$ 1)"。这些运算 符當用在条件语句中作为判断的依据。

行作用任業性皆可可任人对關的政政部。 find 命令是 MATLAB 中的条件函数,也是 MATLAB 特有的命令。用于在矩阵中查找符合条件 的元素。

在 if、else 和 elseif 命令中,判断条件一般使用标量运算。根据条件语句的判断结果,选择 执行程序代码。

for 循环一般用于重复计算。while 循环的次数不固定,只要条件满足,循环体就会被执行。在 循环结构计,既可以使用 for 循环,也可以使用 while 循环。

break 和 continue 访句用「退出循环,常常和 if 语句配合使用。break 命令用于跳出当前循环, 执行循环体后面的积序。continue 命令用于跳出本次循环,当条件满足时,继续执行下一次循环。

矢號化的計算方法,具有较高的运算速度。因此,在程序中应该尽量避免使用循环结构。如果必须使用循环结构。则可以先定义占位矩阵(全零矩阵或全1矩阵),再通过循环结构赋值。事实证明,该种做法可以有效提高运算速度。

高数 clock 和 et.me 可以查询当前时间,记录程序运行时间。在计算过程中、计算机需要同时运行操作系统或其他后台程序,因此,所记录的时间可能不是很准确。函数 tic 和 toc 也有类似功能。tic/toc 和 clock/et.me 都可以记录程序运行时间。

# MATLAB 小结

下面列出了本章介绍的 MATLAB 特殊字符、命令和函数。

特殊字符	悦 明
<	小干
du du	小于等于
>	大于
34	大于等于
=-	等于
-=	不等于
4	lig .
	成
	#

命令和函数	謎. 明				
all	检查数组中所有元素是否满足某一条件				
eny	检查数组中是否存在编足某 条件的元素				
break	终止当前循环				
case	分类响应				
clock	查询CPC当前时间				
continue	结束本次循环、继续执行下 次循环				
else	定义 1 《语句结果为 false 的执行内容				
elseif	定义 1f 语句结果为 false 的执行内容,并定义新的判断条件				
end	表示控制结构的结束				
etime	记录时间				
find	查找矩阵中满足条件的元素				
for	产生循环结构				
£T	条件执行语句				
menu	使用菜单输入				
ones	<b>创建全</b> L 矩阵				
otherwise	分支选择语句				
awitch	分支选择语句				
tic	计时启动				
tec	计时纳束				
while	产生循环结构				

# 习题

- 8.1 一温度传感器监测院内热水池的温度,监测数据如表 P8.1 所示。
- (a) 要求温度不能超过 105°F。用函数 fand 找出哪儿个监测点的温度超出允许范围。
- (b) 用函数 length 求出问题(a) 中共有几个监测点的温度超出范围。

表 P8.1 热水池的温度数据

时 间	温度( )	村 间	温度(*)	
0:00 A.M.	100	1:00 P.M.	103	
1:00 A.M	101	2:00 P M.	101	
2:00 A.M.	102	3:00 P.M	100	
3:00 A.M.	103	4:00 P.M.	99	
4:00 A.M	103	5:00 P.M	100	
5:00 A.M.	104	6:00 P.M.	102	
6:00 A.M.	104	7:00 P.M	104	
7:00 A.M.	105	8:00 P.M.	106	
8:00 A.M.	106	9:00 P.M	107	
9:00 A.M.	106	10:00 P.M.	105	
10:00 A.M	106	11:00 P.M.	104	
11:00 A.M.	105	12:00 P.M.	104	
12:00 P M.	104			

⁽c) 求出问题(a)中温度超出允许范围的监测时间。

- (d) 要求温度不能低于102°F。用函数 find 和 length 找出共有几个监测点的温度低于允许的范围。
- (e) 求出温度低于允许范围的监测时间。
- (f) 求出监测温度在允许范围内的时间点(即 102°F 到 105°F之间)
- (g) 用函数 max 计算监测到的最高温度,并确定出现最高温度的时间。
- 8.2 根据下面等式计算火箭的飞行高度,单位为米。

高度= $2.13^2 - 0.0013t^2 + 0.000034t^{4.751}$ 

创建时间矢量(t), 范围从0到100秒, 步长为2秒。

- (a) 用函数 find 求出火箭着陆的时间(提示: height 的债始终都为正数,火箭着陆时 height 等于0)。
  - (b) 用函数 max 求出火箭的最高 & 行高度和相应的飞行时间。
- (c) 用水平坐标轴表示飞行时间 1, 纵坐标表示飞行高度,画出飞行时间和飞行高度的关系曲线。 在图形上添加必要的标题和坐标轴标注。
- 8.3 在卫星运载火箭、武器系统和航天飞机中,采用固体燃料发动机作为推动装置,见图 P8.3。 推进剂是燃料和氧化剂的固体混合物。燃料上要是铝、氧化剂是高氯酸铵,用环氧树脂胶黏合在一起。

推进剂混合物被灌进发动机机匣中, 在一定条件下, 混合物融会固化。 由于发动机非常巨人, 可以转载 110 万磅推进剂, 因此一般把发动机 为成若干个部分。推进剂的团化过程与温度、湿度以及压力有关。如 聚条件不具备。燃料可能会被点燃。或者导致推进剂物并的性能降低。 固体燃料发动机造价品贯, 危险性高, 因此操作过程必须分毫不差。 稍有差键就会造成不可规则的巨人财产损失, 人员伤亡以及科学数据 的损毁。这种失误会直接导致公司破产。整个操作过程需要严格控制, 必须称公归下军体。

温度必须控制在115°F到125°F之间。 温度必须促转在40%到60%之间。

压强必须保持在100到200 托之间。

在間化过程中监测到的数据如表 P8.3 所示。

(a)用 find 命令确定哪些部分符合温度要求,哪些部分不符合 温度要求。



图 P8.3 导弹固体燃料推进器 (图片由 NASA 提供)

(b) 用 find 命令确定哪些部分符合湿度要求,哪些部分不符合湿度要求。

表 PB.3 固化数据

批 次	墨 唐 (F)	温度(%)	压 強
1	116	45	110
2	1.14	42	115
3	118	41	120
4	124	38	95
5	126	61	118

- (c) 用 find 命令确定哪些部分符合压强要求,哪些部分不符合压强要求。
- (d) 用 find 命令查找哪些部分不符合固化条件,哪些部分符合固化条件。

① 引自 Etter, Kancacky, and Moore, Introduction to Matlab 7 (Upper Saddle River, NJ Pearson/Prentice Hall, 2005)

(e) 利用前几个问题的输出结果,配合 length 命令计算各个条件的合格和不合格的百分比,最后计算符合固化条件的百分比。

8.4 体操是一种竞技比赛项目,运动员在体操比赛中取得的分数如表 P8.4 所示。

麦 P8.4 体操比赛分数

选手1	选手 2
9.821	9.700
9.923	9.925
9.624	9.83
9.432	9.987
9.534	9.354
9.203	9.879
	幾乎 1 9.821 9.923 9.624 9.432 9.334

- (a) 用 find 命令确定各比赛项目的获胜者。
- (b) 用約数 mean 求出运动员的平均成绩。
- 8.5 创建满足下前要求的函数 f:

$$x > 2$$
,  $f(x) = x^2$   
 $x \le 2$ ,  $f(x) = 2x$ 

选择合适的步长,画出 x 在-3 到 5 范围内的函数曲线, 注意曲线 上 x = 2 汶 ·点。

8.6 创建函数 8 满足下面的要求:

対于
$$x \ge -\pi$$
 且  $x \le \pi$ ,  $g(x) = \cos(x)$  対于 $x > \pi$ ,  $g(x) = -1$ 

对于 $x < -\pi$ , g(x) = -1

选择合适的步长, 断出 x 在-2π 到 + 2π 范围内的函数曲线。

8.7 从热偶监测到的数据保存在文件 temp.dat 中, 见表 P8.7。表中第一列数据为测量时间, 每小时测量一次。其余几列分别是各个热偶的温度数据。

表 P8.7 温度数据

小时	BIT (A) I	时间 2	PT/NJ 3	小町	1 [0] 18	时间 2	8\$(6) 3
1	68.70	58.11	87.81	13	68.24	61.06	70.53
2	65.00	58.52	85.69	14	76.55	61.19	76.26
3	70.38	52.62	71 78	15	69.59	54 96	68.14
4	70.86	58.83	77 34	16	70.34	56.29	69.44
5	66.56	60.59	68.12	17	73.20	65.41	94.72
6	73.57	61.57	57.98	18	70.18	59.34	80.56
7	73.57	61.22	89.86	19	69.71	61 95	67.83
8	69.89	58.25	74.81	20	67.50	60.44	79.59
9	70.98	63.12	83.27	21	70.88	56.82	68.72
10	70.52	64.00	82.34	22	65.99	57.20	66.51
11	69.44	64.70	80.21	23	72.14	62.22	77.39
12	72.18	55.04	69.96	24	74.87	55.25	89.53

- (a) 编写程序查找温度高 F 85.0 数据的位置(行序号和列序号)(提示: 可以使用 find 命令)。
- (b) 查找温度低于65.0 数据的位置(行序号和列序号)。
- (c) 在文件中查找最高温度以及出现最高温度的时间和热便 的编号。

8.8 科罗拉多河流经美国西部七个州, 在科罗拉多河及其支 流上第有许多大坝用以水力发电(见图 P8.8)、对河水的合理利用 有利于这一他区的农业发展和居民生活。即使品在星葵、也能够 保证稳定的水源和电力供应。包售潮就是科罗拉多河上的一座水 库。2000~2007年8年间水库水位的海拔高度保存在lake powell.dat 文件中, 见表 P8.8。根据这些数据回答下面的问题,



图 P8.8 包售湖上的格兰峡谷大坝 (图片由 Getty Images 提供)

- 平均水位。
- (a) 根据所给数据, 计算包结湖每年的平均水位和 8 年的总 (b) 统计每年共有多少个月水位超过8年的总平均水位。
  - (c) 写一份报告统计在哪一年哪个月水位韶过平均水位。

(d) 计算8年中各个月的平均水位。

表 PRR 创体湖水位的海拔高度(革尺)

	2000	2001	2002	2003	2004	2006	2008	2007
·月	3680.12	3668.05	3654.25	3617.61	3594.38	3563.41	3596.26	3601.4
二月	3678.48	3665.02	3651.01	3613	3589.11	3560.35	3591.94	3598.63
5,79	3677.23	3663.35	3648.63	3608.95	3584.49	3557.42	3589.22	3597.85
四月	3676.44	3662.56	3646.79	3605.92	3583.02	3557.52	3589.94	3599 7
五月	3676.76	3665.27	3644.88	3606.11	3584.7	3571.60	3598.27	3604.6
六月	3682.19	3672.19	3642.98	3615.39	3587.01	3598.06	3609.36	3610.9
七月	3682.86	3671.37	3637.53	3613.64	3583.07	3607.73	3608.79	3609,4
八月	3681.12	3667.81	3630.83	3607.32	3575.85	3604.96	3604.93	3605.5
九月	3678.7	3665.45	3627.1	3604.11	3571.07	3602.20	3602.08	3602.2
<del>1</del> 月	3676.96	3663.47	3625.59	3602.92	3570.7	3602.31	3606.12	3601.2
十一月	3674.93	3661.25	3623.98	3601.24	3569.69	3602.65	3607.46	3599.7
十二月	3671.59	3658.07	3621.65	3598.82	3565 73	3600.14	3604.96	3596.75

8.9 编写程序、提示用户输入体温、数据类型为标量。如果体温超过 98.6°F. 在命令窗口输出 相关信息提示患者正在发烧。

8.10 编写程序,提示用户输入 x 和 y 的值,如果 x 大于 y 输出 x>y。如果 x 小于或等于 y,输出 y>-x。 8.11 由于正弦和余弦函数值在-1和+1之间,因此反正弦函数(asin)和反余弦函数(acos)的自 李景也必须在-1 到+1 之间(见图 P8.11)。在 MATLAB 中,如果 as in 和 acos 的自变量超过这一范 围,则输出一个复数。例如,输入

acos (-2)

3.1416 - 1.3170i

这样的输出结果就存在问题。创建函数 my_asin 计算反正弦 asin。输入 x, 先检查 x 是否在-1 到+1 之间(-1<=x<-1), 如果超出此范围, 则输出错误信息。如果没有超出此范围, 则计算 x 的反正弦 asin。

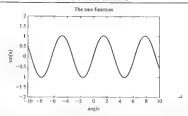


图 P8 11 正弦函数值在-1 和+1 之间,因此反正弦函数 asin 在大于 1 和小于-1 区间 [没有定义

8.12 编写程序、提示用户输入气温、数据类型为标量。如果气温等于或高于 80°F。则输出信 息根示。p[D]穿短袖衣服。如果与温在 60°F 到 80°F 之间。输出信息根示。无与暗朝。如果任温等于 或低于60°F,输出信息提示:需要穿夹克或外套。

8.13 用铅链

表示去年公司每个月库存银条的数日、矩阵中的数据必须悬正数或零。

(a) 用 if 语句检查矩阵是否有效,并且根据判断结果在屏幕上输出提示信息: "有效"或"发 现于效数据"。

(b) 修改矩阵 saws 的值,使矩阵中至少有一个元素的值为负数,对程序进行验证。

8.14 在美国许多大型企业中, 被励员工积极参加 401(k) 计划。按照该计划,企业员工从工管 中拿出一定比例的资金,以税前的形式存入养老金账户。存入账户的金额和工资收入有关,而且这部 分资金不让入纳税范围。 本题就是针对 401(k) 计划设计的。

假设某公司的缴费计划见表 P8.14。创建函数计算每年存入账户的总金额,其中总金额包括员工 应缴费用和公司应缴费用两个部分。

	表 P8.14 景公司職费173	93
收入	个人应缴费用的最高金额	公司应徽费用的最高金额
\$30 000 以下	10%	10%
\$30 000 和\$60 000 之间	10%	第一个\$30 000 的 10%。超出\$30 000 部分的 5%
\$60,000 和\$100,000 之同 第一个\$60,000 的 10%。超出\$60,000 部分的 8%		第一个530 000 的 10%。\$30 000 和\$60 000 之间 部分的 5%。超出\$60 000 部分不繳費
\$100 000 以上	第一个\$60,000 的 10%, \$60,000 和\$100,000 之间部 分的 8%。超出\$100,000 部分不繳費	不撤费

8.15 名边形内角和(见图 P8.15)可以用下面的式子计算  $(n-2)(180^\circ)$ 

其中, n 是多边形的边数。

(a) 创建矢量 n 等于 3 到 6, 根据公式计算 n 边形的内角和。用所学的几何学知识对计算结果进 行验证。

(b) 编写程序,提示用户输入





(c) 使用菜单功能重新编写该程序。

再用矩阵, 计复多边形内角和。

8.16 犹他州立大学的不同工程专业要求不同的学分。例如, 2005 年一些专业的学分要求如下:

图 P8.15 多边形

十木工程 130 砂坐工程 130 计算机工程 122 电机工程 126.5

扣械工程

120 编写程序,提示用户在菜单中选择工程专业的名称。用 switch/case 结构输出该专业要求的学分。 8.17 在 MTALAB 极坐标系中绘制星形非常方便。先确定圆周上的点,然后把这些点用线连起 来就可以绘制星形。例如绘制五角星,以圆周的最上端为起点 $\theta=\pi/2, r=1$ ,按逆时针顺序描绘各点 (III PR PR 17).

编写程序,提示用户在菜单中选择五角星或者六角星,然后在图形窗口绘制图形。注意六角星 和五角星的绘图方法不同。

8.18 用 for 循环结构求矢量元素的和,已知矢量 x 等于

x = [1, 23, 43, 72, 87, 56, 98, 33]

用滿數 aim 检查计算结果。

8.19 用 while 循环结构完成题 8.18。

8.20 用 for 循环创建一个矢量,等于1到5的平方。

8.21 用 while 循环创建一个矢量, 等于 1 到 5 的平方。

8.22 用函数 primes 求小于 100 的豪數, 用 for 循环计算相邻两个豪数的乘积。例如, 前 4 个 豪物县

2 3 5 7

203 305 507

輸出

计算

6 15 35

8.23 在斐波那契数列中,每个数等于前两个数之和。最简单的斐波那契数列中开始的两个数是 1, 然后按规律确定每项的值,如

1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, ...

当然,以任意两个数开始都可以构成斐波那契数列。在自然界中可以看到许多斐波那契数列的 例子,例如鹦鹉螺的生长过程就符合斐波那契数列中的规律(见图 P8.23)。

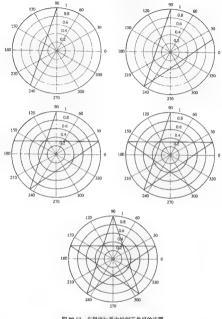


图 P8.17 在极坐标系中绘制五角星的步骤



图 P8 23 鹦鹉螺(Colin Keates @ Dorling Kindersley 图片由伦敦自然历史博物馆提供)

编写程序,提示用户输入斐波那契数列的前两个数字和数列的项数。用:or 循环计算数列中其 给予项的值,并把计算结果存储在数组中。在接坐标系中绘制图形,以元素的序号为角度坐标,以元 套的值作为半径。

8.24 用 while 循环结构完成题 8.23。

8.25 雙波那契數列的另一个性质是相邻两个數之比近似相等,此比值称为"黄金分割率"或 款 Φ。编写程序,由用户输入斐波那契数列中的前两个数字,计算数列中的其余数字,直到数列中 相邻两个数字的比值满足收敛条件 0.001。可以用 shīle 循环计算第 k 个元素 方第 k · 1 个元素的比值 成去第 k · 1 个元素与第 k · 2 个元素的比值是否小于收敛条件 0.001。那么斐波那契数列 x 的 whīle 语句应为

while abs(x(k)/x(k-1) - x(k-1)/x(k-2))>0.001

8.26 : 角函数中 π/2 和 - π/2 的正切值都等于无穷大。正切函数的定义为

 $tan(\theta) = sin(\theta)/cos(\theta)$ 

由于

 $\sin(\pi/2) = 1$ 

和

 $\cos(\pi/2) = 0$ 

所以得出

 $tan(\pi/2) = 无穷大$ 

因为 MATLAB 采用浮点数表示  $\pi$ ,所以  $\pi/2$  的正切值不等于无穷大,而是一个非常大的数。

8.27 一个新生儿的父母为孩子提前存储教育经费。如果先存入\$1000,此后每月存入\$100。假设 每月的利息为 0.5%。合年利率为 6%。

每月都有利息收入和新增存款,新的存款余额可以用下面的式子计算:

新的存款会额 = 順存款会额 + 利息 + 新增存款

用 fox 循环计算, 在未来的 18 年里, 每个月的存款分别是多少? 画出存款余额与时间的关系曲 经(用權學标表示时间, 級學标表示存款余额)。

increase = [10, 8, 10, 16, 15, 4, 6, 7, 8, 10, 8, 12, 14, 15, 8, 7, 6, 5, 7, 8, 9, 8]

如果现在每年的教育费用是\$5000,用 for 循环计算大学四年的教育费用。

8.29 用 11 语句完成题 8.27 和题 8.28, 正确回答"所存的教育经费够不够"这一问题。

8.30 由于循环结构运行速度慢,因此在程序中应该尽量避免使用 for 循环。

(a) 创建- 个有 100 000 个元素的随机矢量 x, 在此基础上, 令矢量 y 等于矢量 x 中每个元素的 平方: 用上ic 和 toc 命令记录程序运行时间。

(b) 用 for 循环实现上述功能, 用 tac 和 toc 命令记录程序运行时间, 注意使用 for 循环前, 一定要离空变量:

clear x v

根据实际计算机的运行速度,可能会在命令窗口中使用Ctrlc命令终止计算过程。

- (c) 抑制中间结果的输出,可提高代码执行速度。由于循环结构的执行非常费时,所以在编程中 应尽量避免。
  - (d) 如果在一个for循环中多次使用一个相同的固定值、那么、计算一次统构其存储起来,而不是每次循环都进行计算。为了说明计算速度的增加,可以在每次循环中,刘度大矢量的元素加上(sin(0.3)。cos(pi/3)*5!)(运算符号块示称乘。MATIAB 的函数 factorial 定到除海运的。
- (e) 如前所述、利用循环程序增加矢量的长度比提前设定好长度要花费更多的计算时间。通过面复本题的(b) 可以说明这一点。创建下面的矢量少。在进入 for 循环之前该矢量的所有元素值为 0; × = secre(1, 1000m);

在每次循环中用 1 替换 0。

- 8.31 (a) 创建函数 polygon, 该函数能在极坐标中画出多边形, 函数的唯一输入参数是多边形的边数。
- (b) 利用 for 循环和所创建的通数 polygon 绘制 "个包含四幅予图的图形,予图显示的内容分别是一角形、矩形、五边形和八边形。在 for 循环中使用索引参数标识予图,利用索引参数在表达式中确定易数 bolygon 作为输入的图形边数。

8.32 很多大型机场将中转方式分为长时间逗留和短时间逗留两种,收取费用的多少与所选择的中转方式和逗留时间的长短有关。2008年夏季, 盐湖城国际机场的费用计算方法如下:

- 长时间逗留
  - 开始 1 小时收取费用\$1.00,每增加 1 小时加收\$1.00。
  - 每天最多收86.00。
  - 報用最多的\$42.00.
- 短时间设留
  - 开始 30 分钟免费, 每增加 20 分钟加收S1.00。
  - 每天最多收\$25.00。

编写一般程序,该程序能够询问用户选择哪一种中转方式,以及逗留的时间(周敷、小时敷、天 敷和分钟数),根据费用计算方法计算应付费用。

# 第9章 矩阵代数

#### 学习目的

通过本章的学习, 读者可以掌握如下内容:

- 讲行矩阵代数的基本运算。
- 使用 MATLAB 中的矩阵运算解联立方程组。
- 使用 MATLAB 中的特殊矩阵。

# 引言

在工程应用中、数组和矩阵运两个术语经常交互使用。但是,从定义上看,数组是一组有顺序 的信息。而矩阵是以用于线性代数中的二维数组、数组不但可以是数字信息,也可以是字符数据或符 号数据签,但是非非所名的数组都是每0%。但有企准分据的严险点以下才能学验给转换等

矩阵代数在 [程中应用广泛,数学中的矩阵代数首先引入到高等代数的课程,后来又延伸至线 性代数证据。 以及微分方规的课程中,人们经常从整力类和动力类的课程中开始使用矩阵代数。

### 9.1 矩阵运算和函数

本章主要介绍应用于矩阵代数的 MATLAB 函数和运算符号,并将这些内容与 MATLAB 中的数组函数和运算符号作对比,可以了解彼此间的明显区别。

### 9.1.1 转置

矩阵的转置运算选档矩阵的行转化为列, 培列转化为疗, 在数学公式中, 转置的表示形式是将 字母丁写在矩阵的右上方(如 A')。不要将这个符号和 MATLAB 中的符号混淆。在 MATLAB 中, 转 置运算符是一个单引号(')。如4 的转置矩阵为A'。

考虑如下矩阵和它的转置

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ \hline 7 & 8 & 9 \\ 10 & 11 & 12 \end{bmatrix} \quad A^{T} = \begin{bmatrix} 1 & 4 & \boxed{7} & 10 \\ 2 & 5 & 8 & 11 \\ 3 & 6 & 9 & 12 \end{bmatrix}$$

数组: - 促有顺序的信息。

交換矩阵的行和列,矩阵A中位置(3, 1)的數值在A^T中被移到了位置(1, 3), A 中位置(4, 2)的 數值在A^T中移到了位置(2, 4)。通常,行和列的下标(也叫索引号)相互交换便构成了转置矩阵。

在 MATLAB 中,最常用的转置操作是将行矢最转化为列矢量,如 A = [1 2 3];

A = 1 2

矩阵: 在线性代数中使用的二维数值数组。

如果是复数,则求转置后变成复数的共轭。例如,定义 个复数的矢量,对该矢量进行方根运算,然后对得到的矩阵求共轭。代码为

0 + 1,7321i

x = [-1:-1:-3]

返回

-1 -2

然后, 求平方根:

y = sqrt(x)

y =

0 + 1.0000i 0 + 1.4142i

-3

最后,对y求转置:

Ϋ́

得到

ans =

0 - 1.4142i 0 - 1.7321i

结果表明,y'的结果是y中元素的共轭复数。

关键概念: 数组和矩阵这两个术语常常交互使用。

转置: 将行和列的位置互换。

### 9.1.2 点积

点积(有时也叫数量积)是将两个矢量中对应元素相乘再求和的结果。考虑下面两个矢量。

A = [123];B = [456];

这两个矢量进行数组相乘的结果是

y = A.*B

y = 4 10 18

对输出矢量中的元素求和,得到点积的结果是 sum(y)

ans =

点积的数学表达式为

 $\sum_{i=1}^{n} A_i \cdot B_i$ 

在 MATLAB 中可以写为

sum(A.*B)

MATLAB 中的函数 dot. 实现点积运算

dot(A,B)

32

不论 A 和 B 是行矢量还是列矢量,只要具有相同的元素个数就可以进行点积运算。 点积运算在计算物体重心(例9.1)和矢量代数计算(例9.2)等上程领域中得到了广泛应用。

点积: 两个矢量的对应元素相乘得到的结果再求和。

### 提示

### 例 9.1 计算重心

航天器的质量是一个非常重要的参数,设计人员在整个设计过程中要记录每个螺母及螺钉的位 置和质量,不仅航天器的整体质量很重要。而且与整体质量相关的信息者即以用来确定航天器的重心 放天器重心重要的原因是,如果压力中心比重心靠前,则火箭会有坚强的可能(见图 9.1)。不妨用纸 飞机来证明重心对飞行特征的影响。在纸飞机前段放置一个纸质杂子,然后观察它飞行横翼的变化。

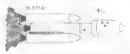


图 91 压力中心应位于重心的后部保证可靠飞行

虽然计算重心相当简单,但是考虑到燃料燃烧过程、质量及其质量分布就会变得很复杂。 将飞行器分解成多个零部件来计算重心的位置。在直角坐标系中、

$$\overline{x}W = x_1W_1 + x_2W_2 + x_3W_3 \cdots$$
  
 $\overline{y}W = y_1W_1 + y_2W_2 + y_3W_3 \cdots$   
 $\overline{z}W = z_1W_1 + z_2W_2 + z_4W_3 \cdots$ 

其中,京、页和王是重心的坐标,以是整个系统的质量。云, zz, zj, ·· 分别是系统新体 1, 2, 3... 在主 柚上的坐标, yp, zy, ·· 小分别是系统新件 1, 2, 3... 在 y 楠上的坐标。z, zz, zj, ·· 小分别是系统部件 1, 2, 3... 在 c 柚上的坐标,W, W, 、从, ·· 分别是系统部件。2, z, z, zh

利用各个零部件的重心计算整个航天器的重心,见表 9.1。利用点积的形式计算该问题。

1. 问题描述

计算航天器的重心。

表 9.1 航天器零部件的位置和质量

名 称	*	*	*	景 量
螺栓	0.1	2.0	3.0	3.50 g
MALE	1.0	1.0	1.0	1.50 g
螺母	1.5	0.2	0.5	0.79 g
支架	2.0	2.0	4.0	1.75 g

2. 输入/输出描述

输入 每个零部件在 x-v-z 直角坐标系中的位置及其各自的质量。

输出 航天器重心的位置。

3. 平工分析

重心在 x 軸上的分音等
干

$$\overline{x} = \frac{\sum_{i=1}^{3} x_i m_i}{m_{\text{Total}}} = \frac{\sum_{i=1}^{3} x_i m_i}{\sum_{i=1}^{3} m_i}$$

根据表Q2得

$$\overline{x} = \frac{6.535}{2.54} = 0.8667 \text{ m}$$

注意,需部件在主轴上的坐标与其质量的乘取之和可以用点积的形式表示。

書 9.2 × 軸管心的計算

名群	к. Ж		m. 克	x×m, 克米
螺栓	0.1	ж	3.50	≈0.35
領付	1.0	×	1.50	=1.50
螺母	1.5	26	0.79	=1.1850
支揮	2.0	×	1.75	=3.50
會计			7.54	6.535

#### 4. MATT AR 实现.

### MATLAB 程序代码:

- % Example 9.1
  - mass = [3.5, 1.5, 0.79, 1.75];

  - x = [0.1, 1, 1.5, 2];
  - x_bar = dot(x,mass)/sum(mass) y = [2, 1, 0.2, 2];
  - y_bar = dot(y,mass)/sum(mass)
  - $z = {3, 1, 0.5, 4};$
- z bar = dot(z.mass)/sum(mass)

#### 返回下面的结果:

- x bar =
- 0.8667 v bar =
- 1.6125
- z bar =
- 2.5723
- 5. 结果验证

将 MATLAB 的计算结果和手工计算的结果做比较,x 轴上的计算结果是正确的,同理,可以验 证v轴和z轴上结果的正确性。将结果图形化,可以进行更直观地分析。

grid on

xlabel('x-axis')

ylabel('y-axis')

zlabel('z-axis')

title('Center of Gravity')

axis([0,2,0,2,0,4])

图形化结果如图 9.2 所示。

上述程序可以应用于对任何数量的部件进行计算。对于程序化的处理过程而言,计算 3 个零邮件的过程与计算 3000 个零邮件的过程相同。

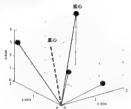


图 9.2 利用 MATLAB 空互式绘图工具得到的样本数据重心

### 例 9.2 力矢量

静力学用于研究系統中静止的力的作用。因此称为静力学,静力通常用失量的形式描述。对失量 进行量加可以确定物体所受的合力。现察图 9.3 中的两个力失量 4 和 B,每个失量都有大小和方向。

表示这种失量的典型符号为A和B,每个失量的大小(物理长度)表示为A和B。每个失量同样可以用它们在x轴、y轴和z轴上的分量与单位失量(i,j,k)相乘再水和来表示,如

$$A = A_x i + A_y j + A_z k$$

和

$$B = B_i i + B_j j + B_i k$$

 $A \rightarrow B$  点积的结果等于  $A \rightarrow B$  的模相乘,再乘以两失量夹角的余弦值:



图 9.3 力矢量可用于研究 静力学和动力学

 $A \cdot B = AB \cos(\theta)$ 

计算失量的模可以使用勾膜定理,例如,三维失量的模为  $A = \sqrt{A_s^2 + A_s^2 + A_s^2}$ 

 $A = \sqrt{A_x + A_y + A_z}$ 

如果用下面的式子定义矢量 A ,就能够使用 MATLAB 求解类似的问题:

其中,  $\lambda x$ ,  $\lambda y$  和  $\lambda z$  分别是力在 x 轴、y 轴、z 轴上的分量值、利用 MATLAB 的点积运算求得两失 晋间的失角:

$$A = 5i + 6j + 3k$$

$$B = 1i + 3i + 2k$$

B=1i+3

求两矢量间的夹角。 2. 輸入/輸出描述

输入 
$$A=5i+6j+3k$$
  
 $B=1i+3j+2k$   
輸出 两矢量夹角 $\theta$ .

3. 手工分析

$$A \cdot B = 5 \cdot 1 + 6 \cdot 3 + 3 \cdot 2 = 29$$

$$A = \sqrt{5^2 + 6^2 + 3^2} = 8.37$$

$$B = \sqrt{1^2 + 3^2 + 2^2} = 3.74$$

$$\cos(\theta) = A \cdot B/AB = 0.9264$$

 $arccos(\theta) = 0.386$ 

这样可以求出两矢量间的夹角为 0.386 rad 或 22.12°。

4. MATTAR 字即

MATLAB 程序代码:

%Example 9.2

%Find the angle between two force vectors

%Define the vectors

A = [5 6 3]; B = [1 3 2];

*Calculate the magnitude of each vector

mag A = sgrt(sum(A,^2));

mag_B = sgrt(sum(B.^2));

%Calculate the cosine of theta

cos theta = dot(A,B)/(mag_A*mag_B);

%Find theta

theta = acos(cos_theta); %Send the results to the command window

fprintf('The angle between the vectors is %4.3f radians

\n'.theta) fprintf('or %6.2f degrees \n', theta*180/pi)

程序运行结果在命令官口中显示为

The angle between the vectors is 0.386 radians

or 22.12 degrees

5. 结果验证

在本例中, 利用 MATLAB 重現了手工计算的内容, 计算结果相同, 从而验证了结果的正确性, 可以将该问题进行推广, 计算用户输入任何一个矢量组合的夹角, 举例如下:

%Example 9.2-expanded %Finding the angle between two force vectors

%Define the vectors disp('Component magnitudes should be entered')

disp('Using matrix notation, i.e.')

disp('[ A B Cl') A = input ('Enter the x y z component magnitudes of vector

A: B = input('Enter the x y z component magnitudes of vector

B, %Calculate the magnitude of each vector

 $mag_A = sqrt(sum(A.^2))$ :

mag B = sqrt(sum(B.^2));

%Calculate the cosine of theta cos theta = dot(A.B)/(mag A*mag B);

```
*Find theta
theta = acos(cos_theta);
*Send the results to the command window
fprintf('The angle between the vectors is %4.3f radians
\n', theta)
fprintf('or %6.2f degrees \n', theta*180/pi)

命令窗口勢出步下结果:
Component magnitudes should be entered
Using matrix notation, i.e.
[ A B C]
Enter the x y z component magnitudes of vector A: [1 2 3]
A =

1 2 3
Enter the x y z component magnitudes of vector B: [4 5 6]
B =
```

#### 练习91

1. 用函数 dot 计算下面两个矢量的点积:

or 12.93 degrees

2、 通过对矢量 A 和 B 进行数组相乘再求和 sum (A,*B) 来计算 A 和 B 的点积。

The angle between the vectors is 0.226 radians

3. 一群朋友到当地的快餐厅票餐, 共点了4个单价为099美元的汉堡,3杯单价为149美元的软饮料,一杯250美元的奶货,两个单价为0.99美元的油炸食品和价格为1.29美元的两个洋葱圈,使用点积确定账单。

### 9.1.3 矩阵乘法

矩阵乘法类似于点积,若定义

则

A*B ans = 26

与点积给出的结果相同,例如

dot(A,B) ans = 26

**关键概念**,矩阵乘法的结果是一个数组。它由每个元素做点积得到。

矩阵乘法的结果是一个数组,它由每个元素做点积得到。上例只是一个很简单的例子,通常,结果是由矩阵 A 的每一行和矩阵 B 的每一列做点积运算构成,例如,

则结果矩阵中等,个元素是矩阵 A 的第一行和矩阵 B 的第一列做点积运算的结果,第一个元素是矩阵 A 的第一行和矩阵 B 的第一列微点形运算的结果,依此光绪。当矩阵 A 的第一行和矩阵 B 的每一列都做过点积运算后,则开始计算矩阵 A 的第一行

300 360 420 660 810 960

矩阵 c 中第二行第二列的元素。标示为 c(2, 2)。它是矩阵 a 的第二行和矩阵 b 的第二列做点和运算的结果。

下面用数学公式描述这种关系,而不是用 MATI AB 语句。例如

$$C_{i,j} = \sum^N A_{i,k} B_{k,j}$$

由于矩阵乘法是 系列的点料,所以处阵 A 的列数必须和矩阵 B 的行数相等。若 A 为 $m \times n$  矩 所 B 必须是 $n \times p$  矩阵,列数p 可以是任意值,则其结束必然是 $m \times p$  矩阵,本例中,A 是 $2 \times 3$  的矩阵。B  $3 \times 3$  的矩阵,数要必定是  $2 \times 3$  的矩阵。

关键概念: 矩阵乘法不满足交换物。

形象化描述这种规则的方法是并排写出两个矩阵的大小,并按照顺序计算。本例中,中间两个数字必须相等,两边的数字决定结果矩阵的大小。

**交換律**:与计算顺序无关。

通常,矩阵乘法不满足交换律,也就是说,在 MATLAB 中,

$$A * B \neq B * A$$

举例如下,当改变矩阵的相乘顺序后,变为

由于第一个矩阵的列数和第二个矩阵的行数不相等,所以不能进行点积运算。如果两个矩阵都是方阵,就可以进行 A*B*A 的运算,但是这两种计算的结果却不相同,举例如下:

```
A = [1 2 3
4 5 6
7 8 9];
B = [2 3 4
5 6 7
8 9 10];
A*B
```

ans = 36 42 48 81 96 111 126 150 174

B*A

ans =

42 51 60 78 96 114 141

160

#### 114 例 g g 用矩阵乘法计算重心

在例 9.1 中、采用点积泵计算航天器的重心。在第一步中可以使用矩阵乘法泵代替每个坐标轴上 的计算。表 9.3 清晰表述了这个例子。

表 9.3 航天器各部件的位置和质量

部件	*	*	*	原 量
単栓	0.1	2.0	3.0	3.50 g
無行	1.0	1.0	1.0	1.50 g
螺母	1.5	0.2	0.5	0.79 g
支架	2.0	2.0	4.0	1.75 g

#### 1. 问题描述

计算就天器的重心.

2、輸入/輸出描述

每个零部件在x-y-z 直角坐标系中的位置及其各自的质量。

輸出 航天器重心的位置。

3. 手工分析

建立一个包含所有坐标信息的二维矩阵和一个与之对应的包含质量信息的一维矩阵。 若有 n 个 零部件、坐标信息为3×n的矩阵,而质量信息为n×1的矩阵,那么、结果应该是3×1的矩阵,它表 示重心在 x-y-z 坐标轴上的位置与所有质量相乘的结果。

4. MATLAB 实现

MATLAB 程序代码:

% Example 9.3 3 [0.1 2 1 1.5 0.2 0.5 2 2 4 112

mass = [3.5, 1.5, 0.79, 1.75]'; location=coord*mass/sum(mass)

窗口显示如下结果:

location = 0.8667

> 1.6125 2.5723

5. 结果验证

结果和例9.1中的相同。

#### 练习9.2

找出下列哪些矩阵可以进行相乘运算?

1. 
$$A = \begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 2 & 9 \\ 6 & 5 \end{bmatrix}$$
  $B = \begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 2 & 9 \\ 6 & 5 \end{bmatrix}$  2.  $A = \begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 2 & 9 \\ 6 & 5 \end{bmatrix}$  2.  $A = \begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 2 & 9 \\ 6 & 5 \end{bmatrix}$  3.  $A = \begin{bmatrix} 5 & 1 & 9 \\ 7 & 2 & 2 \end{bmatrix}$  3.  $B = \begin{bmatrix} 8 & 5 \\ 8 & 2 \end{bmatrix}$  4.  $A = \begin{bmatrix} 1 & 9 & 8 \\ 8 & 4 & 7 \\ 2 & 5 & 3 \end{bmatrix}$  3.  $B = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 12 \\ 5 & 2 & 9 \end{bmatrix}$ 

可以看出,对于每个例子、 $A \cdot B \neq B \cdot A$ 。

#### 9.1.4 矩阵的幂

求矩阵的幂級是按照需要的次數。对矩阵本身做乘法运算。如 $A^2$ 等于 $A \cdot A$ , $A^2$ 等于 $A \cdot A \cdot A$ 。 在矩阵乘法中必须满足第一个矩阵的列舰和第二个矩阵的行数相等这一条件,所以,在做幂运算时, 较路必须是为证。 有相同的行动别。如如据

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{bmatrix}$$

**美雄概念**,只有方阵可以求事法官。

如果对这个矩阵求平方,则会得到错误提示,因为它的行数和列数不相等;

然而,观察下面的例子。代码

$$A = randn(3)$$

创建一个3×3 的随机数矩阵。例如

若对此矩阵求平方,则结果仍为一个3×3 的矩阵:

**关键概念**:数组相乘和矩阵相乘是不同的运算,且产生不同的结果。

函数 > 2: 是用来产生随机数的 所以使事这个函数31. 计算机上显示的数字与 1 面给出的数字会不相同。

求矩阵的非整数次幂,得到一个复数

求 A 的矩阵 2 次幂运算不等于求 A 的数组 2 次幂运算:

C = A.^2;

求 A 的数组 2 次幂运算得到如下结果:

1.7854 0.4786 2.5399 0.5102 0.7362 2.0765 2.6361 1.5725 0.3262

它相当于对每一项求平方。

### 9.1.5 矩阵的逆

在数学中,当提到"求逆运算"时指的什么意思呢?对一个函數而言,逆运算指对函數取反。 例如,函数arcsin(x)是函数sin(x)的反函數,可以用MATLAB来说明这种关系:

asin(sin(3)) (在MATLAB语法中,求正弦的反函数为asin)

ans =

#### 提 疗

→ 点意。arcsin(x) 车等 | iAsin(x)。 大多数製料 持中线用 arcsin(x)表示。但是、在计算器和计算机程序(t)。用 arcs (x) 要求 arcsin(x)。

另一个互为反函数的例子是 ln(x)和 e'。

log(exp(3)) (在MATCAB中,自然对数为log,而不是ln)

ans =

数字求反又是指什么?数字求反可以这样分析,任何数字都是用 1 乘以这个数字本身。如果对 这一过程求述,重新使回到 1 又该怎么办?显然,再除以这个数或乘以这个的倒数即可,因此,可以 认为,1 6 和 2 可为反函数。因为

$$\frac{1}{x}x=1$$

#### 关键概念: 一个函数乘以它的反函数等于 1。

当然,乘法的逆运算和前面讨论的函数逆运算是不同的。同样,加法也是可逆的,如 a 和-a -出价,乘法的逆运算和前面讨论的函数逆运筹和原处跨进行矩阵乘法运算,并得到单位矩阵的矩阵。 值价证据是 b 3分编绘为,L k 的位置都为 d 的矩阵。

#### 一些矩阵乘法的逆运算是满足交换律的,如

$$A^{-1}A = AA^{-1} = 1$$

为满足上式,矩阵必须是方阵, 也就是说,存在逆矩阵的崩壊条件是矩阵为方阵。 在 MATLAB 中定义 个矩阵, 用滤矩阵来验证这个结论。魔方矩阵的行、列和任意对角线上的 元素 为组织级。 语阵阵的规律方法如下。

```
A = magic(3)

A =

8 1 6

3 5 7

4 9 2
```

MATLAB 提供两种实现矩阵逆运算的方法。一种是求矩阵 A 的-1 次幂,代码如下:

```
A^-1
ans =
```

0.1472 -0.1444 0.0639 -0.0611 0.0222 0.1056 -0.0194 0.1889 -0.1028

另一种方法是使用内置函数 invi

inv(A)

ADS 3

0.1472 -0.1444 0.0639 -0.0611 0.0222 0.1056

-0.0194 0.1889 -0.1028

不管采用哪一种方法,矩阵 A 与其逆的乘积总为单位矩阵:

inv(A)*A

1.0000 0 -0.0000

0 1.0000 0 0 0.0000 1.0000

和

#### A*inv(A)

ans = 1.0000 0 -0.0000 -0.0000 1.0000 0

0.0000 0 1.0000

用手:「方法进行矩阵的逆运算是很困难的、相类内容可以在(线性代数)中专门学习。不存在 进阵的矩阵称为合异矩阵和蜗态矩阵。如果在 MATLAB 中对病态矩阵做逆运算,则在命令窗口中 会出理错误信息

奇异矩阵: 不存在逆矩阵的矩阵。

虽然从计算的观点上看,求逆矩阵并没有有效的方法,但逆矩阵却广泛应用于矩阵代數中。这 些内容在《经性代数》中有详细的介绍。

### 9.1.6 行列式

在线性代數中, 行列式与逆矩阵有关。如果矩阵的行列式等于 0, 那么矩阵不存在避矩阵。则称 股形为奇异矩阵, 行列式的值等于由左向右的对角线上元素的乘积之和减去由右向左对角线元素的 乘积之和。下式为 22 位的矩阵

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} A_{11} & A_{12} \\ A_{21} & A_{22} \end{bmatrix}$$

关键概念:如果行列式为0,则矩阵不存在逆矩阵。

其行列式为

$$|A| = A_{11}A_{12} - A_{12}A_{21}$$

因此,有

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$$
$$|A| = (1)(4) - (2)(3) = -2$$

MATLAB 提供求行列式的函数 det,下列命令可得到行列式的值:

计算下列 3×3 矩阵的对角线有些困难:

$$A = \begin{bmatrix} A_{11} & A_{12} & A_{13} \\ A_{21} & A_{22} & A_{23} \\ A_{31} & A_{32} & A_{33} \end{bmatrix}$$

简单的方法是将矩阵前两列分别作为第 4 列和第 5 列,每一条由左到右对角线上的元素相乘后再求和;



$$(A_{11}A_{22}A_{33})+(A_{12}A_{23}A_{31})+(A_{13}A_{21}A_{32})\\$$

然后, 再将每一条由右到左对角线上的元素相乘再求和;



$$(A_{11}A_{22}A_{31}) + (A_{11}A_{23}A_{32}) + (A_{12}A_{21}A_{33})$$

最后,将第一次的计算结果减去第二次的结果。例如,

$$|A| = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix} = (1 \times 5 \times 9) + (2 \times 6 \times 7) + (3 \times 4 \times 8)$$

 $-(3\times5\times7)-(1\times6\times8)-(2\times4\times9)=225-225=0$ 

利用 MATLAB 得到相同的计算结果:

ans =

因为行列式为 0 的矩阵不存在逆矩阵,所以,在 MATLAB 中求 A 的逆矩阵得到的结果为

inv(A)
Warning: Matrix is close to singular or badly scaled.
Results may be inaccurate. RCOND = 1.541976e-018.

ans = 1.0e+016 * -0.4504 0.9007 -0.4504 0.9007 -1.8014 0.9007 -0.4504 0.9007 -0.4504

#### 练习93

1. 求下列魔方矩阵的逆矩阵,分别采用两种方法: 使用函数 inv 和求矩阵的-1 次幂:

(a) magic(3) (b) magic(4)

(c) magic (5)

2、求上题中每个矩阵的行列式。

水上應十年「水件的11列式。
 己旬毎胜

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 4 & 6 \\ 3 & 6 & 9 \end{bmatrix}$$

判断该矩阵是否为奇异矩阵(奇异矩阵的行列式为 0. 日子遗矩阵)。

### 9.1.7 叉积

叉积又称为矢量积,它与点积不同,叉积的结果为矢量。结果矢量通常与两个输入矢量所在的 平面垂直,这种性质称为正交性。

**关键概念**: 叉积的结果为矢量。

正交性、垂直、

观察下面两个三维矢量的方向和大小,通常用这种方法表示力,公式为

$$A = A_x i + A_y j + A_z k$$
  

$$B = B_z i + B_y j + B_z k$$

其中, $A_1,A_2,A_3$ 和 $B_1,B_2$ , $B_1$ 分别表示欠量在x轴、y轴、z轴上的分量。i,j,k分别表示x、y、z方向上的单位矢量。A和B的义积表示为A×B、x

$$A \times B = (A_x B_x - A_z B_y)i + (A_z B_x - A_z B_z)j + (A_z B_y - A_y B_z)k$$

创建表格使计算的可视化更强:

然后格前两列复制到表格后两列,

在i方向上叉积的结果等于A, B, 的乘积减去A, B, 的乘积:

在表格中横向移动,在i方向上叉积的结果等于A.B.的乘积减去A.B.的乘积;

最后,在k方向上叉积的结果等于A.B.的乘积减去A.B.的乘积

提 示 可以新出,▼和品第一行由单位矢册组成的行列者。

在MATLAB中,用函数 cross 计算叉积。该函数需要两个输入量,分别是矢量 A 和矢量 B。在 MATLAB中,因为输入矢量表示在三维空间中的分量,所以每个矢量都必须有三个元素。例如,

下面 x-v 空间上的两个矢量不考虑 z 分量;

在 MATLAB 中, 这些矢量在 z 方向的大小视为 0。

叉积的结果必须与矢量A和B所在的平面垂直,也就是说它必须垂直于xy平面,那就只有是z轴方向的分量满足这一条件;

叉积在静力学、动力学、流体力学,以及电机工程学领域应用广泛。

#### 例 9.4 作用点的力矩

作用点的力矩定义为力与力管的叉积:

$$M_n = r \times F$$

如图 9.4 所示,力作用于杠杆末端,若将力的作用点移动到接近支点的位置,此助力的作用与选 离支点的效果是不相同的,这种作用称为力矩。

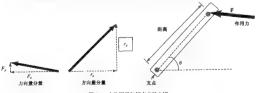


图 9.4 力作用于杠杆支点的力矩

计算支点力矩的公式为

$$F = -100i + 20i + 0k$$

设杠杆的长度为12英寸,水平角度为45度。方向矢量表示为

$$r = \frac{12}{\sqrt{2}}i + \frac{12}{\sqrt{2}}j + 0k$$

1. 问题描述

计算作用在杠杆支点的力矩。

2. 輸入/輸出描述

輸入 方向矢量 $r = \frac{12}{\sqrt{2}}i + \frac{12}{\sqrt{2}}j + 0k$ .

力失量
$$F = -100i + 20j + 0k$$
.

输出 杠杆支点的力矩。

3. 手工分析

这个问题可以看成是求一个 3x3 数组的行列式:

$$M_0 = \begin{bmatrix} i & j & k \\ \frac{12}{\sqrt{2}} & \frac{12}{\sqrt{2}} & 0 \\ -100 & 20 & 0 \end{bmatrix}$$

很明显,答案中没有 i和 j 的分量,力矩为

$$M_0 = \left(\frac{12}{\sqrt{2}} \times 20 - \frac{12}{\sqrt{2}} \times (-100)\right) \times k = 1018.23k$$

MATLAB 实现

MATLAB 程序代码为

%Example 9.4 %Moment about a pivot point

*Define the position vector

r = [12/sqrt(2), 12/sqrt(2), 0];

*Define the force vector P = [-100, 20, 0];

%Calculate the moment moment=cross(r.F)

得到下面的结果:

与之对应的力矩矢量为

$$M_0 = 0i + 0j + 1018.23k$$

注意,力矩与方向失量和力失量所在的平面垂直。 5. 结果验证

展明显,于工计算的结果与 MATLAB 计算的结果一致,这意味着可以对程序进行扩展,并将其 应用于更广泛的问题。例如,下面的程序提示用户分别输入方向夹量和力失量在 x 轴、y 轴和 2 轴方 向上的分量,然后计算力矩:

%Example 9.4 %Moment about a pivot point

```
%Define the position vector
     clear.clc
   ry = input('Enter the x component of the position vector: '):
   ry = input('Enter the y component of the position vector: ');
   rz = input('Enter the z component of the position vector: ');
   r = [rx, rv, rz];
     disp('The position vector is')
     fprintf('%8,2f i + %8.2f j + %8.2f k ft\n',r)
   *Define the force vector
   Fx = input('Enter the x component of the force vector: ');
   Fy = input('Enter the y component of the force vector: ');
   F2 = input('Enter the z component of the force vector: ');
   F = [Fx, Fy, Fz];
     disp('The force vector is')
     fprintf('%8.2f i + %8.2f i + %8.2f k lbf\n',F)
   %Calculate the moment
      moment = cross(r,F);
     fprintf('The moment vector about the pivot point is \n')
     forintf('%8.2f i + %8.2f i + %8.2f k ft-lbf\n', moment)
命令窗口中的显示内容为
   Enter the x component of the position vector: 2
   Enter the v component of the position vector: 3
   Enter the z component of the position vector: 6
   The position vector is
     2.00 i + 3.00 j
                               4.00 k ft
   Enter the x component of the force vector: 20
   Enter the v component of the force vector: 10
   Enter the 2 component of the force vector: 30
   The force vector is
     20.00 i + 10.00 j + 30.00 k lbf
   The moment vector about the pivot point is
      50.00 i + 20.00 j + -40.00 k ft-1bf
```

### 9.2 求解线性方程组

三元一次方程组如下:

$$3x+2y-z=10$$
  
 $-x+3y+2z=5$   
 $x-y-z=-1$ 

将上面的方程组用矩阵形式表示:

$$A = \begin{bmatrix} 3 & 2 & -1 \\ -1 & 3 & 2 \\ 1 & -1 & -1 \end{bmatrix} \quad X = \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 10 \\ 5 \\ -1 \end{bmatrix}$$

用矩阵乘法,"与成方程组的形式为

AX = B

### 9.2.1 利用矩阵的逆运算求解方程

求解方程组最直接的方式就是求逆矩阵,因为已知

 $A^{-1}A = 1$ 

将方程AX = B的两边同时乘以 $A^{-1}$ 。可以得到

$$A^{-1}AX = A^{-1}R$$

等于

$$X = A^{-1}B$$

在矩阵代數中,乘法的順序至关重要。因为 A 是  $3 \times 3$  的矩阵,所以  $A^{-1}$  也是  $3 \times 3$  的矩阵。乘 A B 为

两个矩阵的维数一致。相乘的结果X为  $3 \times 1$  的矩阵。若改变相乘的顺序为 $BA^1$ ,维数不一致,则无法进行乘法计算。

在 MATLABA 中,求逆矩阵采用函数 171v,可以用下面的命令语句来求解:

$$A = [3 \ 2 \ -1; \ -1 \ 3 \ 2; \ 1 \ -1 \ -1];$$

B = [10; 5; -1];

### X = inv(A)*B 代码的执行结果为

Х ж

-2.0000

5.0000

另外, 可以利用逆矩阵 A^-1 的描述 方法:

$$X = A^{-1*B}$$

得到相同的结果

X =

5.0000

-6.0000

尽管在大学的數学课程中介绍了用逆矩阵求解线性方程组的方法,但在实际工程中此方法并非 很有效,且容易出现多次循环的错误。因此,要尽量避免使用逆矩阵的方法求解线性方程组。

### 例 9.5 求解联立方程: 电路分析®

电路分析的主要工作是求解大型的联立方程组。如图 9.5 所示的电路图,包含一个独立电压源和 五个电阻。将电路划分成小的支路并使用电路的两个基本定理进行分析。

根据基尔霍夫(见图 9.6)第二定律, 电路中所有回路电压的代数和等于零。

对电路左下角的回路, 列第一个方程

$$-V_1 + R_2(i_1 - i_2) + R_4(i_1 - i_3) = 0$$

对电路上边的回路,列第二个方程

$$R_1i_2 + R_3(i_2 - i_3) + R_2(i_2 - i_1) = 0$$

最后、由右上角的回路列最后一个方程

$$R_3(i_3-i_2)+R_5i_3+R_4(i_3-i_1)=0$$

⁽Upper Saddle River, NJ: Pestson Prentice Hall, 2005).

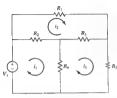






图 9.6 德国物理学家基尔霍夫提出了许多电路理论的基本定律

已知电路中所有的电阻值(R值)和电压值、通过三个方程水解三个未知数。对方程式进行整理、 採到矩阵水解的形式、接向话说,就是将未知变量全部放在等式左边:

$$(R_2 + R_4)i_1 + (-R_2)i_2 + (-R_4)i_3 = V_1$$
  
 $(-R_2)i_1 + (R_1 + R_2 + R_3)i_2 + (-R_2)i_3 = 0$   
 $(-R_4)i_1 + (-R_3)i_2 + (R_3 + R_4 + R_5)i_3 = 0$ 

创建 MATLAB 程序,利用逆矩阵方法求解方程短。允许用户从键盘输入五个电阻值和一个电压值

1. 问题描述

求图 9.5 所示电路中的三个支路电流值。

2. 输入/输出描述

输入 由键盘输入五个电阻值 R1, R2, R3, R4, R5和一个电压值 V.

輸出 三个电流值 むらん

3. 平工分析

張揚电路原理, 电路中没有电压源就不会有电流存在、若輸入电阻为任意值, 电压值为 0. 則輸出的电流誘展为章。

4. MATLAB 实现

```
MATLAB 程序代码如下:
```

```
**Stample 9.5
**Sprinding Currents
clear.clc
Ri = input('Imput the value of Ri: ');
Ri = input('Imput the value of R2: ');
Ri = input('Imput the value of R3: ');
Ri = input('Imput the value of R4: ');
Ri = input('Imput the value of R4: ');
Ri = input('Imput the value of R4: ');
V = input('Imput the value of R4: ');
V = input('Imput the value of R4: ');
Coof = (R42R4) - R2. -R4;
-R2. (R1 + R2 + R3), (-R3);
-R4. -R3.(R3 + R4 + R5)];
remult = [V; 0; 0];
I = inv(coof)*result
```

#### 命令窗口的变互过程如下:

```
Input the value of R1:
Input the value of R2:
                         6
Input the value of R3:
                         .
Input the value of R4:
                         5
Input the value of R5:
Input the value of voltage, V: 0
I =
```

### 5. 结果验证

'n

翰入电压值为零、意味着电路中没有电压源,支路上没有电流、计算结果为零、这与实际相符。 还可以用其他的数值对程库进行测试。

```
Input the value of R1:
   Input the value of R2:
   Input the value of R3:
   Input the value of R4:
   Input the value of R5:
                         10
   Input the value of voltage, V: 10
由这些数值、得到输出结果为
   Ι =
```

1.69 0.97

## 0.81 9.2.2 利用矩阵左除求解方程

岛斯消去法是一种有效的求解线性方程组的方法, 在高等数学中介绍过这种方法。高斯消去法 是德国著名数学家、科学家卡尔·弗里德里希·岛斯提出的(见图 9 7)。



图 9.7 德国著名数学家卡尔。弗里德里希·岛斯对物理学、天文学和电学有突出贡献

关键概念: 与矩阵求逆的方法相比, 用高斯消去法求解方程更为有效, 且不易产生循环错误。

·个关于x, y, z 的 三元方程组

$$3x+2y-z=10$$

$$-x+3y+2z=5$$

$$x-y-z=-1$$

若手 L求解方程组,则需要逐个消去变量,然后再通过代入的方法求出所有变量。例如,利用前两个 方程可以消去变量 x。将第二个方程乘以 3 后与第一个方程相加;

$$3x + 2y - z = 10$$
  
 $-3x + 9y + 6z = 15$   
 $0 + 11y + 5z = 25$ 

对第二个和第三个方程重复前面的过程:

此时,已经消去了一个变量,将方程组由三元变为了二元: 11y +5z = 25

$$2v + z = 4$$

将第三行的方程乘以-11/2来重复消元的过程:

最后, 可以求出 2 的值;

$$z = -6$$

得到z的数值之后,将其代回到只包含y和z的两个方程中的任意一个,

$$11y + 5z = 25$$
$$2y + z = 4$$

求出

$$y = 5$$

最后一步将 y 和 z 代回到原始方程中:

$$3x+2y-z=10$$
$$-x+3y+2z=5$$
$$x-y-z=-1$$

求得

$$x = -2$$

島斯消去法是一种组织化的消元方法,運步消去未知变量,直到只有 个未知变量存在为止。 然为人。 帮以代入到原方程中来确定所有未知变量的数值。在 MATLAB 中,可以使用左除来完成高斯 消去法的方程以解过规则因此。

返回

显然, 汶与用手工计算, 以及利用矩阵逆运算所得结果一致。

高斯消去法: 是一种消元和求解联立方程组的组织化方法。

### 9.2.3 利用行阶梯矩阵的逆运算函数求解方程组

与左除的方法类似,使用简化行阶梯矩阵逆运算函数 rref, 可以求解线性系统方程组

$$3x + 2y$$
  $z = 10$   
 $-x + 3y + 2z - 5$   
 $x - y - z = -1$ 

将上述方程组写为矩阵形式:

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 3 & 2 & -1 \\ -1 & 3 & 2 \\ 1 & -1 & -1 \end{bmatrix} \quad \mathbf{X} = \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} \quad \mathbf{B} = \begin{bmatrix} 10 \\ 5 \\ -1 \end{bmatrix}$$

函数 rraf 的输入是一个扩展矩阵,该扩展矩阵表示方程组的系数和结果。上述方程组的输入为

方程组的解用输出数组的最后,刷影示。这和其他方法得到的结果一致。

对于这样的简介方差。无论采用哪种方法都是由行的、计算中的含人误象和运算时间并不是重要因素。然而、对于大型数值计算问题、需要求解包含成于仁乃甚至数以百万1/1元素的矩阵,完成一次运算的时间验费以小时或者天来计划、这个数值计算的国际不济企资用进程路的方法。

有的线性方程组会有多个解,如果方程的个数少于未知数的个数,则方程具有无穷多个解。如果为程的个数多于未知数的个数,则方程无解。选用合适的数价来解疗法或者增加约束项,就能够利用 MATLAB 函数解任意一种方程组。参考 MATLAB 的帮助函数可以得到这些方面的更多信息。

### 例 9.6 海水淡化装置中的物质平衡问题: 求解联立方程

世界上许多地区缺少淡水黄棉、以色列是一个在沙漠中建设起来的工业化国家。为了维持一个 现代化工业社会的有效运转、依靠地中海岸边的海水淡化工厂来补充内地的淡水黄混、据预制,到 2020 年以色列的淡水高水黄棉会上升 60%, 其中大部分淡水棉来自于海水淡化工厂。现代化的海水淡化 工厂使用运输油质型,最级任务脏油折的过程,化学工程矩隔抽涂用物质平衡方法进行分割标设计。

图 9.8 是海水淡化装置的示意图。流进装置的海水中包含 4%的盐和 96%的水、装置内部通过逆 渗透作用将海水分成两部分,从顶部流出的几乎为纯净水,剩下的部分为浓缩盐水溶液,其浓度为 10% 的盐和 90%的水,计算海水淡化装置底部和顶部两部分水的流量。

这是一个计算反应器中益和水物质平衡的问题。流入反应器的液体数量必定和流出的两部分液 体的数量相同、即

$$m_{\text{in A}} = m_{\text{tops A}} + m_{\text{bottoms A}}$$

可以改写为

$$x_A m_{\text{in total}} = x_{\text{Alons}} m_{\text{tons}} + x_{\text{Abottoms}} m_{\text{bottoms}}$$

将上述问题用一个二元-次方程组来描述.

$$0.96 \times 100 = 1.00 m_{\text{toos}} + 0.90 m_{\text{bestrains}}$$
 (水)

$$0.04 \times 100 = 0.00 m_{\text{tops}} + 0.10 m_{\text{horsons}}$$
 (  $\frac{\text{th}}{\text{in}}$ )

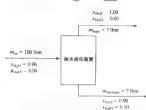


图 9.8 对于以色列这样的沙塘化国家来说,添化海水县重要的添水资源

### 1. 问题描述

蚧入

计算淡水装置中产生的淡水量和废弃的盐水量。

2. 輸入/輸出描述

注入到系统中的水量为 100 磅、

流入水的浓度:

$$x_{H,O} = 0.96$$

$$x_{\text{NuCl}} = 0.04$$

流出水的浓度:

上部流出的纯净水:

$$x_{H,O} = 1.00$$

下部流出的盐水:

$$x_{\text{H}_1\text{O}} = 0.90$$
  
 $x_{\text{NaCl}} = 0.10$ 

输出 上部流出纯净水的质量。

下部流出盐水的质量。

3. 季工分析

由于流出水中只有一部分含有盐(NaCl),所以求解下列方程组比较容易:

$$(0.96)(100) = 1.00 m_{\text{tops}} + 0.90 m_{\text{bottoms}}$$
 (水)

$$(0.04)(100) = 0.00m_{loss} + 0.10m_{holtons}$$
(益)

首先计算盐的物质平衡,得到

$$4 = 0.1 m_{\text{bottoms}}$$
  
 $m_{\text{bottoms}} = 40 \text{ lbm}$ 

求出 montour 的数值后、代入水的物质平衡方程中:

$$96 = 1m_{\text{tops}} + (0.90)(40)$$
  
 $m_{\text{tops}} = 60 \text{ lb}$ 

4. MATLAB 实现

用矩阵代数求解此问题。该问题用下列方程表达:

$$AX = B$$

其中, A 为系数矩阵、表示水和盐的质量分配。B 为结果矩阵,表示流入系统的海水中盐和水的比例。 两个矩阵的取值为

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0.9 \\ 0 & 0.1 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 96 \\ 4 \end{bmatrix}$$

未知矩阵 X 包含从淡化装置顶部和底部流出的水的质量,使用 MATLAB 求解这个联立方程只要三行代码。

$$A = [1, 0.9; 0, 0.1];$$
  
 $B = [96; 4];$ 

返回结果为

. eu

40

5、结果验证 在本例中使用了矩阵左除运算,使用矩阵逆运算、会得到相同的结果;

$$X = inv(A)*B$$
  
 $X =$ 

60

40

上远两种方法得到的结果与手工计算的结果一致,多种方法检验更能够验证结果的准确性。计 算过水和盐的物质平衡后,其他平衡的计算也可以按同样方法进行。进水量和出水量应该保持平衡;

$$m_{\text{in}} = m_{\text{tops}} + m_{\text{bottores}}$$
  
 $m_{\text{c}} = 40 + 60 = 100$ 

上述計算表明,流入了净化装置的海水为 100 磅,与流出的淡水和盐水总量一致,这进一步验证了计算的正确性。

这个问题非常简单。利用手工计算的方法也能得到结果。但是绝大部分实际问题要复杂得多、特 對土物质种类很多。流程很复杂时、利用手工计算实现物质率特分析是非常困难的。所以、对于化 学过程工程师要说:"值例如给的经路解决方面是处理工程问题的重要工具。

# 9.3 特殊矩阵

本节重点介绍可以产生特殊矩阵的 MATLAB 函数。

### 9.3.1 ones 和 zeros

函数 ones 和函数 zeros 分别创建全0 和全1矩阵。当输入量为单个变量时,结果是方阵。当输入量为两个时,它们分别表示矩阵的行数和列数。如

```
ones(3)
返回
        ang -
              1
                    1
                         1
              1
和
        zeros(2.3)
返回
        ans =
              n
                   0
                         n
                   a
                         n
```

对于这两种函数、若输入量多下两个、则 MATLAR 全创建一个多维拓胜、加

1.00

上述命令创建了一个包含2行、3列和2页的三维矩阵。

### 9.3.2 单位矩阵

单位矩阵是上对角线为1、其他位置据为0的矩阵。下面是一个贝行四列的单位矩阵。

矩阵上对角线上的元素行、列号相同。主对角线上元素的下标为(1,1),(2,2),(3,3)。

在 MATLAB 中,函数 eve 可以创建单位矩阵。函数 eve 的输入参数 与函数 ones 和 zeros 的输 入参数类似。如果函数的输入参数是标量,则函数会创建一个方阵。例如, eye(6)会创建一个行数 和列数均为6的方阵。如果函数有两个输入量,如 eve(m, n),则会创建一个 m 行 n 列的矩阵。要 创建一个和其他矩阵长度相同的单位矩阵,应该用函数 size 确定矩阵的行数和列数。虽然绝大多数 单位矩阵都是方阵, 但单位矩阵的定义可以推广到非方阵。下面举例说明这种特殊情况;

```
A = eye(3)
A =
        1
             0
                   a
        n
             1
                   n
        ٥
             ٥
B = eye(3,2)
в ...
        1
             0
        D
             1
        ο
             D
C = [1, 2, 3; 4, 2, 5]
        1
             2
                   3
        4
             2
                   5
```

提示

尽量不要用字母、命名单位矩阵,因为字母、通常表示、1。

A*inv(A)等于单位矩阵。利用下面的语句可以说明这一点:

```
A = [1,0,2; -1, 4, -2; 5,2,1]
             0
                  2
     -1
             4
                 -2
             2
                  1
      5
inv(A)
ans =
      -0.2222
                 -0.1111
                               0.2222
       0.2500
                   0.2500
                               0.0000
        0.6111
                    0.0556
                               -0.1111
A*inv(A)
ans =
                                 0.0000
       1.0000
                    1.0000
                                0.0000
      -0.0000
                   -0.0000
                                1.0000
      -0.0000
```

如前所述,一般情况下矩阵乘法不满足交换律。即

 $AB \neq BA$ 

AI = IA

然而,单位矩阵却总满足交换律,即 可以用下面的 MATLAB 代码来表示:

> I = eye(3)T = 0 0 1 1 0 n 0 1 A+I ans = 2 1 0 -1 4 -2 5 1 T+A ans = 1 0 2 -1 4 -2

> > 5 2

1

### 9.3.3 其他矩阵

MATLAB 中有许多矩阵可用于数值计算的测试、算法研究,或仅作为兴趣而已。

pascal	使用 pascal 三角創建 Pascal 矩阵	pascal (4)
		ans =
		1.00 1.00 1.00 1 00
		1,00 2.00 3.00 4.00
		1.00 3.00 6.00 10.00
		1 00 4 00 10 00 2 00

		(续表)
magic	创建一个魔方矩阵,所有的行、列以及对角线元 表之和均相等	magic(3)
		ana
		8.00 1.00 6.00
		3.00 5.00 7 00
		4.00 9.00 2.00
rosser	Rosser 矩阵基特征值测试矩阵。没有输入量	rosser
	Rosser 把件地符合阻碍ARPA。次有關人區	ans
		{8x8,
gallery	该函數包含 50 多种测试矩阵	对不同函数。函数 gallery 的语法也不相同
		查看得助函數确定所需的函数

## 本章小结

转置是一种最常用的矩阵运算。它就是将矩阵的行和列进行互换。在数学教科书中,转置用上标 T 表示、记为 A"。在 MATLAB 中,转置运算用单引号表示。A 的转置矩阵表示为

A' 另一个常用的矩阵运算是点积,即矢量中对应元素的乘积之和,进行点积运算的两个矢量的长 按必须相同。

$$C = \sum_{i=1}^{N} A_i B_i$$

MATLAB 中完成点积运算的函数为

dot(A,B)

矩阵乘法与点积运算类似,结果矩阵是每个元素做点积得到的:

$$C_{i,j} = \sum_{k=1}^{N} A_{i,k} * B_{k,j}$$

在 MATLAB 中、用星 与表示矩阵乘法:

C = A+B

求矩阵的幂类似于矩阵自乘:

$$A^3 = AAA$$

因为只有方阵才能满足矩阵白染的条件,所以只有方阵才能做幂运算。当矩阵的幂为非整敷时, 运管结果是一个复数矩阵。

·个矩阵乘以它的逆矩阵,结果为单位矩阵:

$$AA^{-1} = I$$

MATLAB 提供两种求矩阵逆的方法,一种是使用函数 1nv:

inv_of_A = inv(A)

另一种是求矩阵的-1 次幂:

inv_of_A = A^-1

如果矩阵的行列式为 0,该矩阵是奇异矩阵,不存在逆矩阵。MATLAB 中求行列式的函数为

det(A)

除了点积运算之外,MATLAB 函数可以计算两个矢量在三维空间的叉积。因为输出的结果是一

个矢量, 所以叉积又称为矢量积。

$$C = A \times B$$

叉积运算后产生的矢量与两个输入矢量所在的平面垂直,这种性质称为正交性。叉积运算的结果可视为矩阵的行列式,该行列式包括 x 轴、y 轴和 z 轴方向上的单位矢碟和两个输入矢量;

$$C = \begin{vmatrix} i & j & k \\ A_x & A_y & A_z \\ B_x & B_y & B_z \end{vmatrix}$$

在 MATLAB 中用函数 cross 实现叉积运算:

C = cross(A.B)

矩阵的逆运算多用于求解线性方程组。方程组

$$3x +2y -z = 10$$
  
 $-x +3y +2z = 5$   
 $x -y -z = -1$ 

可以用矩阵表示为

$$AX = R$$

在 MATLAB 中求解这个方程组。可以用 A 的逆矩阵乘以矩阵 B:

X = inv(A)*B

然而,这种方法不如高斯消去法有效。在 MATLAB 中,高斯消去法可使用左除运算来实现;

X = A\B

MATLAB 中位合许多特殊矩阵,这些特殊矩阵可以使数值计算变得简单,也可以用于数值计算 的测试。例如,函数 ones 和 reros 可以分别创建全 1 和全 的矩阵。函数 pascal 和 magic 可以分 制用于创建 Pascal 矩阵和魔力矩阵。这两种矩阵没有特殊的用途。仅仅在数学上具有一定的趣味性 而已。函数 gallery 包含 9 多种矩阵,这些矩阵是用于测试的小矩阵。

#### MATLAB 小结

下面列出了本章介绍的 MATLAB 特殊字符、命令和函数:

特殊符号	说 啊
	表小矩阵转置
	表小矩阵乘柱
	表示处阵左除
^	表示矩阵术等

命令和函數		鋭	明	
cross	求叉积			
det	求矩阵的行列式			
dot	求点积			
eye	创建单位矩阵			
gallery	小型测试矩阵			
inv	求逆矩阵			
magic	创建度方矩阵			
ones	创建全1矩阵			

	(续表)
命令和函数	说 明
pascal.	创建 Pascal 矩阵
rref	使用简化的行阶梯矩阵来求解线性方程组
size	确定矩阵的行数和列数
zeros	创建全0矩阵

# 习题

9.1 计算下面两组矢量的点积:

(a)  $A = [1 \ 3 \ 5], B = [-3 \ -2 \ 4].$ 

(b) A = [0-1-4-8], B = [4-2-324].

9.2 用点积计算表 P9.2 中成分的总质量。

表 P9.2 成分质量特性

成分	市 水	体积
推进燃料	1.2 g/cm²	700 cm ³
498	7.8 g/cm ³	200 cm ³
951 151	2.7 g/cm ³	300 cm ³

9.3 用点积计算表 P9.3 中超市购物的总账单。

泰 P9.3 购物清单

項目	敷 量	单价
牛奶	2加仑	\$3.50/ti0-6:
鸡蛋	f 43,	\$1.25/\$T
谷物	2金	\$4.25/金
96	5 10	\$1.55/MB
饼干	16.	\$3.15/EL

9.4 弹式聚热器用于确定化学反应所释放出的能量。弹式聚热器的热容用各个成分的质量与其 热量的乘耗之利定义。或

$$\mathbb{CP} = \sum_{i}^{n} m_{i} C_{i}$$

其中,m为成分i的质量。单位为克 (g),C为成分i的热容,单位为 JigK: CP 为总热容,单位为 JiK。 使用E P A 中的热量数据计算弹式量热器的总热容。

麦 P9.4 热量数据

成分		热容量
(A)	250 g	0.45 J/gK
*	100 g	4.2 J/gK
gEE	10 e	0.90 1/gK

9.5 有机化合物的基本成分为碳、氢和氧、因此、有机化合物也称为碳氢化合物。有机物的分子量 MW 等于每个元素的原子数 Z 与原子量 AW 的乘积之和。

$$MW = \sum_{i=1}^{n} AW_{i} \cdot Z_{i}$$

- 碳、氢和氧的原子量分别近似为 12, 1, 16。  $\Delta$ 醇  $(C_2H_2OH)$  包含 2 个碳原子,1 个氧原子和 6 个 氢原子,用点积计算乙醇的分子量。
- 9.6 通常把空气看成。神单原。它的分子量《摩尔质量》是由各种不同气体分子量的平均值所决定的。在误差允许高限内,可以认为空气中只包含氦气、氧气和氦气、利用这二种气体的分子量。以就是为9.6 提供的数据。利用品处证算证的计算变气的分子量。

表 P9.6 空气的组成

 成 分	比例	分子量
製气	0.78	28 g/mol
利性	0.21	32 g/mol
GE-74	0.01	40 e/mol

9.7 计算下而两组矩阵的矩阵乘法 A*B.

(a) 
$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 12 & 4 \\ 3 & -5 \end{bmatrix}$$
,  $\mathbf{B} = \begin{bmatrix} 2 & 12 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$ 

(b) 
$$A = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 5 \\ 2 & 4 & 6 \end{bmatrix}$$
,  $B = \begin{bmatrix} -2 & 4 \\ 3 & 8 \\ 12 & -2 \end{bmatrix}$ 

并验证 A*B 不等于 B*A。

9.8 购物单如表 P9.8 所示。各种物品的单价如下:

項目	AN 60°	
牛奶	\$3.50/bu/e	
鸡蛋	\$1.25/\$7	
谷物	\$4.25/童	
iilis	\$1.55/iiii	
饼干	\$3.15/包	

表 P9.8 Ann 和 Fred 的购物清单

項目	Ann 的數量	Fred 的效量
牛奶	2 加仑	3/加仑
鸡蛋	1.87	2/打
谷物	2 🛳	1/盒
额	5 000	4/10
<b>61</b> -T-	t 45.	3/62

计算每位购物者的花费。

9.9 用弹式量热器进行了一系列试验,每次试验的用水量也不同,根据表 P9.8 的数据,使用矩阵乘法计算每次试验量热器的点热容。热容的相关信息由表 P9.9 给出。

表 P9.9 弹式量热器的热特性

號 驗	水的质量	钢的质量	铝的质量
1	110 g	250 g	10 g
2	100 g	250 g	10 g
3	101 g	250 g	10 g
4	98.6 g	250 g	10 g
5	99.4 g	250 g	10 g

9.10 有机物的分子量 NW 是每个元素的原子数 Z 与原子量 AW 的乘积之和,表示为

$$MW = \sum_{i=1}^{n} AW_{i} \cdot Z_{i}$$

表 P9 10 列举了前五种酒精的直系化和物。根据碳、氦和氧的原子量(分别是 12、1 和 16), 采用矩阵乘法计算每种酒精的分子量(准确说是分子质量)。

表 P9 10 酒精化合物

名称	鞭	#.	無	
甲醇	1	4	1	
乙胂	2	6		
内部	3	8	1	
THE	4	10	1	
172,000	5	12		

9.11 己知数组

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} -1 & 3 \\ 4 & 2 \end{bmatrix}$$

- (a) 利用数组的幂运算求 A 的二次方。
- (b) 利用矩阵的幂运算求 A 的二次方。
- (c) 解聚为什么两种运算的结果不一样。
- 9.12 使用 pascal 函数创建名为 A 的 3×3 矩阵:

pascal(3)

- (a) 利用数组的幂运算求 A 的三次方。
- (b) 利用矩阵的幂运算求 A 的三次方。
- (c) 解释为什么两种运算的结果不一样。
- 9.13 已知数组 A = [-13; 42] ,利用手工计算和 MATLAB 编程两种方法求 A 的行列式。
- 9.14 并非所有的矩阵都有逆矩阵。如果一个矩阵的行列式等j·0(即Al=0),那么 A 是奇异矩阵(不存在逆矩阵)。使用行列式函数检验下面各个矩阵是否存在逆矩阵:

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 4 & 5 \end{bmatrix} \quad \mathbf{B} = \begin{bmatrix} 4 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} \quad \mathbf{C} = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 2 \\ 5 & -4 & 0 \end{bmatrix}$$

若存在逆矩阵,则计算它的逆矩阵。

9.15 计算图 P9.15 中作用 f 支点的力矩。使用一角尺测量位置矢量和力矢量在 x 与 y 轴方向上的分量。力矩可以视为叉积的计算结果:

$$M_0 = r \times F$$

200磅的力垂直作用于沿杠杆力向距离支点20英尺的位置。杠杆与水平面成60°角。

- 9.16 计算固定在墙壁上托架的力矩。托架结构如图 P9.16 所示。它离墙壁 10 英寸,离地面 5 英寸。一个 35 磅的力作用于托架。该为与水平方向成 55°角。计算结果的单位要求用英尺-磅表示。 要求做单位兼算。
- 9.17 一个矩形搁板通过两个支架周定住墙上,两个支架分别位于 A 和 B 两点,相隔 12 英寸,如图 99.17 所示。 10 磅重的物体通过绳子悬挂于搁板边缘的 C 点,计算 C 点重物在 A 点和 B 占产生的力矩。





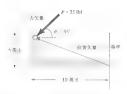


图 P9.16 固定在墙上的托架

通过两次计算分别得到每个支架的力矩。创建2×3的位 置矢量矩阵和2×3的力矢量矩阵, 矩阵的每一行对应不同的 支架。用函数 cross 得到 个2×3 的矩阵。该矩阵的每 行 分别对应不同专想的力矩,

9.18 分别使用矩阵左除和逆矩阵两种方法求解下面的 方程细。

(a) 
$$-2x + y = 3$$

(b) 
$$5x+3y-z=10$$
  
 $3x+2y+z=4$ 

$$4x - y + 3z = 12$$



图 P9.17 计算三维空间中的力矩

$$x + y = 10$$
  
(c)  $3x + y + z + w = 24$   
 $x - 3y + 7z + w = 12$ 

$$2x + 2y - 3z + 4w = 17$$

$$x + y + z + w = 0$$

9.19 通常情况下求解方程组时,利用矩阵左除要比矩阵逆运算所得到的结果更快更准确。分别 使用两种方法求解下面的方程组、并用函数 tic 和 toc 来记录执行时间。

如果计算机的运算速度很快、就不能发现两种方法在执行时间上的差异。如果粗视到两者的区 别,需要求解更复杂的方程组。

9.20 在例 9.5 中, 图 9.5 中的电路图可以用下面的线性方程组表示:

$$(R_2 + R_4)\iota_1 + (R_2)i_2 + (R_4)i_3 = V_1$$
  
 $(-R_2)\iota_1 + (R_1 + R_2 + R_3)\iota_2 + (-R_3)\iota_3 = 0$ 

$$(R_4)i_1 + (-R_3)i_2 + (R_1 + R_4 + R_5)i_3 = 0$$

先利用矩阵的逆运算求解该方程组、再利用矩阵左除的方法重新求解方程。

9.21 水、乙醇和甲醇二种混合液体流入一个处理设备进行分离处理。处理设备流出两种液体。 每种液体所含有的成分各不相同, 如图 P9.21 所示。

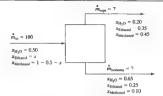


图 P9.21 三种成分的分离过程

计算流入分离器液体的质量,以及从分离器上和下两部分流出的液体的质量。 (a) 对于三种不同成分建立物质平衡方程: 水

$$(0.5)(100) = 0.2m_{\text{tops}} + 0.65m_{\text{bottoms}}$$
  
 $50 = 0.2m_{\text{tops}} + 0.65m_{\text{bottoms}}$ 

乙醇

$$100x = 0.35m_{\text{tops}} + 0.25m_{\text{bostoms}}$$
  
$$0 = -100x + 0.35m_{\text{tops}} + 0.25m_{\text{bostoms}}$$

田頭

$$100(1-0.5-x) = 0.45m_{\text{topt}} + 0.1m_{\text{bottoms}}$$
  
 $50 = 100x + 0.45m_{\text{tops}} + 0.1m_{\text{bottoms}}$ 

(b) 将(a)中的方程改写为矩阵的形式:

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 0.2 & 0.65 \\ -100 & 0.35 & 0.25 \\ 100 & 0.45 & 0.1 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 50 \\ 0 \\ 50 \end{bmatrix}$$

(c) 用 MATLAB 求解该线性方程组。

# 第10章 其他类型的数组

#### 学习目的

通过阅读本章,读者可以掌握如下内容:

- 理解 MATLAB 中不同类型的数据。
- 创建和使用数值型和字符型数组。
- 创建多维数组并能从这些数组中访问数据。
- 创建和使用元胞数组和结构数组。

### 引言

在 MATLAB 环境中,标量、矢量和二维矩阵都用于存储数据。实际上,所有这些数据都是二维的。因此,

A = 1;

创建一个标量,

B = 1:10;

创建一个矢量,

C = [1,2,3;4,5,6];

€1建一个二维矩阵,它们仍然都是 .维數组。观察图 10.1,如果每个变量的大小都用二维矩阵表示, 那么,4 为 1×1 矩阵,в 为 1×10 矩阵,c 为 2×3 矩阵。各个变量的类型也相间,都是"双精度"数 据,比双精度浮点数要短。



图 10.1 MATLAB 支持多种数组类形

MATLAB 不仅能够建立多维矩阵,还可以存储字符型数据以及非双精度浮点数据。本章電点介绍 MATLAB 支持的数据类型,并探讨如何在程序中储存和使用这些数据。

### 10.1 数据类型

在 MATLAB 中主要的數据类型是數组或矩阵。MATLAB 支持许多不同的辅助數据类型数组。由于 MATLAB 是在 C 环境下端写的,所以它的许多数据类型与 C 语言一致。通常 一个数组中的数据必须有相同的数据类型,向且,MATLAB 能够转换数据和数组的类型,将不同类型的数据存储 在同一数组中(小服数组和旋转模数组)。

MATLAB 中的數据类型如图 10.2 所示。主要包括數值、字符、逻辑和符号等类型。每种类型的 數据可以存储在指定类型的數组中。也可以存储在任意类型的數组中。元胞數组和结构數组都属于后 者(原图 10.3)。



图 10.2 MATLAB 可存储的数据类型



图 10.3 MATLAB 所支持的数据和数组类型

### 10.1.1 数据类型

#### 双精度浮点数

在 MATLAB 中默认的數据类型是 IEEE 754 标准定义的双精度浮点数(IEEE 是电气和电子工程协会的英文编写,是电气工程的专业组织)。创建变量 A:

A = 1;

IEEE: 电气电子工程协会。

如图 10.1 所示,在工作区窗口中列出该变量,它的类型是"双精度"型。数据需要 8 字节的存储空间、每字节有 8 位。变量 A 的数值为 J, 它要求 64 位的存储空间。同理可知,图 10.1 中的变量 B 和 2 需要多少存储空间;

B = 1:10; C=[1,2,3; 4,5,6];

关键据念, MATLAR 专结名种数据类别。

每个数值需要8字节存储。变量B有10个数值,需要80字节。变量c有6个数值,需要48字节。 可以使用函数 realmax 和 realmax 表 realmax x re

realmax ans = 1.7977e+308 realmin

2.2251e-308

如果輸入數据的绝对值大于 realmax, 或者计算出的數值結果超出此范围, 则 MATLAB 将指定 这个值为正或负无穷大。

x = 5e400 x =

Inf

ans =

同样,如果输入数值的绝对值小于 realmin,则 MATLAB 指定该值为零;

x = 1e-400 x =

### 单籍度浮点数

单精度浮点数是 MATLAB 7 中的一种新的数据类型。单精度浮点数只占用双精度浮点数存储空 向。 中、 因此只能存储一半的信息。 整个数据只需要 4 字 字 存储。 即 4 × 8 = 32 位的存储空间,如 期 10.1 所示。 定 2 n 为一个单精度数。

D = single(5)

D =

**关键据念**,直辖度浮点新只占用双籍度浮点数存储空间的一半。

用函数 single 把數值 5(默认类型为双精度)定义成一个单精度数。同样,函数 double 可以将 夸唇转换为双精度数,如语句

double(D)

把变量D转换为双精度数。

由于单精度数只占用一半的存储空间,因此单精度数的数值范围比双精度数的数值范围小,可以用确数 realmax 和 realman 来显示其数值范围:

realmax('single')

3.4028e+038

realmin('single')

ans = 1.1755e-038

**关键极念**: 大名数 「和问题使用双鳍麻鸡占数。

用户不必进行单精度敷转换,因为计算机为应用程序提供了足够的存储空间,并且会在极短的 时间内完成计算,然而, 在进行数值分析时, 把双精度数据转换成单精度数据将会编览束解复杂问题 的运行时间。

用单精度数计算双精度问题会产生含入误差。下面用实例演示含入误差造成的后果。已知级数

$$\sum \left( \frac{1}{1} + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5} + \frac{1}{6} + \dots + \frac{1}{n} + \dots \right)$$

该级数等于数列各项的和、称为调和级数、用下面的简化符号表示调和级数:

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n}$$

调和级数发散是指数据项越多,相加后级数就越大。用下面的命令表示调和级数的前10项:

n = 1:10; harmonic = 1./n

Harmonic - 2.7m

如果用有理数方式显示,结果是分数:

format rat

harmonic =

1 1/2 1/3 1/4 1/5 1/6 1/7 1/8 1/9 1/10

也可以用 4 位有效数字显示,即用小数表示:

format short

harmonic =

1.0000 0.5000 0.3333 0.2500 0.2000 0.1667 0.1429

0.1250 0.1111 0.1000

无论在屏幕上用哪种数据形式显示,它们在计算机内部都是以双精度浮点数的形式存储的。通 过计算级数的部分和可以看到项数增加对部分和的影响:

partial_sum = cumsum(harmonic)

partial_sum =

Columns 1 through 6

1.0000 1.5000 1.8333 2.0833 2.2833 2.4500

Columns 7 through 10

2.5929 2.7179 2.8290 2.9290

累加和函数(cunsum)可以计算數组中显示的这几个元素之和。上述计算中第 3 列的數据是输入数组 harmonic中 1 至 3 列元素之和。调和数组中元素数量越多,数组部分和就越大。

在计算过程中, harmonie 的数值越来越小。当 n 足够大时, 计算机将无法区分 1/n 的值与零的 差别。相对 F 以精度运算来说, 在单精度运算中很快就会出现这种情况。 令数组中 n 的值很大, 对 接 性质加以印证:

n = 1:1e7;

harmonic = 1./n;

partial sum = cumsum(harmonic);

计算机可能需要较长的时间来计算。因为在 MATLAB 中取精度是默认的數据类型。所以采用双 精度数运算。 和用绘图病数格计算结果中提供。由于数据太多(实际上有 1000 万个),所以,每一千 个数据及样一个数据点、代码如下。

```
m = 1000:1000:1e7:
```

partial sums selected = partial_sum(m);

plot(partial sums selected)

转换成单精度运算后,重复上述过程。因为运算速度还取决于系统中可用内存的多少,在进行 这一步之前需要清计算机内存。程序代码为

```
n = single(i:ke7);
harmonic = 1./n;
partial_sum = cumsum(harmonic);
n = 1000:1000:107;
partial_sum_selected = partial_sum(m);
hold on
plot(partial_sums_selected,':')
```

关键概念。单精度运算的含入误差远大于双精度运算。

运算结果如图10.4所示、实线表示观精度运算的来和结果。虚线表示单精度运算的求和结果。可以看出,单精度运算结果的曲线比较于且,当数据项变得非常小时,计算机将其等问于零对特。然而 采用双薄度逻辑时,并没有计规以补替呢。

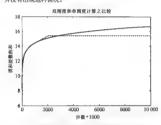


图 10.4 单鳍度运算的会入课差导致调和级数求和运算迅速恶化

#### 88.00

因为8位是1字节,所以,采用如下代码指定E的数据类型作为int8:

E = int8(10) E =

变量 g 只需要 1 字节的存储空间,如图 10.1 所示。

利用函数 intmax 可以确定不同整数类型的最大值。输入 intmax('intB')

ans =

表示 8 位有符号整数的最大值是 127。

关键概念:整数通常用来存储图像数据。

	MATI AR 6088	

8 位有符号整数	int 8	8 位无符号藥敷	uint8	
16 位有符号整數	int 16	16 位无符号整数	uint16	
32 位有符号整数	int 32	32 位无符号整数	uint32	
64 位有符号整数	∡nt 64	64 位无符号整数	uant64	

四种有符号整数类型需要分配存储空间来指定数据是正还是负。四个无符号整数类型都假设数 值是王的,因此不需要存储数据的符号信息,这样就有更多的存储空间用来存储数值本等。代码

intmax('uint8')

255

### 表明最大的8位无符号整数是255。

整数数组常用于存储图像信息。图像信息数据量很大,但颜色的数量有限。用无符号整数数组 来表示图像数据可以显著降低存储容量。

#### 200

复数默认的存储举则县双籍度数。因为牢部和唐朝都蒙极储存。所以、紫爽两倍的存储空间。

存储 个双精度的复数需要 16 字节(=128 位)。复数也可以存储为单精度或整数类型(见图 10.1),下面的代码说明了这一点。

G = int8(5+3i):

#### 练习 10.1

1. 格下列数字输入到不同类型的数组中:

- a. 数组 A 为双精度浮点型
- b. 数组 B 为单精度浮点型
- c. 数组 C 为有符号模数型(任选·种类型)
- d. 数组 D 为无符号整数型(任选一种类型)
- 2. 用 A 加 B 创建新矩阵 E:

E = A + B

### 其结果是何种类型?

- 3. 定义x和v为整数类型,x值等于1, y值等于3。
- a. x/v 的结果是什么?
- b、结果的数据类型是哪一种?
- c. 当x定义为整数2, y定义为整数3时,做除法运算会得到怎样的结果?
- 4. 用函数 1ntmax 确定所定义的各种数据类型的最大值(包含 8 种整数类型)。
- 5. 用 MATLAB 确定所定义的各种数据类型的最小值(包含 8 种整数类型)。

### 10.1.2 字符和字符串数据

除了存储数值变量外,MATLAB 还可以存储字符信息。为了和变量名区别开,字符串放在单引 号之间。输入字符串 H = 'Holly';

可以创建 个 1×5 的字符数组。在数组中每个字母是 个独立的元素,如下所示:

H(5)

Y

在 MATLAB 中, 任何字符串都代表 一个字符数组。因此,

K = 'MATLAB is fun'

是 个  $1 \times 13$  的字符數銀。注意,单词之间的空格也为字符。同样,在图 10.1 中,变量名称字段中显示的符号 "abc" ,表明变量:和 K 是字符數组。在字符數组中每个字符都需要 2 字节的存储空间。

关键概念。包括空格在内,每个字符在数组中都是一个独立的元素。

在计算机中,任何信息都是用 1 和 0 存储的。有 ASCII 码和 EBCDIC 码两种主要的编码方法。 大多数小型计算机使用 ASCII 编码方案。符多大型计算机机和超大型计算机使用 EBCDIC 编码方案。 720 和 1 视为以 2 为基数的 "进制数,从这个愈义上讲。计算机所有的信息都以数值形式存储。每个 "进制数都有写之对应的! 进制数。前几个数字的对应关系列于表 102 中。

	表 10.2 二一十进制转换		
二进制	十进制	二进制	十进制
ı	1	101	5
10	2	110	6
11	3	311	7

100 4 1000

ASCII: 美国信息交换标准代码是 特计算机信息交换的标准代码。

每一个 ASCII (成 EBCDIC) 字符既可以用二进制数表示。也可以用十进制数表示。在 MATLAB 中。 格字符型转换成双精度后得到的数相当于是 ASCII 码所代表的十进制数。因此。

double('a')

97

EBCDIC: 扩展二十进制交换码是 种用于计算机信息交换的标准代码。

相反,函数 char 可以把双精度数转换为用十进制 ASCII 码表示的字符,例如

char (98)

ans =

二讲制: 只使用 0 和 1 的代码序列。

如果创建的矩阵中既包含数值又包含字符,那么,MATLAB 会将所有数据转换为字符类型:

['a',3] ans =

ans -

上面的方形符号相当于十进制数的3。

如果在数学运算中既有数值又有字符,那么,MATLAB 将字符转换成相对应的十进制数:

'a' + 3

100

由于'a'相当于十进制的 97,所以,问题转换为

$$97 + 3 = 100$$

#### 练习 10.2

- 1. 创建 个包含姓名的字符数组。
- 2. 字母 g 的 +进制数是多少?
- 3. 大小写字母的 ASCII 码值相差 32(人写字母在前)。使用内置函数将字符串 'matlab' 转化为大写的'MATLAB'。

### 10.1.3 符号数据

符号工具箱使用符号数据进行符号代数运算。用函数 svm 创建一个符号变量。

```
L = sym('x^2-2')
```

符号对象的存储空间取决于符号对象的大小。数学表达式中常使用符号对象数组。图 10.1 中的 L是 1×1 的符号变量数组,它的图标是一个立方体。

### 10.1.4 逻辑数据

逻辑数组从表面上看是由 0 和 1 构成的数组,在 MATLAB 以及其他计算机语言中都采用数字 1 和 0 分别表示 true 和 false:

```
M = [true, false, true]
```

关键概念: 计算机语言使用数字 0 表示 false, 数字 1 表示 true,

在 MATLAB 中并不采用上面这种方法创建逻辑数组。一般情况下,逻辑数组是逻辑运算的结果。 例如、

```
x = 1:5;
```

$$y = [2,0,1,9,4];$$
  
 $z = x > y$ 

### 返回结果

运算结果的含义是,对于条件×>y,元素1和3不满足,结果是 false: 元素2、3和5满足,结果是 true。这样的数组常用于逻辑函数中,用户一般看不到。例如,

find(x>v)

```
ans =
```

说明 x 数组的元素 2、3 和 5 比 y 数组中对应的元素大,没必要对逻辑运算的结果进行分析。代表逻辑数组的图标是一个对钩标记,如图 10.1 中的变量 x 所示。

### 10.1.5 稀疏数组

双精度数组和逻辑数组都能够用全矩阵或稀疏矩阵的形式存储。稀疏矩阵中的元素大多数都为 零,单位矩阵就是稀疏矩阵的一个例子。若用全矩阵的形式存储稀疏矩阵,那么,每个元素值无论是 否为零都需要8个字节的存储空间。但事实上,稀疏矩阵只需保存非零元素值以及该元素的位置信息,而不存储零元素,这种矩阵存储等略可以符名大量的内存。

定义 -个 1000×1000 的单位矩阵, 具有 100 万个元素;

```
N = eye(1000);
```

每个元素需要 8 个字节表示,储存此矩阵需要 8 MB 的容量。如果将其转换为稀疏矩阵,则可以 节省存储空间。执行代码为

```
P = sparse(N);
```

在图 10.1 的工作区窗口中,数组 P 只需要 16 004 字节的存储空间。在数值计算中稀疏矩阵可像 全矩阵 · 样使用,稀疏矩阵的图标为一组对角线。

### 10.2 多维数组

当数据需要按二维或二维以上的多维数组形式存储时,MATLAB 将在另一个的页面上表示数据。将以下四个二维数组变成一个三维数组;

```
x = [1, 2, 3, 4, 5, 6];
v = 10*x;
```

z = 10*y;

w = 10*z;

需要分别定义每一页的内容:

my_3D_array(:,:,1) = x;

my_3D_array(:,:,2) = y; my_3D_array(:,:,3) = z;

my 3D_array(:,:,3) = 2; my 3D array(:,:,4) = w;

每一条语句代表一页数据的所有行和所有列。 利用下面的代码调用 my 3D_array;

my 3D array

#### 运行结果为

my_3D_array

my_3D_array(:,:,1) =

1 2 3

my_3D_array(:,:,2) =

10 20 30

40 50 60 my_3D_array(:,:,3) =

100 200 300 400 500 600

my_3D_array(:,1,4) = 1000 2000 3000 4000 5000 6000

图 10.5 是对多维数组的形象表示, 三维以上的数组也使用类似的方式建立。

### 終习 10.3

 创建一个三维数组,其中包含:一个 3×3 的魔 方矩阵。一个 3×3 的零矩阵和一个 3×3 的 1 矩阵。

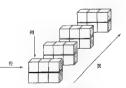


图 10.5 多维数组的分页表示

- 2. 使用 重索引 A(m, n, p) 确定练习 1 中所创建矩阵的第 1 页,第 3 行,第 2 列的元素。
- 3. 计算矩阵中所有页第2行, 第3列的數值。
- 4. 计算矩阵中所有页所有行中第3列的数值。

### 10.3 字符数组

Michael Heidi

D -

当每行字符元素个数相等时,可以创建二维字符数组。下面列出的名字不能直接创建二维字符数组,因为名字的长度不相同。

```
Q = ['Holly';'Steven';'Meagan';'David';'Michael';'Heidi']
??? Error using ==> vertcat
All rows in the bracketed expression must have the same
```

number of columns.

```
函数 char 可以用空格对字符数组进行"填充",以保证每行具有相同数量的元素;

Q = char('Bolly', 'Steven', 'Meagan', 'David', 'Michael', 'Heidi')

Q = Molly

Steven

Meagan

David
```

O是6×7的字符数组。在函数 char 中每个字符串之间用逗号隔开。

个仅字战可以储存在 MATLAB 的字符數组中,任何在键盘上可以找到的符号或数字都可以存储 为字符。利用这样性质创建的表格从表面上看既包括字符又包含数值,但实际上都是字符类型。

字符数组 Q 是学生姓名, 数组 R 是考试分数: R = [98:84:73:88:95:100]

```
98
84
73
88
95
100
```

利用下述语句可以将这两个数组合并在一起,但是,因为它们具有不同的数据类型,所以, 合并后的结果非常合体。

```
table = [Q,R]
table = Holly b
Steven T
Meagan I
David X
Michael
Heidi d
```

數值 g 中的双精度數值 UU用 ASCB 字符定义。当在同一个数组中既存储双精度类型数值又存储字符时,MATLAB 会将所有的信息转换为字符类型。但进行数学运算时,MATLAB 会将字符信息转换为数值信息。这"点很容易产性激淌。

函数 num2str 能够将数值转换成字符,利用它可以将双精度矩阵 R 转换成字符矩阵;

```
S = num2str(R)
S =
98
84
73
88
95
```

100

矩阵 R 和 S 看起来一样,但在工作区窗口中显示的内容是不同的,如图 10.6 所示。可以看出,矩阵 R 是一个6×I 双精度敷组,而 S 是6×3 的字符数组,显示如下,

space я space 8 4 space 7 3 space R 2 9 5 space O 0



图 10.6 利用函数 num2str 实现数值到字符的转换,并将字符矩阵和数值矩阵合并在一个数组中

#### 现在将 Q 和 S 合并起来: table = [0.5]

table =
Holly 98
Steven 4
Meagan 73
David 88
Michael 95
Heidi 100

结果显示采用等间隔的字体,使用 MATLAB 对字体进行控制。若选择比例字体,如 Times New Roman, 那么,显示的列就参差不齐。

#### 使用函数 disp 显示执行结果

disp([Q,S])
Holly 98
Steven 84
Meagan 73
David 88
Michael 95
Heidi 100

想 示

在最长的字符串后输入空格,这样当创建字符数组时,字符信息和数值信息之间就会有一个空格。

字符数组和函数 num2str 可以用于建立文件名。"保存数据到.dat 或.mat 文件中去时,由于事先不知道需要多少文件,所以。需要用下列方式完成文件的命名:

```
my_data1.dat
my_data2.dat
my_data3.dat 3
```

**关键概念**: 用函数 pum2st.r 把字符和数值数组合并在 起, 创建数据文件名。

把一个大小未知的数据文件 some data 导入 MATLAB, 利用该文件的每列数据创建新的文件:

```
load some_data
```

用感数 5176 确定文件的大小。

```
[rows.cols] = size(some data)
```

如果将每一列數据都存储在各自的文件中,則每 列數据都需要 个文件名。利用命令 save 和 for 循环实现此功能:

```
for k = 1:cols
file_name = ['my_data',num2str(k)]
data = some_data(:,k) '
save(file_name,'data')
```

按列循环执行,创建一个文件,其中包含字符信息和数值信息,使用如下的语句:

```
file name = ['my data', num2str(k)];
```

该语句把一个字符數組賦值给变量 file_name,由循环过程可以确定是 my_datal 还是 my_data2。 函数 save 的输入为字符,输入

```
save(file name, 'data')
```

在命令行中, file_namc 是一个字符变量, 'data'用单引号括起来了表明是字符串。 若在一个5×3 的離机數矩阵文件中运行前面的 for 循环、则会得到如下结果;

```
rows =
      5
   cols =
      3
   file name =
   mv data1
   data =
      -0.4326 -1.6656 0.1253 0.2877 -1.1465
   file name =
   my data2
   data =
       1.1909 1.1892 -0.0376 0.3273 0.1746
   file name =
   my data3
   data =
             0.7258 -0.5883 2.1832 -0.1364
      -0.1867
此时。当前目录包含三个新的文件。
```

### 练习 10.4

- 1. 创建字符矩阵 names, 此矩阵应有 9 行, 分别表示所有行星的名字。
- 行星分为小型岩石行星和巨型气体行星两类。创建一个名为 type 的字符矩阵,为每一行星分类。
- 3. 创建一个有9行空格的字符矩阵,一个空格占一行。

- 4. 将所创建的矩阵合并起来、创建一个包含行星名称和行星类型的表格、名称和类型中间用空格分开。
- 在网上查到每个行星的质量,并将信息存入矩阵 mass 中(或者使用例 10.2 中的數據)。然后,用函數 num2stx 将數值數组转換为字符數組,并添加到表格中。

#### 例 10.1 创建简单的密码序列

在电子时代保持信息的私密性变得越来越困难。一种解决方法是将信息加密,加密后便来提权 人得到信息也看不懂信息的自客。现代密码技术极其复杂。但是、用存储于 MATLAB 中的字符信 息可以创建简单的密码。在字符信息中加上一个固定整数,就可以将字符率转换为一种难以理解的 均容。

1 问题描述

对字符串信息进行加密的编解码。

2. 输入/输出描述

输入 命令窗口输入的字符信息

输出 结码信息

3. 手工分析

小写字母 a 等于十进制数 97、如果将 a 加上 5、并将它转换为字符,则 a 变为字母 f。

4. MATTAR 李超.

```
%Example 10.1
%Prompt the user to enter a string of character information.
A-input('Enter a string of information to be encoded; ')
encoded-char(A+5);
disp('encoded);
disp(encoded);
disp('would you like to decode this message?');
responsemenu('yes or no?', 'YES','NO');
switch response
case 1
disp(char(encoded-5));
case 2
disp('OK - Goodbye');
end
```

#### 5. 结果验证

运行程序并观察结果。程序提示用户输入信息,此输入的字符串必须用单引号括起来:

Enter a string of information to be encoded:

'I love rock and roll'

信息输入完毕后,一旦按回车键,程序会做出如下响应:

Your input has been transformed!

N%qt(j%wthp%fsi%wtqq

Would you like to decode this message? 因为使用菜单选项作为响应,所以程序执行后弹出菜单窗口。选择 YES 后,

程序响应为

I love rock and roll

若选择 NO、则响应为

OK - Goodbye



### 10.4 元朐数组

元顺数组与数值、字符和符号数组不同、它可在同 数组中存储不同类型的数据。数组中每个 元素就是一个物组。考虑以下:个不同的数组,

```
A = 1:3:
B = ['abcdefg']:
C = single([1.2.3:4.5.61):
```

议三个数组具有不同的大小和不同的数据类型。数组 a 是双鳍麻形、数组 p 县字符型、 数组 c 基单糖度型。使用大抵导构造元顺数组(标准数组的创建使用方括号)。将这三个数组合并成一个元顺 粉细,

```
my cellarray = {A,B,C}
```

#### 返回结果

```
my cellarray =
  [1x3 double] 'abcdefg' [2x3 single]
```

为了节省空间、元胸数组中仅列出相关数组的规模。函数 celldisp 用于显示整个数组的内容:

```
celldisp(my cellarray)
my cellarray(1) =
 1 2 3
my cellarray(2) =
abcdefg
my cellarray(3) =
```

无腹数组使用的索引方法与其他数组相同,可以使用单序号索引,也可以使用行和列索引。从 元胞数组中提取信息的方法有两种,一种是使用小括号,如

```
my cellarray(1)
      ane =
        fix3 double1
另一种是使用大括号, 如
```

1

```
my cellarray(1)
ans =
  1 2 3
```

为了访问储存在元胞数组中的某一特定元素,必须同时使用大括号和小括号,如 mv cellarrav(3)(1,2)

```
ans =
```

元胞数组可能会变得相当复杂。函数 cellplot 是一种以图形结构查看数组内容的有效方法, 加图 10.7 所示。

```
cellplot(my cellarray)
```



图 10.7 函数 cellplot 提供元胞数组结构的图形化表示功能

元朐数组可用于复杂的编程项目或数据库应用。在普通的工程应用中,元腴数组主要用来存储 T程中所涉及的各种数据,以便将来分门别类地使用。

### 10.5 结构数组

结构数组类似于元胸数组,具有不同数据类型的多个数组可以存储在结构数组中,与存储在元 脓数组中 样。结构数组不使用内容索引,结构数组中的每个矩阵存储在 个称为域的位置上。例如, 前面元胸数组中使用的一个数组:

```
A = 1:3:
       B = ['abcdefg'];
       C = single([1,2,3;4,5,6]);
创建一个简单的结构数组 my-structure:
```

my structure.some numbers = A

返回 my structure = some numbers: [1 2 3]

**关键概念**:结构数组能够存储不同数据类型的信息。

结构数组的名称为 mv-structure, some-number 为结构数组的一个存储域。将字符矩阵 B 的 内农添加到第一个存储域 some-letters 中。

my_structure.some_letters = B my_structure =

some numbers: [1 2 3] some_letters: 'abcdefg'

最后,将矩阵 c 中的单精度浮点数添加至第三个域 some- more numbers 中:

my_structure.some_more_numbers = C mv structure = some numbers: [1 2 3]

some_letters: 'abcdefg' some_more_numbers: [2x3 single]

工作区窗口如图 10.8 所示,结构矩阵是 1×1 的数组,称为 struct, 它包含三个不同类型的矩 阵。结构数组中有三个域,每个域存储一种数据类型:

双精度数据 some-numbers 字符数据 some-letters eome-more-rumbers 单轴度数据

在所定义的域中添加更多的矩阵,可以扩大结构数组的规模:

my_structure(2).some_numbers = [2 4 6 8] mv structure =

1x2 struct array with fields: some numbers

some letters some more_numbers

使用矩阵名称、域名和索引编号访问结构数组的信息,语法类似于所使用的其他类型矩阵。例 to.

my_structure(2) ans =

some numbers: [2 4 6 8]
some_letters: []
some_more numbers: []

因为没有在域中添加信息,所以,some-letters和 some more-numbers是空矩阵。



图 10.8 结构数组可以包含不同类型的数据

访问某一个城,需要添加相应的域名:

my_structure(2).some_numbers ans =

访问某个域中的元素,则必须在域名后指出该元素的索引号;

my_structure(2).some_numbers(2)

4

用函数 disp 显示结构数组中的元素:

disp(mv structure(2), some numbers(2))

返回

和访问其他类型数组一样,访问结构数组也使用编辑器。在工作区窗口中取击结构数组,打开 数组编辑器,如图 10.9 所示。双击编辑器上结构数组中的元素、编辑器显示该元素的内容,如图 10.10 所示。



图 10.9 为了节省存储空间数组编辑器仅给出数组的大小信息

结构数组在工程计算中使用得并不广泛,而是常用于数据库管理应用中。由于大量的工程数据往往存储在数据库中,所以结构数组非常有助于数据分析。下面通过实例进一步说明结构数组的运算和使用。



图 10.10 双击数组编辑器中的元素可以显示详细的数据内容

### 例 10.2 用结构数组存储行星的数据

结构数组的使用类似于数据库。它可以存储数字、字符和 MATLAB 支持的其他类型的数据。创 建一个存储关于行星信息的结构数组,并提示用户输入数据。

#### 1. 问题描述

创建一个存储行星数据的结构数组、输入信息如表 10.3 所示。

赛 10.3

行星名	质量,地球的複數	年齡、地球年	平均轨道速度,km/i
水里	0.055	0.24	47.89
金星	0.815	0.62	35.03
地球	1	1	29.79
火車	0.107	1.88	24.13
木里	318	11.86	13.06
土匪	95	29.46	9.64
天王屋	.15	84.01	6.81
梅王屋	17	164,8	5.43
冥王原	0.00 2	247.7	4.74

#### 2. 輸入/輸出描述

#### 输入

#### 納出 存储数据的结构数组。

- 3. 手工分析
- 对于这个问题进行手工计算比较困难,使用流程图更为合理。
- 4. MATLAB 实现.
  - %% Example 10.2
  - clear.clc

  - %Create a structure with 4 fields
  - k = 1: response = menu('Would you like to enter planetary
  - data?','yes','no');

  - while response == 1
    - disp('Remember to enter strings in single quotes')
    - planetary(k).name = input('Enter a planet name in single quotes: ');
    - planetary(k).mass = input('Enter the mass in multiples of

```
earth''s mass: ');
 planetary(k).vear = input('Enter the length of the planetary
    year in Earth years: '};
 planetary(k).velocity = input('Enter the mean orbital
    velocity in km/sec: ');
 %Review the input
 planetary(k)
 increment = menu('Was the data correct?', 'Yes', 'No');
 switch increment
    case 1
      increment = 1:
    case 2
     increment = 0:
 k = k+increment:
 response = menu('Would you like to enter more planetary
    data?'.'ves'.'no'):
end
44
```

planetary %output the information stored in planetary





运行程序并输入数据后命令窗口出现一个简单的交互界面。 Remember to enter strings in single quotes

Enter a planet name in single quotes: 'Mercury'

Enter the planetary mass in multiples of Earth's mass: 0.055

Enter the length of the planetary year in Earth years: 0.24 Enter the mean orbital velocity in km/sec: 47.89

ans = name: 'Mercury' mass: 0.0550

> year: 0.2400 velocity: 47.8900

### 5. 结果验证

輸入数据并特數组申的数据与表格内容微比较、作为程序的一部分、持輸入值回區在屏幕上, 方便用户检查英正确性。如果向应数据插法、那么通过排环语句控制信息进行重写、创建的结构数组 planetary 在工作区窗口中列出。双击 planerary 打开数组编辑器,可以查看数组中所有数据的内 家、如图 [101] 所示,同样,也可以更新数组编辑器中的数据。

使用例 10.3 中的结构数组可以完成其他一些计算。结果按如下形式保存:

save planetary_information planetary

该命令语句将结构数组 planetary 保存至文件 planetary -information.mat 中。

### 例 10.3 提取并使用结构敷组中的数据

结构数组在存储信息方面具有很多优势。第一,可以使用域名来识别数组成分。第二,在數组 中添加信息非常方使、并按照分组的形式建立联系。第三,结构数组中的信息不容易产生混乱。对文 件 planetary_information.rat 中的数组进行加下操作,可以看到结构数组的以上优势:



图 10.11 数组编编器允许访问和编改结构数组中的内容

- 标识和罗列数组中的城名、
- 创建行星名称的列表。
- 创建一个表格表示结构数组中的数据、将城名作为表格的列标题。
- 计算平均轨道速度。
- 找出最大的行星并指出它的名字和大小。
- 计算术星的轨道周期。
- 1. 问题描述
- 编写程序完成上面列出的各项任务。
- 2. 輸入/輸出描述

输入 存储在当前目录中的文件 planetary-information.mat.

输出 在命令富口创建一个报告。

3. 平工分析

利用数组编辑器访问行星结构数组中的信息,以此来完成大部分规定任务,如图 10.12 所示。



图 10.12 分块选项可以查看结构数组中各元素的内容

4. MATLAB 实现

%Example 10.3

clear, clc

load planetary_information

%Identify the field names in the structure array

%recalls the contents of the structure

%array named planetary

planetary pause(2)

```
%Create a list of planets in the file
disp('These names are OK, but they''re not in an array');
planetary.name
pause (4)
fprintf('\n')
              %Creates an empty line in the output
%Using square brackets puts the results into an array
disp('This array isn''t too great');
disp('Everything runs together');
names = [planetary.name]
nause (4)
fprintf('\n')
                %Creates an empty line in the output
Mising char creates a padded list, which is more useful
disp('By using a padded character array we get what we
 want'):
names = [char(planetary.name)]
pause (4)
%Create a table by first creating character arrays of all
%the data
disp('These arrays are character arrays too');
mass = num2str([planetary.mass]')
fprintf('\n')
                %Creates an empty line in the output
pause (4)
year = num2str([planetary.year]')
                %Creates an empty line in the output
fprintf('\n')
pause (21
velocity = num2str([planetary(:).velocity]')
                %Creates an empty line in the output
forintf('\n')
pause (4)
fprintf('\n')
                %Creates an empty line in the output
%Create an array of spaces to separate the data
spaces = ['
                     1111
%Use disp to display the field names
disp('The overall result is a big character array');
fprintf('\n') %Creates an empty line in the output
disp('Planet mass year velocity');
table = {names, spaces, mass, spaces, year, spaces, velocity};
disp(table):
fprintf('\n')
                 %Creates an empty line in the output
%Find the average planet mean orbital velocity
MOV = mean([planetary.velocity]);
 fprintf('The mean orbital velocity is %8.2f km/sec\n',MOV)
pause(1)
 %Find the planet with the maximum mass
 max_mass = max([planetary.mass]);
 fprintf('The maximum mass is %8.2f times the earth''s
  \n',max_mass)
 pause(1)
 %Jupiter is planet #5
 %Find the orbital period of Jupiter
 planet name = planetary(5).name;
 planet_year = planetary(5).year;
 forintf(' %s has a year %6,2f times the earth''s
  \n',planet_name,planet_year)
```

这个程序的大部分内容包含格式化命令。在分析代码之前,在 MATLAB 中运行程序并观察结果。

#### 5 结果验is

将从凝血中抽取的信息和凝血编桿器中被得的信息做比較。如果在文件 planet ary 中存储的数 精量增加时,使用数型编辑器就不是很分便,若有必要,可以随时添加新的线和新的信息。例如,可 以在现有的结构数量中增加月度的数据。

```
planetary(2).moons = 0;
planetary(3).moons = 1;
planetary(4).moons = 2;
planetary(5).moons = 31;
planetary(6).moons = 31;
planetary(7).moons = 27;
planetary(8).moons = 13;
planetary(9).moons = 1;
```

planetary(1).moons = 0:

这段代码在结构数组中增加了 moons 城。利用下述命令在命令窗口中显示月球的相关信息: disp([planetary.moons]);

### 本章小结

数组是 MATLAB 中的主要数据结构。在数组中,可以存储不同类型的数据。默认的数值数据类型是及精度浮点数。通常称为双精度数。 MATLAB 还宏特单精度浮点数。以及8种不同的整数类型。等符信息也可以存储在数组中,并可以组合成一个字符单。字符串代表一个一维数组、数组中的每个字符部存储在相应的元素中,函数 char 用适当数量的空格填充到数组中,可以把不同长度的字符串合并成二维字符数组,MATLAB 中除了存数值和字符数据外,还有符号数据。

所有这些类矩的数据都可以用二维数组存储。实际上,标量和矢量都是存储在"维数组中的, 八小过它引是单行或单列存储的。在 MATLAB 还可以用多维数组存储数据。每个多维数组的二维切 片称为页。

一般来说,存储在一个 MATLAB 數组中的數据应具有相同的类型。如果字符和數值混合存储, 則數值会按 ASCII 码的等效 + 进制數特換为字符。相反,如果合并后的字符和數值进行运算,则字 符合转率为 ASCII 码的对应值。

MATLAB 提供元胞数组和结构数组两种数组类型,可以同时存储多种类型的数据。元腹数组使 用大括号构造数组,结构数组通过域及进行操作。这两种数组广泛应用十数据应由。

### MATLAB 小结

下面列出了本意介绍的 MATLAB 特殊字符、命令和函数:

特殊学符	说 噼
{ }	THE PERSON NAMED IN
+ +	字符串(字符信息)
200	字符數组
==	数字數组
	符号数组
	逻辑数组
<b>S</b>	
10	<b>米施斯</b> 斯
-E	结构数组

命令和函數	遊 明
elldisp	显示元舰數组的内容
char	创建填充字符數组
CLOSUM	求數组的展加和
double	把激组转换为双精度敷组
eye	创建单位矩阵
format rat	用分数形式显示
ant16	16 位有符号整数
int32	32 位有符号整数
int64	64 位有符号整数
int8	8位存符号整数
num2str	将撤值型数组转换为字符型数组
resimax	MATLAB 中的最大实验
realmin	MATLAB 中的最小实数
mingle	将撤组转换为单精度数组
sparse	将全矩阵转换为稀疏矩阵
str2nm	将字符型數组转換为數值型數组
uant16	16 位无符号權數
uint32	32 位无符号整数
wint64	64 位无符号整数
uintB	8 位无符号整敷

### 习题

10.1 分别使用双精度和单精度数据类型计算调和级数前 1000 万项之和(不是部分和):

$$\frac{1}{1} + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5} + \frac{1}{6} + \dots + \frac{1}{n} + \dots$$

比较结果,并对两种方法的差异做出解释。

10.2 使用类型 int 8 定义数组的前 10 个整数,用这些整数计算调和级数的前 10 項。对结果进行证明。

10.3 MATLAB 的較认數据类型是双精度浮点數而不是单精度數或聽型數,这种表示方法适用 于求解大多數工程计算问题。解释其中的原因。

10.4 根据计算结果 MATLAB 可以自动创建复数。也可以用实能和虚部相加的方法直接输入复数,并且,复数可以存储为任何数据类型。定义两个变量,一个为单辅度复数,另一个为以精度的复数。如

对每个数字进行100次方运算。解释运算结果的差异。

10.5 在 Internet 阿上查找 ASCII 码和 EBCDIC 码的二进制数值。简要说明两个编码方案的不同。

10.6 数字既可以表示为数值数据又可以表示为字符数据,非常容易产生混乱。用 MATIAB 的字符数组表达数字 85。

(a) 该数组有多少元素?

- (b) 什么数值等价于字符 8?
- (c) 什么数值等价于字符 5?
- **10.7** 创建下面的阵列:

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$$
,  $B = \begin{bmatrix} 10 & 20 \\ 30 & 40 \end{bmatrix}$ ,  $C = \begin{bmatrix} 3 & 6 \\ 9 & 12 \end{bmatrix}$ 

- (a) 将它们合并成一个 2x2x3 的多维数组, 并命名为 ABC。
- (b) 提取每个矩阵的第一列组成 2×3 数组,并命名为 Column A1B1C1。
- (c) 提取每个矩阵的第 2 行组成 3x2 数组, 并命名为 Row A2B2C2。
- (d) 提取第1行、第2列、第3页的数值。

**10.8** 大学教授要对学生每年的测验成绩进行比较。每年的数据存储在二维数组中。第一年和第二年的数据如下:

Year 1	Question 1	Question 2	Question 3	Question 4
Student 1	3	6	4	1.0
Student 2	5	8	6	1.0
Student 3	4	9	5	10
Student 4	6	4	7	9
Student 5	3	5	8	10

Year 2	Question 1	Question 2	Question 3	Question :
Student 1	2	7	3	10
Student 2	3	7	5	10
Student 3	4	5	5	10
Student 4	3	3	8	1.0
Student 5	3	5	2	10

- (a) 用第一年的数据创建二维数组 year1, 用第二年的数据创建数组 year2。
- (b) 将两个数组合并成一个三维数组 testdata。
- (c) 对三维数组完成下列计算:
- 计算每年每个问题的平均分數,并把结果存储到二维數组中(答案应该是2×4數组或4×2 數组)。
- 田所有的数据计算每个问题的平均分数。
- 提取每年 Question 3 的数据创建一个具有下列格式的数组:

Question 3,	Year 1	Question	3,	Year	2
Student :					
Student 2					

10.9 根据前面的问题描述,如果教师想比较第二次和第三次的测验结果,那么就需要创建 个四 维数组。第四维有时也称为抽屉。数组中的所有数据都包含在一个名为 test results.mat 的文件中, 与图 108 参级。描述这些数据需要 6 个 维数组。数组名称分别为

test1year1 test2year1 test3year1 test1year2 test2year2 test3year2

将这些数据合并成如下所示的四维数组。

1 维	(行)	学生
2维	(列)	问题
3维	(页)	年份
4维	(抽屉)	源积金

- (a) 从第一年的 Test 3 中提取 Student 1、Question 2 的分数。
- (b) 创建一个 维数组表示所有年 Test 2、Student 1、Question 1的分数。
- (c) 创建一个一维数组表示第 :年 Test. 1、Student 2 所有问题的分数。
- (d) 创建一个 :维数组表示所有年所有学生 Test 2、Question 3 的分数。
- 10.10 (a) 创建一个具有 5 个不同名字的填充字符勒组。

(b) 创建名为 birthday 的「维数组表示人的生日。如下所示: birthdays=

6	11	1983
3	11	1985
6	29	1986
12	12	1984
12	11	1987

- (c) 用函数 num2str 将数组 birthday 转换成字符数组。
- (d) 用函数 disp显示名字和生日合并起来的表格。
- 10.11 下面绘出的学符数组表示集装箱的尺寸。

box_dimensions =

box1 1 3 5 box2 2 4 6

box3 6 7 3 box4 1 4 3

该数组是一个 $a \times 12$  的字符数组。数值信息以字符的形式存储在数值的第 6 至第 12 列。为了更有效地利用集按網运送货物,需要计算每个集装箱的体积。使用函数  $a \times 2$  和四 把字符数组转换成数值数组,并利用运动数据来计算每个集装箱的容量(利用函数 char 输入字符数组 box_dimensions)。

10.12 文件 thermocouple, dat 的内容如下表所示:

Thermocouple 1	Thermocouple 2	Thermocouple :
84.3	90.0	86.7
86.4	89.5	87.6
85.2	88.6	88.3
87.1	88.9	85.3
83.5	88.9	E.08
84.8	90.4	82.4
85.0	89.3	83.4
85.3	89.5	85.4
B5.3	88.9	86.3
85.2	89.1	85.3
82.3	89.5	89.0
84.7	89.4	87.3
83.6	89.8	87.2

#### (a) 用程序实现:

- 将文件thermocouple.mat 加载到 MATLAB中。
- 确定文件的行数和列数。
- 分别提取每只热电偶的數据集,单独储存到不同的文件中。文件名分别为 thermocou ple1.mat, thermocouple2.mat 等。

(b) 程序应该能够处理任何规模的二维数组、针对每一列数据指定适当的文件名称。

- 10.13 用户输入字符形式的文本内容,将输入字符所对应的十进制敷加 10,然后,把处理结果保存到文件中,编程实现上述功能。
  - 10.14 将 个字符型文件中的字符所对应的十进制数减 10。编程实现上述功能。
  - 10.15 创建一个名为 sample cell 的元顺数组用于存储下列数组

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 5 \\ 3 & 9 & 2 \\ 11 & 8 & 2 \end{bmatrix}$$
 (双精度浮点数组) 
$$B = \begin{bmatrix} fred & ralph \\ ken & susan \end{bmatrix}$$
 (填充数组) 
$$C = \begin{bmatrix} 4 \\ 6 \\ 1 \end{bmatrix}$$
 (有符号的 8 位整型数组)

- (a) 从 sample cell 中提取数组 A。
- (b) 从 sample cell 中提取数组 c 的第三行信息。
- (c) 从 sample_cell 中提取名字 fred。名字 fred 是一个 1×4 数组。

10.16 元胞数组不必填充字符就可用于存储字符信息。将下面的每个字符串创建一个单独的字符数组,并将它们存储在元胞数组中。

aluminum copper iron molybdenum cobalt

10.17 会属的相关信息如下表所示:

<b>*</b> E	符号	原子敦	原子量	密度	晶体结构
個	Al	13	26.98	2.71	PCC
60	Ca	29	63.55	8.94	FOC
鉄	Pe	26	55.85	7.87	BCC
10	Mo	42	95.94	10.22	BCC
钻	Co	27	58.93	8.9	HCP

#### (a) 创建下列数组:

- 将每种金属的名字存入一个单独的字符数组,并将所有的字符数组存储到一个元胞数组中。
- 将所有金属的符号存入 一个填充字符数组。
- 将原子数存入一个 int8 整型数组。

- 将原子量存入一个双精度数值数组。
- 将密度存入 -- 个单精度数值数组。
- 将晶体结构存入一个填充的字符数组。
- (c) 从元胞数组中提取下列信息:
- 提取已知信息表中第四个元素的名称、原子量和晶体结构。
- 摄取数组中所有元素的名字。
- → 计算所有元素的平均原子量(从元胞数组中提取用于计算的信息)。

10.18 将题 10.17 中的信息存储到结构数组中。使用创建的结构数组来确定密度最大的元素。

10.19 编写一个程序,由用户输入下列信息,并将信息填加到题 10.18 所创建的结构数组中。

全 展	17 · 4	原子教	原子景	密 度	晶体结构
46	Li	3	6.94	0.534	BCC
16	Go	32	72.59	5.32	金刚石立方
业	Au	79	196.97	19.32	PCC

10.20 利用题 10.19 所创建的结构数组找出原子量最大的元素。

# 第11章 符号代数

#### 学习目的

通过阅读本意, 读者可以掌握加下内容.

- 符号变量的创建与运管。
- 数学表达式的分解与化简。
- 符号表达式求解。
- 方程组求解。
- 表达式的符号微分运算。
- 表达式的积分运算。

### 引言

MATLAB 有多种数据类型。其中包括双精度与单精度数据、字符型数据、逻辑型数据以及符号 型数据、所有这些数据都存储在不同的矩阵中。本章将探讨 MATLAB 用户如何对符号矩阵进行运算。 以及如何使用符号数据。

MATLAB 的符号功能是基于 Waterfoo Maple 公司的 Maple 10 软件。Maple 10 引擎是符号工具箱 的一部分,若说者以能管用过 Maple。那么就会发现很多 MATLAB 符号命令是与之相似的。与 Maple 不同,MATLAB 以矩阵作为主要的數据类型。同时,因为 Maple .1. 具是嵌入到 MATLAB 中的,所 以, 它的语法与 MATLAB 基本 上一般。

符号上其相是 MATLAB 7 专业版的可选组件,为了使用下面的例子,并配合内容介绍,必须安装符号工其相功能。实际上有两个符号工具相。基本符号数学工具相和扩展符号数学工具编 5基本符号数学工具编句以允许用户编写直接访问 Maple 的程序。本章中所有的程序都是由基本符号数学工具编码到,由于它的用途很广,所有 MATLAB 7 的数学版都包含该工具辐的部分功能。对于 MATLAB 的中期版本 (Release 2 或更早),本意中的一些练习可能不支持。因为 MATLAB 每 6 个月升级一次,所以这一问题可用 Release 20077 本版中的一些练习可能不支持。因为 MATLAB 每 6 个月升级一次,所以这一问题可用 Release 20077 本版中。

MATLAB 符号 [具籍允许对符号表达式进行化简、符号求解和数值计算。同时,还可以进行徽 分、积分和线性代数的运算。更先进的功能还包括拉普拉斯变换、傅里叶变换和可变精度运算。

### 11.1 符号代数

符号代数常用于数学、工程和其他学科中,用符号代数的方法可以求解数学方程式。例如,考虑下面的方程:

$$y = \frac{2(x+3)^2}{x^2 + 6x + 9}$$

初看起来,y是一个关于x的复杂函数。但是,如果把 $(x+3)^2$ 展开,显然该方程是可以化简的。

$$y = \frac{2*(x+3)^2}{x^2+6x+9} = \frac{2*(x^2+6x+9)}{(x^2+6x+9)} = 2$$

这种化简可以进行也可以不进行,因为,化简导致了一些信息的丢失。例如,"x=-3 时 y 是没有意义的,因为 x+3=0,同样  $x^2+6x+9$  也等于零。因此,

$$y = \frac{2(-3+3)^2}{9-18+9} = 2\frac{0}{9} =$$
 无意义

MATLAB 的符号运算功能可以用于求解方程,分别处理分子和分母。当然,实际工程中的代数 式不总是这么简单。例如,考虑下面的方程:

$$D = D_0 e^{-QHT}$$

若己知 $D_o$  Q, R 和T 的值,则很容易求出D 的值。但是,若己知D,  $Q_o$ , R 和Q 的值,则求T 的值就不那么简单。计算之前必须把T 移到方程的左边:

$$\begin{split} &\ln\left(D\right) = \ln\left(D_0\right) - \frac{Q}{RT} \\ &\ln\left(\frac{D}{D_0}\right) = -\frac{Q}{RT} \\ &\ln\left(\frac{D}{D_0}\right) = \frac{Q}{RT} \\ &T = \frac{Q}{R\ln\left(D_0/D\right)} \end{split}$$

虽然用手工求解 T 比较棘手,但用 MATLAB 的符号功能进行求解就会很简单。

关键概念:符号工具箱是专业版的可选组件,但在教学版中是标准组件。

关键概念: MATLAB 简化了方程的符号化求解。

### 11.1.1 创建符号变量

求解方程的首要任务是创建符号变量。简单的符号变量可以用两种方法创建。创建符号变量 x. 输入

或者

syms >

上面两种方法都可以把字符'x'定义为一个符号变量。复杂的符号变量可以由前面已经定义的符号变量来创建,如下面的表达式;

$$y = 2*(x + 3)^2/(x^2 + 6*x + 9)$$

在  $\Gamma$ 作区窗口(见图11.1)中: ,列出了符号变量 x 和 y,而且每个变量的数组大小均为 1 x l。命令  $\sigma$  syns 简单易用,它可以同时创建多个符号变量,例如

这些变量可以用数学的方法组合到 一起,创建另一个符号变量 D:

$$D = D0*exp(-O/(R*T))$$



图 11.1 在工作区窗口中定义的符号变量占有一个变量的存储空间

在上面的两个例子中,使用标准的代数运算符号而不是数组运算符号,如.*或.^。数组运算符号定义数组中元素的相关计算,但在这里并不适用。

函數 sym 也可以用于创建完整的表达式或方程。例如。

E = sym('m*c*2')

创建一个名为 B 的符号变量、变量 m 和 c 没有被定义为符号变量。因此不会在工作区窗口(见图 11.2) 中列出。变量 8 被设置为字符串,函数内部要用单引号括起来。



图 11.2 在工作区窗口中只列出了被显式定义的变量

在本例中,设表达式  $m^*c^2$  等于变量 E。 同样也可以创建一个完整的方程,并对它命名。例如,定义理想代体方程。

ideal_gas_law = sym('P*V = n*R*Temp')

将上述内容输入到 MATLAB 中,工作区窗口如图 11.3 所示。注意,只有  $1deal_gas_law$  被作为符号变量列出,变量 p,v,n,n 和 remp 没有被明确定义,因此,仅作为字符串的一部分输入函数 sym 中。

关键概念:表达式不同于方程。

表达式: 数学运算符号的集合。

方程: 个表达式等于 个值或另 个表达式。

关键概念:符号工具箱使用标准的代数运算符。

提示

MATLAB 不可符号变量的运管的 表进行整理,这与数值运算结束的格式不引 这样做可以帮助记录变量类型而无须参考1.作区窗口。



图 11.3 变量 ideal gas_law是一个方程,而不是一个表达式

#### 练习 11.1

1. 用命令 svm 或 svms 创建下列符号变量:

```
x, a, b, c, d
```

2. 确定在工作区窗口中列出练习1中创建的变量作为符号变量。用它们创建下面的符号表达式:

```
exi = x^2-1

ex2 = (x+1)^2

ex3 = a*x^2-1

ex4 = a*x^2 + b*x + c

ex5 = a*x^3 + b*x^2 + c*x + d

ax6 = sin(x)
```

3. 用函数 sym 创建下面的符号表达式:

```
EX1 = sym('X^2 - 1 ')
EX2 = sym('(X + 1)^2 ')
EX3 = sym('A* ^2 - 1 ')
EX4 = sym('A* ^2 - 1 ')
EX4 = sym('A* ^2 + B*X + C ')
EX5 = sym('A* ^3 + B*X ^2 + C*X + D ')
EX6 = sym('a*A(X)')
```

4. 用函数 sym 创建下面的符号方程:

```
eq1 = sym(' x^2=1 ')
eq2 = sym(' (x+1)^2=0 ')
eq3 = sym(' a*x^2=1 ')
eq4 = sym('a*x^2 + b*x + c=0 ')
eq6 = sym('a*x^2 + b*x^2 + c*x + d=0 ')
eq6 = sym('sin(x)=0 ')
```

5. 用函数 sym 创建下面的符号方程:

```
EQ1 = sym('X^2 = 1 ')

EQ2 = sym('(X +1)^2=0 ')

EQ3 = sym('A*X ^2 = 1 ')

EQ4 = sym('A*X ^2 + B*X + C = 0 ')

EQ5 = sym('A*X ^3 + B*X ^2 + C*X + D = 0 ')

EQ6 = sym('A*X ^3 + B*X ^2 + C*X + D = 0 ')
```

在工作区曾口中只列出显式定义的变量、表达式和方程。保存在本练习中已经创建的变量、表达式和方程。 以便在后面的练习中使用。

### 11.1.2 符号表达式和符号方程的运算

首先需要弄清慈奏认者和方程的区别,方程是个等式,而表达式不是。变量 ideal gas law 被 设为一个方程。若输入

```
ideal_gas_law
```

则 MATLAB 将返回

ideal gas law -P*V = n*R*Temp

然而, 共输入

E 则 MATLAB 将扳回

m*c^2

或者输入

MATLAR 返回

2*(x+3)*2/(x*2+6*x+9)

可以看出,变量 E 和 y 是表达式,而变量 ideal_gas_law 是方程。多数情况下用到的是表达式。

MATLAB 为运算符号变量设计了许多函数,包括把表达式分解成分子和分母两部分的函数,展 开或者分解表达式的函数,还有多种化简表达式的函数。

#### 提取分子和分母

函数 numden 可以从表达式中提取分子和分母。例如,假如已经定义 y 为

 $v = 2*(x+3)^2/(x^2+6*x+9)$ [num.den] = numden(v)

那么用下式棉取分子和分母。

MATLAB 创建两个新的变量 num 和 den (可以随意命名):

num =

2*(x+3)*2

den = **2+6*x+9

利用标准的代数运算符对这些表达式进行组合:

num*den

2*(x+3)^2*(x^2+6*x+9)

num/den

ans =

2*(x+3)^2/(x^2+6*x+9)

numeden

2*(x+3)*2+x*2+6*x+9

表达式的展开、分解和合并同类项

用前面定义的表达式说明函数 expand、factor 和 collect 的用法。命令

```
expand(num)
返问结果为
      Ans =
      2*x^2+12*x+18
   64
      factor (den)
返回结果为
      ans =
      (x+3)^2
   函数 collect 可以合并同类项、与函数 expand 类似:
      collect(num)
      ans =
      18-2*******
   这函数不老熊表达式中的变量是否被定义为符号变量。定义新的变量。为
      z = sym('3*a-(a+3)*(a-3)*2')
   在这种情况下, 函数 expand 和 factor 得到相同的结果:
      factor(z)
      ans -
      19*=== ^3-3*= ^2-27
      evmand(z)
      ADE 3
      12*a-a^3+3*a^2-27
   利用函数 collect 可以得到类似的结果:唯一的区别是各因式的顺序不同。
      collect(z)
      ans =
      -27-a^3+3*a^2+12*a
   这三个函数可以应用于方程和表达式中。方程可以视为等式两边独立的表达式,为了说明这一
古, 可以定义方程 wi
      w = sym('x^3-1 = (x-3)*(x+3)')
      expand(w)
      ans =
      x^3-1 = x^2-9
      factor(w)
      and II
      (x-1)*(x^2+x+1) = (x-3)*(x+3)
      collect(w)
      ans =
      x^3-1 = x^2-9
化简函数
```

利用函数 expand、factor 和 collect 对方程进行化筒。然而,并不'定总是得到最简的方程。 函数 simplify 使用 Maple 內置函数的化簡規则对表达式和方程的每个部分进行化简。再次定义 z 为

```
z = sym('3*a-(a+3)*(a-3)^2')
命令
```

返回

```
simplify(z)

ans =
12*a-a^3+3*a^2-27
```

```
如果定义方程w为
```

 $w = sym('x^3-1 = (x-3)*(x+3)')$ 

### 那么

simplify(w)

#### 命令返回

ans = x^3-1 = x^2-9

 $x^3-1 = x^2-9$ 

再次攝调,该函數不用考虑表达式中的变量是否被定义为符号变量。表达式 z 包含变量 a,这里 a 并没有明确的定义,因此也不会在工作区窗口中列出。

函数 simple 与函数 simplify 略有不同, 函数 simple 使用不同的化简方法并给出最简结果, 函数的化简过程会在屏幕上显示出来。例如, 命令

simple(w)

#### 输出以下结果:

simplify:

x^3-1 = x^2-9

radsimp: x^3-1 = (x-3)*(x+3)

combine(trig):

x^3-1 = x^2-9

factor:  $(x-1)*(x^2+x+1) = (x-3)*(x+3)$ 

(x-1)*(x^2+x+1) = (x-3)

x^3-1 = x^2-9

combine:

 $x^3-1 = (x-3)*(x+3)$ 

convert(exp):

 $x^3-1 = (x-3)*(x+3)$ 

convert(sincos):  $x^3-1 = (x-3)^*(x+3)$ 

x^3-1 = (x-3)*

convert(tan):

 $x^3-1 = (x-3)^*(x+3)$ 

x^3-1 = x^2-9

mwcos2sin:

x^3-1 = (x-3)*(x+3)

ans = x^3-1 = x^2-9

显示出很多中间的化简结构,但最终的最简结果为

 $x^2-1 = x^2-9$ 

函数 simple 和 simplify 既可用于方程化简也可用于表达式化简。

关键概念: MATLAB 将表达式的最简表示法定义为表达式的最简式。

关键概念: 很多符号函数,既可以用于表达式也可以用于方程,有些则不行。

#### 提 示

### 表 11.1 列出了一些用于表达式和方程运算的 MATLAB 函数。

表 11.1 用于表达式和方程运算的函数

expand(S)	展开表达式或方程	evms x	
	7677 90407980773	expand((x=5)*(x+5))	
		ans	
		x^2-25	
factor(S)	对表达式或方程做因式分解	syms x	
		factor(x^3-1)	
		ars	
		(x-1) * x^2+x+1.	
collect(S)	合并阿类項	g=2*(x+3)^2+6*x+9 collect(S)	
		S-	
		27+3*x^2+18*x	
simplify(S)	依据 Maple 的化筒规则化筒	syms a	
		simplify(exp(log(a)))	
		ans=	
	and the same of th	aywa x	
simple(S)	将表达式和方程化简为最简式	simple(sin(x)^2+cos(x)^2)	
		ADS:	
		1	
minden (S)		SVMS X	
numden (S)	<b>挽出表达式的分子,该函数小能用于为程</b>	sumden ((x 5) / (x+5))	
		ans.	
		x-5	
inum, deni - nunden (S)	10.1.4.1.4.4.0.7.10.0.0	SVTS X	
Hills, Gell) - Hasacires	找出表达式的分子和分母, 这个函数不能用	[num, den, numden. (x	
	于方程	51/(x+5)	
		num-	
		x-5	
		den=	
		x +5	

#### 练习 11.2

用练习 11.1 中定义的变量完成下面的练习。

- 1. 格 ex1 乘以 ex2, 结果设为 v1。
- 2. 将 ex1 除以 ex2, 结果设为 y2。
- 用函数 numden 从 y1 和 y2 中提取分子和分母。
- 4. 将 EX1 乘以 EX2, 结果设为 Y1。
- 5. 将 EX1 除以 EX2, 结果设为 Y2。
- 6. 用函数 nunden 从 Y1 和 Y2 中提取分子和分母。
- 7. 将函数 numden 用于已定义的方程中,它能工作吗?
- 8. 对 y1、y2、Y1 和 Y2 使用函数 factor、expand、collect 和 simplify。
- 9. 对表达式 ex1 和 ex2, 也对方程 eq1 和 eq2 使用函数 factor、expand、collect 和 simplify。 解释两者的不同。

### 11.2 求解表达式和方程

符号 [具箱中非常有用的函数是 solve, 用于来解方程的根,从而得到单变量表达式的数值解。 即求解未知量。函数 solve 也可以求解线性或非线性方程组,与置换函数(subs)相比,用函数 solve 可以计算解析解。

#### 11.2.1 函数 solve

函数 solve 用于求解表达式时,设该表达式为零,同时求解它的根。定义符号变量 x,如果

$$E1 = x-3$$

solve(E1)

那么

ans =

在函数 solve 中可以使用表达式名称,也可以直接使用符号表达式。输入

返回

ans =

注意, 结果 ans 是一个2×1的符号数组。如果预先定义×为符号变量, 那么单引号可以去掉。如果没有定义, 那么整个表达式必须用单引号括起来。

MATLAB 可以求解多变量的符号表达式。二次三项表达式  $ax^2 + bx + c$ ,

返回结果为

ans =  $1/2/a*(-b*(b^2-4*a*c)^(1/2))$ 

1/2/a*(-b-(b^2-4*a*c)^(1/2))

MATLAB 先求解 $\times$ 。如果表达式中没有 $\times$ ,则 MATLAB 求解与 $\times$  最接近的变量。在函數的第二个参数输入区域可以指定需要求解的变量。求解二次三项表达式中 $\times$ 的命令为

返回结果为

ans = -(b*x+c)/x^2

另外,如果 a 已经明确作为符号变量定义,则单引号可以省去:

syms a b c x solve(a*x*x^2+b*x+c.b)

ans =

-(a*x^3+c)/x

求解一个不为零的表达式有两种方法。如果方程比较简单,则可以用等式左边减去右边,把方 程转化为一个表达式。例如,

$$5x^2 + 6x + 3 = 10$$

可以重新表示为

 $5r^2 + 6r - 7 = 0$ 

solve('5*x^2+6*x-7')
ans =
-3/5+2/5*11^(1/2)
-3/5-2/5*11^(1/2)

如果方程比较复杂,则必须定义一个新的方程。例如,

 $E2 = sym('5*x^2 + 6*x +3 = 10')$ 

返回结果为

ans = -3/5+2/5*11*(1/2) -3/5-2/5*11*(1/2)

为了使输出结果的形式尽可能简单,在前面两种情况中应尽景用分數形式表示输出结果。在工作区窗口中。ans 是 2×1 的符号矩阵、利用函数 double 能够把符号矩阵转换为双精度浮点数。

double(ans) ans = 0.7266 -1.9266

关键概念: MATLAB 优先对变量 x 进行求解。

关键概念,即使函数 solve 的结果是一个数值。函数也会用符号变量的形式存储。

#### 提 示

世男、MATLAB 1999以及財産の支払 1 Maple アンドストライの同じ Maple まとと思う計算 的 Maple ス・ボルキの人 ドキー・ギスト イ・ボーン・ス・ス・メント ス・ス・ボース たっ 大学 (付付が) (中でがた、 中で Maple のでは、 デッタイン・ はられて 一次人 Maple 計算 (大夫) (アンヤンボー・、中国 また 中央 (大夫) (大夫) (本来 Maple なんりは ないちんなかど、 所、の事実也な 2 位数 (「中の事故 ロル・デル・の果夫と大学ので)数、生々 12計2年前 のの人果

ans 、72664991614215994964597309466828 ・1 9266499161421599196459730946683 気果表し、役員将終年数、気料かみに集時に上版

solve('5*x*2+6*x-7')

3/5+2/5*11*(1/2, -3/5~2/5*11*(1/2)

函数 solve 常用于多变量表达式的求解:

E3 = sym('P = F0*exp(r*t)') solve(E3,'t')

ans = log(P/P0)/r

如果已经定义 t 为符号变量,则在这里它不需要用单引号(其中对数函数是自然对数)。 还可以改变求解的变量,例如,重新定义求解变量 t: t = solve(E3,'t')

log(P/P0)/r

### 练习 11.3

利用练习 11.1 中定义的变量和表达式完成下面的练习。

- 1. 用函数 solve 求解四个表达式或方程 I: ex1、EX1、eq1 和 EQ1。
- 2. 用函数 solve 求解四个表达式或方程 2: ex2、EX2、eq2 和 EQ2。
- 3. 用函数 solve 求解 ex 3 和 en 3. 专册为 x 和 a.
- 4. 用函数 solve 求解 EX3 和 EQ3, 变量为 x 和 A。
- 注意这里x和A都没有显式定义为符号变量。
- 5. 用函数 solve 求解 ex4 和 eq4, 专量为 x 和 a。
  - 6. 用函数 solve 求解 FX4 和 F04. 夸量为 X 和 A.
  - 用函数 solve 求解 EX4 和 EQ4, 受重为 x 和 A。 注意这里 x 和 A 都没有总式定义为符号变量。
- 7. 在练习11 中, ex4、Ex4、eq4 和 EQ4 均表示"次方程, 是二次多项或的一般形式, 在前期的代数项程中要要了束膊或方乘未知数。的方法、同样。ex5、Ex5、eq5 和 ED5 是三次多项式的一般形式, 用函数 solve 来解达安装法之应方限, 非解释不仅数更同中级专家安全主任心工办等证。每般的成因。
  - 8. 用函数 solve 求解 ex6、EX6、eq6 和 EQ6。在三角函数知识的基础上对解进行分析。

### 例 11.1 使用符号数学

计算机利用 MATLAB 中的符号功能可以进行数学运算。

扩散系数公式为

$$D = D_0 \exp\left(\frac{-Q}{RT}\right)$$

利用 MATLAB 求解公式中 Q 的表达式。

- 1. 问题描述
- 求出关于 Q 的表达式。
- 2、输入/输出描述
- 输入 关于 D 的方程。
- 输出 关于 0 的方程。
- 3. 手工分析

$$\begin{split} D &= D_0 \exp \left( \frac{-Q}{RT} \right) \\ &\frac{D}{D_0} = \exp \left( \frac{-Q}{RT} \right) \\ &\ln \left( \frac{D}{D_0} \right) = \frac{-Q}{RT} \\ &Q = RT \ln \left( \frac{D_0}{D} \right) \end{split}$$

由于方程的右边有负号、因此自然对数里的值变为倒数。

4. MATLAB 实现

首先定义一个符号方程并给它命名(仅需在表达式中增加一个等号)

```
X = sym('D = D0*exp(-Q/(R*T))')
X =
```

D = D0*exp(-Q/(R*T))

然后、利用 MATLAB 求解上面的方程。明确 MATLAB 是求解 Q 的方程,因为 Q 没有被单独 定义为字符变量,所以 Q 必须放在单引号里:

```
solve(X,'Q')
ans =
log(D/D0)*R*T
```

此外、穿义解为 ()

Q = solve(X, 'Q')
Q = -log(D/D0)*R*T

5. 结果验证

将 MATLAB 的解与手工推导的解进行比较、唯一不同的是负号在表达式中的位置。MATLAB 与大部分计算机程序类似,用 log 表示 In(log10 表示 Ig)。

利用上述方法可以求解任何表达或、例如.

```
上述方法可以永解任何表达氏。例如
T = solve(X,'T')
```

-0/log(D/D0)/R

#### 提示

命令 。 马克爾主管等表达是埃里拉手的变体。在 ,前四子中 元义多量,人

X = eym('D = D0*exp(-Q/(R*T))')

无论变量是否被显式定义过,函数 tindsym 会标识出所有变量:

```
f.ndsyreX
ans =
D. DO. O. R. T
```

## 11.2.2 求解方程组

函数 solve 不仅能求解方程式或表达式,还可以求解方程组。下面有三个方程:

```
one = sym('3*x + 2*y -z = 10');
two = sym('x + 3*y + 2*z = 5');
three = sym('x - y - z = -1');
```

为了求解方程组中的变量 x. y 和 z, 在函数 solve 中列出待解的三个方程:

```
answer = solve(one, two, three)
```

answer = x: [1x1 sym]

y: [lxl sym]

2: [1x1 sym]

这些结果有点莫名其妙。每个解都是 1x1 的符号变量。程序不显示变量的值、另外,出现在工作区窗口中的结果 西那些工是 个 1x1 的结构数组。为了获取实际值,需要用到查看结构数组的语法:

```
ans =
```

answer.y

5

answer.z

-6

-

为了使结果不以结构数组及相关语法的形式显示,必须为每个变量命名。则有 [x,y,z] = solve(one,two,three)

ж =

-2

y = 5

z =

结果按字母表顺序排列。如果在字符表达式中用到变量 q、x 和 p, 那么结果就按照 p、q 和 x 的顺序 返回。因此,输出结果的命名具有独立性。

注意,在上例中、延然结果是數值。但x、y和z还是作为字符变量列出。函數 solve 的返回结 提高的或者是用户自定义的字符变量。如果要求计算结果必须是双精度浮点数。需要用函数 double 改变变量类型。例如。

double(x)

该命令把×由字符变量转换为数值变量。

关键概念: 函数 solve 既可以求解线性方程组,也可以求解非线性方程组。

关键概念,符号函数 solve 的输出结果按字母表顺序排列。

# 提示

表 11.2 函数 solve 的应用

solve(5)	求解单变量表达式	solve('x-5')
		āns -
		5
solve(S)	求解单变量方程	eolve('x^2-2=5')
		ans-
		7^(1/2,
		7^,1/21
solve(S)	求解方程、其解为复数集	solve('x^2=-5')
		ans=
		1*5^(1/2)
		-1*5^(1/2)
solve(S)	求解多变量方程中默认的自变量	solve('y=x^2+2')
B0170107		ans=
		ty 2 ^,1 21
		(y-2)^(1,2)
solve(S, y)	求解多变量方程中指定的自变量	solve('y+6*x',x)
		ans=
		-1/6*y

		(续表)
solve(S1, S2, S3)	求解方程组,输出结果为结构數组	one = sym('3*x + 2*y z = 10*); two = sym('x + 3*y + 2*z = 5*); three = sym('x y z = -1'); solve(one, two, three) ans = x:[1x1 sym]
[A, B, C] solve(Sl. S2, S3)	求解方程组并分配自定义变量名: 输出 结束按字母顺序显示	y:[lx1 sym] one = sym('3*x+2*y z = 10'), two = sym('-x + 3*y + 2*z = 5');
		<pre>three = sym('x-y-z = -1'); [x, y, z] = solve(one, two, three)</pre>
		x = -2 y J
		5 2 ° -6

#### 练习 11.4

在练习1到练习5中。已知方程组

$$5x+6y-3z=10$$
  
 $3x-3y+2z=14$   
 $2x-4y-12z=24$ 

- 1. 用售9章中讨论的线件代数法求解方程组。
- 2. 创建已知方程组的符号方程。用函数 solve 求解 x、y和 z。
- 3. 利用结构数组语法显示练习 2 的结果。
- 4. 指定输出的变量名,并显示练习2的结果。
- 5. 给已知方程组中的系数加上小数点,然后再用函数 solve 求解。结果有什么变化?
- 6. 非线性方程式如下:

$$x^{2} + 5y - 3z^{3} = 15$$

$$4x + y^{2} - z = 10$$

$$x + y + z = 15$$

用函数 solve 求解该非线性方程组。使用函数 double 对结果进行简化。

#### 11.2.3 替换

对工程师和科学家来说,经常需要替换符号表达式的变量。以二次方程为例:

**关键概念**:如果在工作区窗口中一个变量不是字符变量。那么使用函数 subs 时必须用单引号将该变量 括起来。

上式可以做不同形式的替换。例如,用变量 y 替换变量 x,函数 subs 有:个输入参数分别是:要 修改的表达式,要修改的变量,特输入的新变量。用 y 替代所有的 x,使用如下命令;

```
返回
```

ans > a*(v)^2+b*(v)+c

变量 E4 没有改变, ans 中存储的信息发生了变化, 或其中的变量被重新命名, 比如 E5: E5 = subs(E4.'x'.'v')

E5 =

a*(y)^2+b*(y)+c

重新调用 E4、它仍然没有改变。

E4 E4 *

#*#*2+h****

使用相同的方法可以实现用勤值讲行替换的过程、程序加下。

subs(E4, 'x', 3) ans =

9*a+3*b+c 与其他的符号运算一样,如果变量已经显式地定义为符号变量,则此引导可以去摊、例如。 syms a b c x subs(E4, x, 4)

返回结果为

ADS =

16*a+4*b+c

用大括号括出所有变量。可以实现多重转换。定义元脑数组。

subs(E4, (a, b, c, x), (1, 2, 3, 4))

... 27

还可以仅进行数值数组的替换。例如、首先构造一个新的表达式, 该表达式只包含 x:

E6 = subs(E4.(a.b.c).(1.2.3))

得到的结果是

E6 w

x^2+2*x+3

定义一个数值数组并在 E6 中进行替换:

numbers = 1:5: subs(E6, x, numbers)

ane -

11 18 27 38

因为函数 subs 要求大括号中的元脑数组元素必须具有相同的规模。所以上述替换过程需要进行 多步运算来完成。

### **练**习 11 5

- 使用函数 subs,用数值 4 转换练习 11.1 中定义的每个表达式或方程中的 x 或 X。分析所得到的结果。
- 完以偶數矢量»,取信范围从0到10。用这个矢量转换表达式或方段中的变量。这种替换适用于所有表 达式或方程吗? 分析所得到的结果。
  - 3 用下面的值替换 ex4、Ex4、eq4 和 E04 表达式或方程中的变量(x 是矢量,需要两步操作)。

b 4 900 B = 4

x = 1:0.5:5
 X = 1:0.5:5
 在工作区窗口中检查练习3的结果。结果是什么类型的变量? 双精度數还是符号型?

### 图44 0 特別的日本地上4年11月11日

# 例 11.2 使用符号数学求解弹道学问题

使用 MATLAB 的符号运算功能去求解无动力炮弹轨道方程,如图11.4所示。

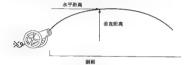


图 11.4 地弹的射程取决于它的初始速度和发射系

由基础物理学可知,炮弹水平方向的飞行距离是

$$d_x = v_0 t \cos(\theta)$$

垂直方向飞行距离为

$$d_y = v_0 t \sin(\theta) - \frac{1}{2} g t^2$$

其中, νο 为发射速度; 1为时间; θ为发射角; g 为重力加速度。

用这个方程和 MATLAB 的符号运算功能得到炮弹落地时的水平方向飞行距离(即射程)的方程。

 问题描述 來射程方程。

2. 输入/输出描述

输入 水平和全直方向飞行距离方程。

输出 射程方程、

3. 手工分析

$$d_y = v_0 t \sin(\theta) - \frac{1}{2} g t^2 = 0$$

整理可得

$$v_0 t \sin(\theta) = \frac{1}{2} g t^2$$

化简得到

$$t = \frac{2\nu_0 \sin(\theta)}{g}$$

将此式代入水平方向飞行距离方程可得

$$d_x = v_0 t \cos(\theta)$$

射程 = 
$$v_0 * \left( \frac{2v_0 \sin(\theta)}{g} \right) \cos(\theta)$$

由三角函数公式可知, $2\sin\theta\cos\theta$ 等于 $\sin(2\theta)$ ,这样可以对公式进行进一步简化。

```
4. MATLAR 实现.
```

首先定义符号容易。

syms v0 t theta o

接下来定义垂直方向飞行距离的符号表达式。

Distancev = v0 * t *sin(theta) - 1/2*g*t*2:

进一步定义水平方向飞行距离的符号表达式。

Distancex = v0 * t *cos(theta);

落地时垂直方向飞行距离为 0、因此求解垂首飞行距离表达式得到蓝岫时间。

impact time = solve(Distancev,t)

返回两个结果:

impact_time =

[ 2*v0*sin(theta)/g]

这个结果是符合实际的。因为开始发射和发射后落魄,这两个时刻的垂直距离均为 0. 所以有两 个结果。但是,只有第二个结果是有意义的、仅需将落城时间 impact, time(2)代入水平飞行距离表 达式:

impact distance = subs(Distancex.t.impact time(2))

热弹笼烛射水平飞行距离方程为

impact distance =

2*v0^2*sin(theta)/g*cos(theta)

5. 结果验证

将 MATLAB 结果和手算结果相比较,两种方法得到的结果相同。

尽管结果已经很简单、但 MATLAB 还可以对结果进行化简。使用命令 Bimple 演示化简过程。 輸入命令

simple(impact distance)

得到下面的结果:

simplify: 2*v0^2*sin(theta)/g*cos(theta)

radaimo: 2*v0^2*sin(theta)/g*cos(theta)

combine(trig): v0^2*sin(2*theta)/g

factor: 2*v0^2*sin(theta)/g*cos(theta) 2*v0^2*sin(theta)/g*cos(theta) exmand:

v0^2*sin(2*theta)/g combine:

convert (exp): -i*v0^2*(exp(i*theta)-1/exp(i*theta))/g*(1/2*exp(i*theta)+

1/2/exp(i*theta))

2*v0^2*sin(theta)/g*cos(theta) convert(sincos): convert(tan):

4*v0^2*tan(1/2*theta)/

(1+tan(1/2*theta)*2)*2/g* (1-tan(1/2*theta)*2)

collect(v0): 2*v0^2*sin(theta)/g*cos(theta) mwcos2sin:

2*v0^2*sin(theta)/g*cos(theta) ans =

v0^2*sin(2*theta)/g

# 11.3 符号绘图

符号工具箱包括一组函数,可以用来绘制符号函数的图形。最基本的函数是 explote

### 11.3.1 函数 explot

己知文的函数

 $y = sym('x^2-2')$ 

用下面的语句对该函数绘图:

ezplot(y)

输出图形如图 11.5 所示。函數 explot 數认的 x 范围为— $2\pi$  對 $+2\pi$ 。MATLAB 自动选择 x 的值, 并计算相应的 y 值来绘制该函数,输出一条平滑的曲线。 娘表达式将自动作为 explot 的标题显示 在图形中。

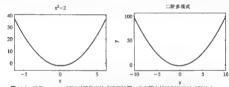


图 11.5 函数 ezplot 可以对符号表达式进行绘图。在左阳中被绘制的表达式默认为 图形标题,模型标的取值范围默认为-2π 到 + 2π. 在右限中利用标准的 MATLAB 函数为绘图函数 ezplot 添加了图形标题、坐标标注和其他说明

用户可以在函数 ezplot 的第三个参数输入区域设定 x 的最大值和最小值:

ezplot(y,[-10,10])

用方括号将这些值括起来,表明它们是定义绘图极值的敷组元素。与其他 MATALB 绘图函数 · 样。可以专门指定图形标题、坐标轴标注和图形注释。绘图形添加标题和坐标标注使用下列语句:

title('Second Order Polynomial')

xlabel('x')
vlabel('v')

函数 ezplot 也可以绘制 x 和 y 的隐函数和参数函数。隐函数如下:

$$x^2 + y^2 = 1$$

这是半径为1的圆的方程, 没必要用函数 ezplot 求解 y。利用命令 ezplot('x^2 + y^2 = 1',[-1.5,1.5])

ezplot('x^2 + y^2 -1',[-1.5,1.5])

虚

 $z = sym('x^2 + y^2 -1')$ explot(z,[-1.5,1.5])

可以绘制图116左侧的圆形。

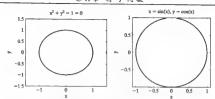


图 11.6 除单变量函数外,函数 explot 还可以对隐函数和参数函数进行绘图

另一种定义方程的方法是参数化,就是用第三个变量分别定义关于 x 和 y 的方程。侧可以定义为

$$x = sin(t)$$
  
 $v = cos(t)$ 

为了用函数 explot 绘制参数方程定义的圆,应该把变量 x 的符号表达式放在前面,把变量 v 的 符号表达式放在后面。

```
explot('sin(t)','cos(t)')
```

# 结果如图11.6中的右图所示。

虽然符号绘图和标准的数值绘图的注释方法相同,但是要在同一个坐标系中绘出多条曲线,需 要用到命令 hold on。使用绘图窗口中的交互工具箱调整颜色、线型和标记样式。例如,在同一个 坐标系中绘制 sin(x)、sin(2x)和 sin(3x)的图形。首先定义符号表达式:

```
v1 = sym('sin(x)')
y2 = sym('sin(2*x)')
y3 = sym('sin(3*x)')
```

#### 然后, 逐个绘制表达式

explot(v1) hold on

explot(v2)

explot(v3)

结果如图 11.7 所示。要改变线的颜色、线型或者标记样式,选择图 11.7 中菜单样的箭头按钮(图中圆 圈部分),然后选择想要编辑的曲线。选定某条曲线后,右击编辑菜单。结束绘制后,应该执行下面 的命令

#### hold off

参数方程: 用另一个变量 t 分別定义 x 和 y 的方程。

人名数符号函数既允许用表 ) 函数的符号变量作为输入。也允许把函数用单引号引起来作为 输入。例如



图 11.7 使用交互式绘图工具调整线型、颜色和标记

#### 练习 11.6

为每个绘制的图形添加标题和學标轴标注。

- 1. 用函数 ezplot 绘制 ex1(-2x 到+2x)。
- 2. 月函数 explot 绘制 EX1(-2x 到+2x)。
- 3. 用函数 explot 绘制 ex2(-10到+10)。
- 4. 用函数 explot 绘制 EX2 (-10 到+10)。
- 5. 为什么不能绘制仅有一个变量的方程?
- 6. 用函数 explot 绘制 ex6(-2x 到+2x)。
- 7. 用函数 ezplot 绘制 cos(x)(-2n 到+2n)。不必定义表达式 cos(x),仅将其作为字符串输入到函数 ezplot 中去:

ezplot('cos(x)')

- 8. 用函数 explot 绘制隐函数 x^2-y^4=5 的图形。
- 9. 用函数 ezplot 在同 坐标系中绘制 sin(x)和 cos(x)的图形。再用交互式绘图工具改变正弦曲线 的颜色。
  - 10. 用函数 ezplot 绘制参数方程 x=sin(t)和 y-3cos(t)的图形。

# 11.3.2 其他符号绘图函数

参考 MATLAB 的数值绘图函数,其他符号绘图函数如表 11.3 所示。

为了说明三维曲面绘图函数(ezmesh、ezmeshc、ezsurf 和 ezsurfc)的工作原理,首先定义一

# 个符号类型的函数 peaks:

```
x1 = sym('3^{4}(1-x)^{2}exp(-(x^{2}) - (y+1)^{2})')

x2 = sym('-10^{4}(x/5 - x^{3} - y^{5})^{4}exp(-x^{2}-y^{2})')

x3 = sym('-1/3^{4}exp(-(x^{4})^{2} - y^{2})')
```

为了便于计算机输入,把函数拆分为一个部分。注意,因为这些表达式都是符号表达式,所以,没有使用点运算符。函数 ezplot 的用法与函数 plot 类似:

```
subplot(2,2,1)
ermesh(x)
title('ezmesh')
subplot(2,2,2)
ermesh(x)
title('ezmeshc')
subplot(2,2,3)
ersurf(x)
title('ersurf')
subplot(2,2,4)
ersurfc(x)
title('ersurfc')
```

这些命令的绘图结果如图11.8所示。用标准的 MATLAB 方法绘制同一图形时,必须定义  $\times$  和 y 的數组,作为坐标平面,并在这些二维数组的基础上计算 z 的值。然而,符号工具箱里的符号绘图 功能使创建这些程形变加简单。

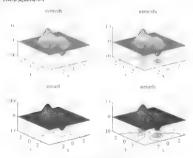


图 11.8 三维符号曲面绘图举例

所有的图形都可以用标准的 MATLAB 函数来注释,如 title、xlabel 和 text 等。

#### 泰 11.3 符号绘图函数

ezplot	绘制函数图	如果 z 是关于 x 的函数: ezplot(z)
ezmesh	绘制网络曲面图	如果 z 是关于 x 和 y 的函数: ezmesh(z)
ezmeshc	同时绘制网络曲面图和等高图	如果 z 是关 J × 和 y 的函數: ezmeshc(z)
ezsurf	绘制曲面图	如果 z 是关于 x 和 y 的函數: ezsurf(z)
ezsarfo	同时绘制曲面图和等高图	如果 z 是关于 x 和 y 的函數、ezsurfc(z)
ezcontour	绘制等高图	如果 z 是关于 x 和 y 的函数: ezcontour(z)
ezcontourf	填充等高图	如果 z 是关于 x 和 y 的函数: ezcontourf(z)
ezplot3	绘制"维曲线图	如果 x、y、z 都是关于 t 的函數。ezplot3(x, y, z)
ezpolar	绘制极坐标图	如果r是关于8的感数: ezpolar(r)

关键概念, 大名勒 MATI AR 矩阵绘图函数都有相应的符号绘图函数。

符号 :维绘图和等高图与相应的数值绘图函数类似:

```
subplot(2,2,1)
ezcontour(z)
title ('ezcontour')
subplot(2,2,2)
ezcontourf(z)
title('ezcontourf')
subplot(2,2,3)
z = sym('sin(x)')
expolar(s)
title('ezpolar')
subplot(2,2,4)
explot(z)
title('explot')
```

等高限是三维函数 peaks 的二维表示方法,如图 11.9 所示。极坐标图需要定义一个已经用函数 explot 绘制的新的函数。

#### 练习 11.7

创建一个符号表达式 $Z=sin(\sqrt{X^2+Y^2})$ 。

- 1. 用函数 ezmesh 绘制 · 幅 Z 的网格图,加上标题和坐标轴标注。
- 2. 用函数 ezmesho 绘制 Z 的带等高线的网格图,加上标题和坐标轴标注。
- 3. 用函数 ezsurf 绘制 -幅 Z 的曲面图,加上标题和坐标轴标注。
- 4. 用函数 ezsurfc 绘制 Z 的带等高线曲面图,加上标题和坐标轴标注。
- 5. 用函数 ezcont our 绘制 Z 的等高图,加上标题和坐标轴标注。
- 6. 用函數 ezcontourf 绘制 Z 的填充等高图,加上标题和坐标轴标注。
- 用係數 ezpolar 建立 xsin(x)的极坐标方程,不用定义符号表达式。直接把表达式输入到函数中去: ezpolar('x*sin(x)')

#### 加上标题。

8. 对于四变量函数,函数 ezplot3 要求定义三个变量。定义 t 为符号变量,令

x = t  $y = \sin(t)$   $z = \cos(t)$ 

用函数 ezplot3 绘制函数, t的范围从0到30。

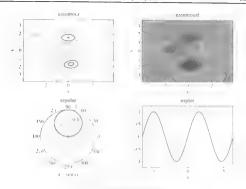


图 11.9 二维等高线符号绘图华例

由于 MATLAB 程序的特殊性质。所以在了绘图窗口中绘制 ezplot3 图形可能会遇到问题。但后续的版本可以解决这一问题。

### 例 11.3 用符号绘图说明键道学问题。

在例 11.2 中,使用 MATLAB 的符号功能对地弹落地之前飞行的距离方程进行求解。 水平方向飞行距离公式为

$$d_{x} = v_{0}t \cos(\theta)$$

垂直方向飞行距离公式为

$$d_y = v_0 t \sin(\theta) - \frac{1}{2} g t^2$$

其中、 $\nu_0$  为发射速度;  $\ell$  为时间;  $\theta$  为发射角; g 为重力加速度.

两式相结合得到

射程 = 
$$v_0 \left( \frac{2v_0 \sin(\theta)}{g} \right) \cos(\theta)$$

用 MATLAB 的符号绘图功能绘制角度从 0 到 #/2 范围内的图形。假设初始速度为 100 m/s, 重力加速度为 9.8 m/s²。

1. 问题描述

绘制射程与发射角的关系曲线。

2. 输入/输出描述

输入 射程的符号方程。

$$v_0 = 100 \text{ m/s}$$
  
 $v = 9.8 \text{ m/s}^2$ 

绘出 新程与发射角的关系图

3 平工分析

射程=
$$v_0 \left( \frac{2v_0 \sin(\theta)}{g} \right) \cos(\theta)$$

由三角函数公式可知、2sinθcosθ等于 sin(2θ), 因此, 射程公式进一步化简为

射程 = 
$$\frac{v_0^2}{R} \sin(2\theta)$$

利用此方程可以很容易统计复数信息

发射角	射程。m	发射角	射程,m
0	0	10/3	884
2/6	884	10/2	0
mA4	1020	1	

随着发射角的增加射程也增加、当发射角垂直向上时、射程为零、

4. MATLAB 实现

对例112中的方程进行修改、使其包含发射速度和重力加速度。即

impact_distance = 2*v0*2*sin(theta)/g*cos(theta)

用函数 subs,将数值代入方程中,得

impact 100 = subs(impact distance, (v0.g), (100, 9.8))

返回结果为

impact_100 =

100000/49*sin(theta)*cos(theta)

绘制曲线并添加标题和坐标标注:

explot(impact_100,[0, pi/2])

title('Maximum Projectile Distance Traveled')

xlabel('angle, radians')

ylabel('range, m')

上述程序生成图11.10.

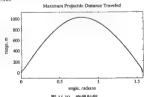


图 11.10 炮弹射程

#### 5. 结果验证

MATLAB 的计算结果与手算结果相同。对于炮弹垂直向上发射和炮弹水平发射两种情况。炮弹的 射程都为零。当发射角度为 0.8 rad 时、射程达到最大值,此时发射角相当于 45°角。

# 11.4 微积分运算

MATLAB 的符号工具可以进行求导和积分运算。这样就可以代替数值近似法,得到问题的解析解。

# 11.4.1 微分

第一学期已经学过微分运算。导数可以认为是函数的斜率或者函数的变化率。例如,一辆赛车 的速度可以看成是单位时间内距离的变化量。假设在整个比赛中,汽车慢慢开出,并在供点时达到它 的最大速度。当然,为了避免将汽车开入看台,必须慢慢减速直至停下来。可以用一个正弦曲线来模 报汽车的位置,如图11.11 所示。相关的方程为

$$d = 20 + 20 \sin\left(\frac{\pi(t-10)}{20}\right)$$

图11.11中的图形可以用函数 explot 和符号代数的方法来绘制。

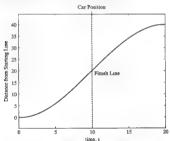


图 11.11 賽车的位置。賽车加速至终点线,然后减速到停 车(虚线表示终点线, 县图形生成后加入的)

#### 首先定义一个距离的符号表达者。

dist = sym('20+20*sin(pi*(t-10)/20)')

日定义了符号表达式,就可以将其代入函數 ezplot 中,并對绘出的曲线进行注释: ezplot(dist,[0,20]) title('Car Position')

```
xlabel('time, s')
ylabel('Distance from Starting Line')
text(10.20.'Finish Line')
```

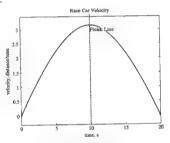
MATLAB 还包含一个名为 diff 的函数,用来求出符号表达式的导数(微分是求导的另一种说 注)。被商品价格的导势。用函数 diff 可以求出汽车的读度方程;

```
velocity = diff(dist)
velocity =
cos(1/20*pi*(t-10))*pi
```

用函数 explot 绘出速度曲线:

```
explot(velocity,[0,20])
title('Race Car Velocity')
xlabel('time, s')
ylabel('velocity, distance/time')
tayt(10.3.'Finish Line')
```

结果如图11.12所示。



汽车的加速度是单位时间内速度的变化率, 所以加速度是速度的导数:

```
acceleration = diff(velocity)
acceleration =
-1/20*sin(1/20*pi*(t-10))*pi^2
```

加速度曲线(见图11.13)也是用符号绘图函数得到的:

```
explot(acceleration,[0,30])
title('Race Car Acceleration')
xlabel('time, s')
ylabel('acceleration, velocity/time')
text(10,0,'Pinish Line')
```

加速度是速度的一阶导数,是位移的二阶导数。MATLAB 提供了几种直接求一阶导数和  $\pi$  阶导数的方法(见表 11.4)。

表 11.4 符号微分

diff(f)	返回表达式 [ 关于默认变量的导数	y sym( x ^ 3 + z ^ 2') diff(y) ans
diff(f, 't')	返回表达式:关于变量:的导数	3*x ^ 2 y : sym('x ^ 3 + z ^ 2' diff(y, 'z') ans =
diff(f, n)	返回表达式 f 关于默认变量的 n 阶号撤	2*z y = sym('x ^ 3 + z ^ 2') diff(y, 2) ans
diff(f, 't', n)	返回表达式 1 关于变量 1 的 11 阶号数	6*x y = sym(*x ^ 3 + z ^ 2') diff(y, 'z, 2) ans :

### 导数: 一个变量随另 · 变量的瞬时变化率。

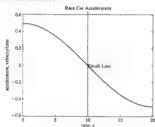


图 11.13 賽车加速到终点线,然后减速。在终点线的加速度为零

# 已知多元方程

 $y = sym('x^2+t-3*z^3')$ 

MATLAB 对默认变量 x 求导

diff(y)

2**

得到的结果是 y 相对 f × 的变化率(在此认为其他变量为常量),通常用 ∂y/∂x 表示, 終为偏导数。 在函数 dif 中指明变量 t, 可以得到 y 随变量 t 的变化律(如果 t 已 配作为字符变量定义 ∫, 貌不用 加单引号);

diff(y,'t')

ans =

同理,把其他视为常量,可以得到y关于2的变化率,输入 diff(y,'2')

drift(A'.S.

ans =

-9*z^2

求解高阶导数可以多次调用函数 diff,也可以在 diff 函数中指定导数阶数。即

diff(y,2)

和

diff(diff(y))

返回的结果相同:

.

虽然计算结果是个数值,但它却是一个符号变量。为了在 MATLAB 中使用它,必须将其转换为 双精度浮点数。

求 y 的非默认变量的高阶导数,就应该既指定导数的阶数又指定变量。例如,求 y 关于 z 的 $_$  阶导数,输入

diff(y,'z',2)
ans = -18**

关键思想,积分与微分是互反的过程。

#### 练习 11 8

1. 求下列表达式关于 x 的 · 阶导数:

$$x^{2} + x + 1$$

$$\sin(x)$$

$$\tan(x)$$

$$\ln(x)$$

2. 求下列表达式关于 z 的一阶偏导数:

$$ax^{2} + bx + c$$

$$x^{0.5} - 3y$$

$$\tan(x + y)$$

$$3x + 4y - 3xy$$

- 3、求练习1和练习2中每个表达式关于x的二阶导数。
- 4. 求下列表达式关于 ν 的一阶导数:

$$y^2 - 1$$

$$2y + 3x^2$$

$$ay + bx + cz$$

5. 求练习 4 中关于 y 的二阶导数。

#### 例 11.4 用符号代数求解量佳发射角

在例 11.2 射程公式的基础上,例 11.3 利用 MATLAB 的符号绘图功能,绘制了一个发射角与射程的关系由线,射程公式如下:

$$AHA = v_0 \left( \frac{v_0 \sin{(\theta)}}{g} \right) \cos{(\theta)}$$

其中, ν₀ 为发射速度, 这里选择 100 m/s; θ 为发射角; g 为重力加速度, 这里取 9.8 m/s²。 用 MATLAB 的符号功能求解射程最大时的发射角, 并求出最大射程。 1. 问题描述

求解最大射程时的发射角.

求解最大射程。

2. 输入/输出描述

输入 射程的符号方程:

 $v_0 = 100 \text{ m/s}$  $g = 9.8 \text{ m/s}^2$ 

輸出 委

最大射程对应的发射角。 最大射程

3. 平工分析

从图11.14中可知,射程的最大值近似为 1000 m, 此时对应的发射角近似为 0.7 或 0.8 rad.

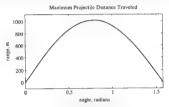


图 11.14 射程是发射角的函数

4. MATLAB 实现

当  $v_0 = 100 \text{ m/s}$ ,  $g = 9.8 \text{ m/s}^2$  时,射程的符号表达式为

impact 100 =

100000/49*sin(theta)*cos(theta)

由图 11.14 中的由线可知,最大射程发生在由线斜率为零的时候,由线斜率是表达式 impact_100 的导数,今导数为零,对发射角进行水解。因为 MATLAB 自动设定表达式为零,所以有

max_angle = solve(diff(impact_100))

返回最大新程附纳角度

max_angle =

[ -1/4*p1] [ 1/4*pi]

得到两个结果、仅第二个结果有意义,将其代入射程表达式

max distance = subs(impact_100,theta,max_angle(2))

# 11.4.2 积分

积分可以认为是微分(求导)的反运算,有时候也称反导数。通常可以理解为曲线下的血积。例如,一个活塞设备,通过 P 对 V 的积分可以求出它上下运动时所做的功,即

$$W = \int_{1}^{2} P dV$$

为了进行计算,需要知道P随V变化的规律。若P为常量,则可画出如图11.15所示的图形。

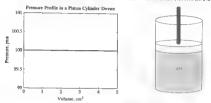


图 11.15 压力为常量时活寒设备的压力分布

活塞移动所做的功对应体积发生变化时曲线的面积。若移动活塞使体积从 1 cm² 变化到 4 cm²,则活塞做功的大小与图11.16中所示的面积对应。

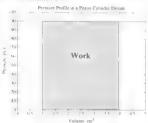


图 11.16 活塞设备产生的功是曲线所覆盖的面积

若用积分的方法求解该问题, 就变得很简单:

$$W = \int_{1}^{2} P dV = P \int_{1}^{2} dV = PV I_{1}^{2} = PV_{2} - PV_{1} = P\Delta V$$

若

$$P = 100 \text{ psia}$$
 All  $\Delta V = 3 \text{ cm}^3$ 

那么

$$W = 3 \text{ cm}^3 \times 100 \text{ psia}$$

符号工具箱能简单地实现对复杂函数的积分运算。可以用函数 int 求不定积分。首先定义函数 y = sym('x*3 + sin(x)')

```
为了求解不定积分。输入
```

int(y) ans = 1/4*x^4-cos(x)

函數 int 以 x 作为默认变量。如果所定义的是二元函数,那么函数 int 将对被定义函数求变量 x 的积分。或求与 x 最接近的变量的积分。

 $y = sym('x^3 + sin(t)')$ 

int(y)

ans =

1/4*x^4+sin(t)*x

如果用户定义了积分变量、那么需要在承数 int 中予以声明。

int(y,'t')

x^3*t-cos(t)

求定积分需要声明积分区间。考虑下面的表达式:

y = sym('x^2')

# 若没有推定和分区间。 剛得到

int(y)

1/3*x^3

可以用函数 subs 在区间 2 到 3 上求值:

yy = int(y) yy =

1/3*x*3 subs(yy,3) - subs(yy,2)

ans = 6.3333

注意、函数 subs 的计算结果是双精度浮点数。

求解两点间积分的简单方法是在函数 ints 内指定积分界限:

int(y,2,3)

ans =

注意, 计算结果是一个符号数。需要用函数 double 将其转换为双精度数:

double(ans)

6.3333

如果要同时指定变量和积分区间,那么需要在函数的输入参数中全部列出:

y = sym('sin(x)+cos(z)')
int(y,'z',2,3)

ans =

sin(x)+sin(3)-sin(2)

BIH(A) +DAH(S) · DAH(S)

积分区间既可以是数值也可以是符号变量:

int(y,'z','b','c')

ans =

sin(x)*c+sin(c)-sin(x)*b-sin(b)

表 11.5 给出了与积分相关的 MATLAB 函数。

#### 表 11.5 符号积分

int(f)	返回表达式 f. 关于默认变量的积分结果	$y = sym('x^3+z^2')$
		int(y)
		ans =
		1/4*x^4+z^2*x
int(f, 't')	返回表达式 f 关于变量 t 的积分结果	y = sym('x^3+z^2')
		int (y, 'z')
		ans =
		x^3*z+1/3*z^3
int(f, a, b)	返回表达式f关于默认安量在区间a到b上的积分结果	$y = sym('x^3+z^2)$
		int(y,2,3)
		ans
		65/4+2^2
int(f, 't , a, b	返回表达式 f 关于变量 t. 在數值区间 a 到 b 上的积分结果	y = sym('x^3+z^2)
		int(y,'z',2,3)
		ans -
		x^3:19/3
int(f, 't', 'a', 'b'	近回表达式 5 关于变量 c 在符号区间 a 到 b 上的积分	y = sym('x^3+z^2')
		int(y, 'z', 'a', 'b')
		ans =
		x^3*(b-a)+1/3*b^3-1/3*a^3

### 练习 11.9

1. 或下面表达式关于 x 的积分:

$$x^2 + x + 1$$

$$\sin(x)$$

$$\tan(x)$$

$$\ln(x)$$

2. 求下前表达式关于x的积分:

$$ax^{2} + bx + c$$

$$x^{0.5} - 3y$$

$$\tan(x + y)$$

$$3x + 4y - 3xy$$

- 3. 求解练习1和练习2中各表达式关于x的二重积分。
- 4. 求解下向表达式关于 v 的积分;

$$y^2 - 1$$

$$2y + 3x^2$$

$$ay + bx + cz$$

- 5. 求解练习4中各表达式关于y的二重积分。
- 6. 求解练习1中各表达式关于x在区间0到5上的积分。

# 例 11.5 用符号代数方法求解活塞汽缸设备中所做的功

活塞汽缸设备最广泛的应用是内燃机(见图11.17),特别是用在四到八缸引擎中。

活塞汽缸设备所做的功取决于汽缸内部压力和活塞位置的变化 号, 活塞位置空化反映为汽缸体积的变化。数学上表示为



图 11.17 内燃机引擎

$$W = \int P dV$$

为了对该方程进行积分,需要知道压力如何随体积变化。把可燃气体视为空气,并假设它们满 足理想气体定律

$$PV = nRT$$

其中, P= 压力, kPa; V= 体积 m¹; n= 摩尔數, kmol; R= 理想气体常数, 8.314 kPa m³/ kmol K; T= 温度, K.

设气体的温度为 300 K、质量为 1 摩尔,工作过程中温度保持不变。利用上述方程可以计算气体 在两个已知体积之间进行压缩和膨胀时对外界所做的功。

1 问题描述

计算在温度不变的条件下,活塞汽缸设备中单位摩尔气体在两个已知体积之间压缩和膨胀所做的功。

2. 輸入/輸出描述

输入 温度 = 300 K.

理想气体常数 = 8.314 kPa m³/kmol K = 8.314 kJ/kmol K.

初始体积和最终体积可以是任意信、该里取

最终体积 = 5 m³ 輸出 活塞汽缸设备所做的功、单位 kJ.

3. 手工分析

首先根据理想气体方程求解 P:

$$PV = nRT$$
  
 $P = nRT/V$ 

因为整个过程中n、R和T都是常数,所以积分运算为

$$W = \int \frac{nRT}{V} \mathrm{d}V = nRT \int \frac{\mathrm{d}V}{V} = nRT \, \ln \left( \frac{V_2}{V_1} \right)$$

代入数值、得到

$$W = 1 \text{ kmol} \times 8.314 \text{ kJ/kmol K} \times 300 \text{ K} \times \ln \left(\frac{V_2}{V_1}\right)$$

若令 $V_1 = 1 \text{ m}^3$  和 $V_2 = 5 \text{ m}^3$ ,那么所做的功变为

$$W = 4014 \text{ kJ}$$

因为功是正值,所以该结果是指系统所做的功。

4. MATLAB 实现

首先从理想气体定律中求得压力。代码如下:

syms P V n R T VI V2 ideal gas_law = sym('p*V = n*R*T') %Define ideal gas_law P = solve(ideal gas_law,'p') %Solve for P

返回

P = n*R*T/V

一旦得到关于P的方程,就能进行积分运算。命令如下:

W = int(P,V,V1,V2)

%Integrate P with respect %to V from V1 to V2

说面

W = n*R*T*log(V2)-n*R*T*log(V1)

最后,把数值代入方程,输入

work = subs(W, (n,R,V1,V2,T), (1,8.314,1,5,300.0))

诚配

work =

4.0143e+003

5. 结果验证

最直接的检验是对两种计算方法所得到的结果进行比较。当然结果相同只意味着用同样的方法 完成了的计算,更合理的检验方法是建立 PV 关系图,并估算曲线下区域的面积。

为了创建PV曲线,将n、R和T的值代入P的表达式:

$$p = subs(P, \{n, R, T\}, \{1, 8.314, 300\})$$

返回P的表达式

p = 12471/5/V

利用函数 ezplot 创建 P 与 V 的关系曲线(见图11.18):

explot(p,[1,5]) %Plot the pressure versus V
title('Pressure Change with Volume for an Isothermal
System')

xlabel('Volume')

ylabel('Pressure, psia')
xlabel('Volume, cm^3')

axis([1,5,0,2500])

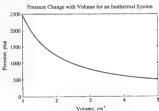


图 11.18 对于恒温系统、体积增加压力减小

利用一个三角形区域近似估算所做的功,如图11.19所示。有

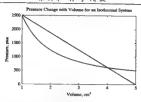


图 11.19 利用三角形近似估算曲线面积

相当于 4800 kJ, 这个值与计算值 4014 kJ 很接近。

将上述计算过程用 MATLAB 程序实现,创建一个 M 文件,提示用户输入体积的变化值:

```
clear, clc
   syms P V n R T V1 V2
                                       *Define variables
    ideal_gas_law = sym('P*V = n*R*T') %Define ideal gas law
   P = solve(ideal gas law. 'P')
                                       %Solve for P
   W = int(P,V,V1,V2)
                                       %Integrate to find work
   %Now let the user input the data
   temp = input('Enter a temperature: ')
   v1 = input('Enter the initial volume: ')
   v2 = input('Enter the final volume: ')
   work = subs(W, (n,R,V1,V2,T),(1,8.314,v1,v2,temp))
M 文件产生下面的交互过程:
    Enter a temperature: 300
    temp =
      300
    Enter the initial volume: 1
   v1 =
       1
   Enter the final volume: S
```

# 11.5 微分方程

5 work = 4.0143e+003

徽分方程中包含因变量和自变量的导数。例如,

 $\frac{dy}{dt} = y$ 

# 是 一个微分方程。

v对t求导

$$\frac{dy}{dt} = e^t$$

因为 v=e', 所以可以用一个微分方程来表示:

$$\frac{dy}{dt} = y$$

关键概念:在 MATLAB 中微分方程默认的自变量是 /。

微分方程一般有多个解。微分方程的通解可以用一个关于1的微分方程组(dwdr=v)来表示。

$$y = C_1 e^t$$

再通过初始条件来确定方程的解。若

y(0)=1

则

 $C_1 = 1$ 

另一个稍微复杂的函数为

 $y = t^2$ 

y关于t的导数是

$$\frac{dy}{dt} = 2t$$

把上面的方程整理为

$$\frac{dy}{dt} = \frac{2t^2}{t} = \frac{2y}{t}$$

符号工具箱中的函数 dsolve 用于求解模分方程(微分方程的求解就是推导 y 关于 t 的表达式)。 该函数要求用户输入微分方程,用符号 D 指定是关于哪个自变量的导数,如下所示:

dsolve('Dy = y')

ans =

C1*exp(t)

函數中仅输入一个参數可以得到微分方程的遺解。如果指定了初始条件或边界条件,则輸出微 分方程的結解。

dsolve('Dy = y', 'y(0) = 1')

ans = exp(t)

exp(t) 同理。

dsolve('Dy = 2°y/t','y(-1) = 1')
ans =

t^2 如果不把 t 当做微分方程中自变量,还可以在函数的第三个参数输入区域指定自变量;

dsolve('Dy = 2*y/t','y(-1) = 1', 't')

ans = t^2

如果微分方程只包含一阶导数,则称为一阶微分方程。含二阶导数的称为二阶微分方程,含三

阶导数的称为三阶微分方程,依此类推。用函数 dsolve 求解高阶微分方程时,只要把微分方程的阶数放在 p 的后面就可以、例如,语句

用于求解二阶微分方程。

# 提示

在微分方程中不要用字母 D 命名变量, 否则, 函数会把 D 解释为微分。

函数 daolve 也可以用于求解微分方程组。首先列出待求解的方程,然后列出微分方程的条件。 函数 Daolve 最多接受 12 个输入参数。其语法结构为

dsolve('eq1,eq2,...', 'cond1,cond2,...', 'v')
dsolve('eq1','eq2',...,'cond1','cond2',...,'v')

其中, 变量 v 是自变量。现在思考下面的例子:

a = dsolve('Dx = y','Dy = x')

x: [1x1 sym] y: [1x1 sym]

结果以结构数组的符号元素形式给出,与命令 soive 的结果一样。用结构数组语法访问这些元素

ans = C1*exp(t)-C2*exp(-t)

和

或

a.y

C1*exp(t)+C2*exp(-t)

还可以分别定义函数的输出:

[x,y] = dsolve('Dx = y','Dy = x')x =

C1*exp(t)-C2*exp(-t)
y =
C1*exp(t)+C2*exp(-t)

有的微分分程是不能用 MATLAB 的符号函数束解的,复杂的(级财态的)方程组用 Maple 求解更 前人MATLAB 的符号加能差于 Maple 10 引擎设计)。无论计算工具多么精确,有些微分方程也是根 点 形法辩制解析解的。对这些方程只使用数值方法求解。

关键概念、解析法不能求解所有的方程。

# 本章小结

MATLAB 的符号数学 L具相使用 Waterloo Maple 公司的 Maple 10 软件, 符号工具箱是 MATLAB 专业版的司选组件, 教学版包含符号工具箱中最常用的部分。符号 L具箱所有的语法与 Maple 类似。但是,由于软件的底层结构不同,所以 Maple 用户合发现在语法上存在一些不同。

在 MATLAB 中符号变量用命令 sym 或者 syms 创建:

 $x = a\lambda w(.x_i) \text{ or}$ 

syms x

命令 syms 可以同时创建多变量:

syms a b c

命令 sym 可以用单引号直接创建完整的表达式和方程:

 $y = sym('z^2-3')$ 

尽管在符号表达式中包含 z, 但是它并没有被显式地定义为符号变量。

定义符号变量后,就可以用定义的符号变量创建更复杂的表达式。因为 x、a、b 和 c 被定义为符号变量,所以用它们创建二次方程:

 $E0 = a*x^2 + b*x + c$ 

MATLAB 可以对符号表达式进行运算。也可以对符号方程进行运算。方程式就是等式,而表达 式不是,本小结中,前面所有语句都是用表达式创鍊的。语句

EQ = sym('n = m/MW')

定义一个符号方程。

符号表达式和符号方程都可以使用符号工具箱中的 MATLAB 內置函數來运算, 函數 numden 可 以从表达式中规矩分于和分母, 但小应用;方程。函數 expand、tactor 和 collect 都可以用于化 商表达式或方程。函數 simplify 根据 Maple 内部规则化简表达式和方程, 函數 simple 会给出所有 化简的计算。 并从中连出路简结要。

函数 solve 是一个常用的符号函数,用于方程的符号化水解,如果函数 solve 的输入是表达式,那么 MATLAB 会设设表达式为 0,然后进行求解。函数 solve 不仅可以来解指定安量的一个方程,还可以求解方程组。与矩阵代数中求解方程组的方法不同,函数 solve 可以对非线性方程的排行支绌。

替换函数 subs 可以用新的变量或数值替换原有变量。如果一个变量没有被显式定义为符号变量, 那么,当该变量在函数 subs 中使用时,必须用单引号将该变量引起来。定义 v 为

y = sym('m + 2*n + p')

这里变量 m, n 和 p 都没有被显式定义为符号变量,必须用单引号引起来。当替换多个变量时,需要把这些变量要放在大括号内。如果替代的是单个变量,则不需要。变量 y 已经被定义过,命令

subs(v, ('m', 'n', 'p'), (1,2,3))

返回

ans =

命令 subs 既可以替换数值也可以替换符号变量。

MATLAB 的符号绘图功能与标准绘图操作类似。工程和科学上用科最多的绘图函数是直角坐标 绘图函数 explot。该函数允许输入一个符号表达式,并在x的一2x到+2x区间上绘制图形,用户也 可以设定x 的最少值和最小值。符号绘图使用与标准的MATLAB 相同的语法对图形进行标注。

符号 L 具箱包含很多运算函数,其中最基本的函数是 duff(微分)和 nnt(积分)。函数 duff可以求解关于默认变量(c 现表达式中最接近 x 的变量)的导数, 也可以求解任意指定微分变量的导数,同样还可以指定导数的阶数。函数 int 可以求解关于默认变量(x)或指定变量的积分。既可以计算定积分也可以计算不定积分。本章中没有介绍所有的运算函数,但这并不意味着不能使用这些函数,可以通过 help 得到更多有关运算函数的信息。

# MATLAB 小结

下面列出本章介绍的 MATLAB 特殊字符、命令和函数。

特殊字符	说明	
·· #	识一个未被声明的符号变量	
() 板	识一个元融景组,在函数 solve 中用于创建多个符号变量	
命令和函数	12 #1	
collect	合并同类項	
diff	对符号表达式求导	
dsolve	求解微分方程	
ercpand	展开表达式和方程的每一項	
excontour	创建等高图	
escontourf	填充等高图	
ezmesh	创建符号表达式的网络曲面图	
exmeshc	同时绘制符号表达式的网络曲面图和等高图	
ezplot	给制符号表达式的图形(直角坐标图)	
explot3	创建二维曲线图	
ezpolar	创建极是标图	
ezsurf	给制符号表达式的曲面图	
exsurfc	问时绘制符号表达式的曲面图和等高图	
factor	要达式或方程的因式分解	
int	求解符号表达式的积分	
nunden	从表达式或方程中提取分子和分母	
simple	使用所有的化筒磁敏。选择量筒结果作为返回值	
simplify	用 Maple 内置的化筒规则进行化筒	
solve	求解符号表达式或方程	
subs	普换符号表达式成方程	
gym	创建符号变量、表达式或方程	

创建多个符号变量

# 习题

### 11.1 创建符号变量

abcdx

并用它们创建下面的符号表达式:

sel = x^3 -3*x^2 +x se2 = sin(x) + tan(x)

syme

 $se3 = (2*x^2 - 3*x - 2)/(x^2 - 5*x)$ 

 $864 = (x^2 -9)/(x+3)$ 

11.2 (a) sel 除以 se2。

(b) se3 乘以se4。

(c) se1除以x。

(d) sel 1/0.1. se3.

11.3 创建下面的符号方程。

(a) sq1 - sym('x^2+y^2-4')

(b)  $sq2 = sym('5*x^5-4*x^4+3*x^3+2x^2-x-24')$ 

(c) sq3 - sym('sin(a)+cos(b)-x*c=d')

(d)  $sq4 = svm('(x^3-3*x)/(3-x)=14')$ 

11.4 试用函数 r.umcien 从 se4 和 sq4 中提取分子和分母。该函数对表达式和方程都适用吗? 描述二者的结果有什么不同?并解释这些不同。

11.5 把函数 expand、factor、collect、simplify 和 simple 用于习题 11.1 和习题 11.3 定义的所有表达式和方程。用自己的语言描述这些函数是如何用于不同类型表达式和方程的。

11.6 对习题 11.1 中创建的关于 x 的每个表达式进行求解。

11.7 对习题 11.3 中创建的关于 x 的每个方程进行求解。

11.8 对习题 11.3 中创建的方程 sq3 求 a 的解。

11.9 钟摆是一个悬于无摩擦支点上的刚性物体, 见图 P11.9。假如钟摆在给定的惯量作用下前后摆动, 振动频率的方程为

$$2\pi f = \sqrt{\frac{mgL}{I}}$$

其中, f 为频率; m 为钟摆质量; g 为重力加速度; L 为 支点到钟摆重心的距离; L 为惯量。

用 MATLAB 的符号功能求解长度 L。

11.10 在上面习题的基础上,令钟摆的质量、频率和惯量分别为下面的值。

$$m = 10 \text{ kg}$$
  
 $f = 0.2 \text{ s}^{-1}$   
 $I = 60 \text{ kg m/s}$ 



图 P11.9 习题 11.9 中描述的钟標

并且钟摆是在地球上 $(g=9.8 \text{ m/s}^2)$ ,钟摆電心到支点的距离为多少?(用函数 subs 求解该问题)。

11.11 动能定义为

$$KE = \frac{1}{2}mV^2$$

其中, KE 为动能,单位为焦耳; m 为质量,单位为 kg; V 为速度,单位为 m/s。

创建动能的符号方程,并求速度 V。

11.12 求解汽车的动能。汽车质量为 2000 lb_m,速度为 60 mph,如图 P11.12 所示,动能的单位是 lb_mmie²/h²。计算出结果后,用下面的转换关

# 系、把动能单位转换为 Btu:

1  $lb_f = 32.174 lb_m \cdot ft/s^2$ 1 hr = 3600 s1 mile = 5280 ft

1 Btu = 778.169 ft · lb.

11.13 气体的热容可以表示为下面的方程。 其中, a, b, c, d 和热力学温度 T 为经验常数



图 P11 12 习题 11 12 中描述的汽车

$$C_n = a + bT + cT^2 + dT^3$$

经验常数没有任何物理意义,只是为了拟合方程。创建热容的符号方程,并求解热力学温度 T。

11.14 把下面给出的 a、b、c 和 d 的值代入上面的热容方程,并重新命名结果 [这些值取自当温度在 273 K 到 1800 K 内变化时氯气以 kJ/(kmol K) 为单位的热容]:

$$a = 28.90$$
  
 $b = -0.1571 \times 10^{-2}$   
 $c = 0.8081 \times 10^{-5}$   
 $d = -2.873 \times 10^{-9}$ 

当热容(C)为29.15 kJ/(kmol K)时,求温度 T。

11.15 安托尼方程用经验常数把蒸汽压力表示为温度的函数。方程式如下:

$$\lg(P) = A - \frac{B}{C + T}$$

式中,P 为压力。单位为 mmHg: A 为经验常数: B 为经验常数: C 为经验常数: T 为温度,单位为 福氏度。

液体的标准沸点是当蒸汽压力等于大气压力,即 760 mmHg 时的温度值。用 MATLAB 的符号功能求解经验常数为下面数值时苯的标准沸点:

$$A = 6.89272$$
  
 $B = 1203.531$   
 $C = 219.888$ 

11.16 大学生去自助餐厅实午饭。第二天饭费是第一天的两倍,第三天比第二天少 1 美元。三 天内共花费 35 美元。那么,大学生每天花费多少钱?用 MATLAB 的符号功能求解该问题。

11.17 考虑下面的方程组:

$$\begin{array}{l} 3x_1+4x_2+2x_3-x_4+x_5+7x_6+x_7=42 \\ 2x_1-2x_2+3x_3-4x_4+5x_7+2x_6+8x_7=32 \\ x_1+2x_2+3x_3+x_4+2x_5+4x_4+6x_7=12 \\ 5x_1+10x_2+4x_3+3x_4+9x_9-2x_6+x_7=-5 \\ 3x_1+2x_2-2x_3-4x_4-5x_3-6x_6+7x_7=10 \\ -2x_1+9x_2+x_3+3x_4-3x_5+5x_6+x_7=18 \\ x_2-2x_3-8x_4+6x_2+2x_3+4x_6+5x_8=17 \end{array}$$

为每个方程定义 · 个符号变量,并使用 MATLAB 的符号功能求解每个未知数。

11.18 比较用左除和用符号数学中的函数 tic 和 toc 计算上面方程组所用的时间。函数 tic 和 toc 的语法如 F:

tic

code to be timed

toc

11.19 用 MATLAB 的符号功能求解下面的矩阵代数问题。

一个液体分离过程。水、乙醇和甲醇的混合液体注入处理设备,从设备的两个出口流出处理后 的液体,每种流出的液体具有不同的成分,见图 P11.19。 计算流入设备的液体流量以及从设备顶部和底部流出液体的流量。

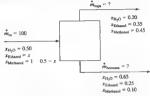


图 P11 19 水、甲醇、乙醇三种物质的分离过程

(a) 首先建立三种物质的平衡方程

$$\frac{\mathcal{K}}{0.5(100)} = 0.2 m_{\text{tops}} + 0.65 m_{\text{bottoms}}$$

$$50 = 0.2 m_{\text{tops}} + 0.65 m_{\text{bottoms}}$$

乙醇

$$\frac{\Delta n_T}{100x} = 0.35 m_{\text{tops}} + 0.25 m_{\text{bottorns}}$$

$$0 = -100x + 0.35 m_{\text{tops}} + 0.25 m_{\text{bottorns}}$$

平寶

$$100(1-0.5-x) = 0.45m_{\text{tops}} + 0.1m_{\text{bottoms}}$$
  
 $50 = 100x + 0.45m_{\text{tops}} + 0.1m_{\text{bottoms}}$ 

- (b) 创建符号方程表示每种物质的平衡关系。
- (c) 用函数 solve 求解方程组中的三个未知量。
- 11.20 考虑下面的两个方程:

$$x^2 + y^2 = 42$$
$$x + 3y + 2y^2 = 6$$

为每个方程创建符号 万程,并用 MATLAB 的符号功能进行求解。能用矩阵求解该方程组吗? 分 别用整型数和浮点数(带小数)定义方程并求解,所得结果有何不同? 在工作区窗口中检查所得结果是 否诉为符号型专量。

- 11.21 绘制下面表达式的图形,变量x的取值为0到10:
- (a)  $y = e^x$
- (b)  $y = \sin(x)$
- (c)  $y = ax^2 + bx + c$ , 4 = 5, b = 2, c = 4
- (d)  $y = \sqrt{x}$

每个图形应包含标题、x轴标注、y轴标注和网格。

11.22 用函数 explot 在同一坐标中绘制下面的表达式,变量 x 的取值范围从 $-2\pi$  到+  $2\pi$  (使用命令 bold on)。

$$y_1 = \sin(x)$$
$$y_2 = \sin(2x)$$

 $y_3 = \sin(3x)$ 用交互绘图工具为每条曲线指定不同的线型和颜色。

11.23 用添数 explot 绘版下面隐函数方程的图形;

- (a)  $x^2 + y^3 = 0$
- (b)  $x + x^2 y = 0$
- (c)  $x^2 + 3y^2 = 3$
- (d) x · v = 4

11.24 用函数 explot 绘制下面参数方程的图形:

(a)  $f_1(t) = x = \sin(t)$ 

 $f_2(t) = y = \cos(t)$ 

(b)  $f_{x}(t) = x = \sin(t)$ 

 $f_{n}(t) = y = 3\cos(t)$ 

(c)  $f_1(t) = x = \sin(t)$ 

 $f_{\gamma}(t) = \gamma = \cos(3t)$ 

(d)  $f_t(t) = x = 10\sin(t)$ 

 $f_1(t) = y = t \cos(t)$ , t 从 0 到 30

(e)  $f_1(t) = x = t \sin(t)$ 

 $f_2(t) = y = t \cos(t)$ ,  $t \not = 0.03$ 

**11.25** 炮弹以  $\theta$  角发射后的飞行距离是一个关于时间的强数,可以分解为水平距离和垂直距离 (见图 P11.25),相应的方程为

$$Horizontal(t) = tV_0 \cos(\theta)$$

和

Vertical 
$$(t) = tV_0 \sin(\theta) - \frac{1}{2}gt^2$$

式中,Horizontal 表示 x 方向飞行的距离;Vertical 为 y 方向飞行的距离;V₀为炮弹的初始速度; g 为重力加速度, 9.8 m/s²; t 为时间, s。

假设炮弹以 100 m/s 的初速度和 m/4 弧度(45°)的 发射角发射。用函数 ezplot 分别在 x 轴和 y 轴上绘 制水平距离和垂直距离。时间 t 从 0 到 20 s。

11.26 用函数 ezpolar 绘制下面表达式的图形,并用函数 subplot 把四个图形放在同一个图形窗口中。



- (b)  $\sin(\theta)$
- (c) e^{0/5}.0从0到20
- (d) sinh(θ),θ 从 0 到 20
- 11.27 用函数 ezplot3 创建下面函数的三维线图:

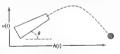


图 P11.25 弹道轨迹

$$f_1(t) = x = t \sin(t)$$

$$f_2(t) = y = t \cos(t)$$

$$f_2(t) = z = t$$

11.28 为下面的等式创建 个符号函数 7:

$$Z = \frac{\sin\sqrt{X^2 + Y^2}}{\sqrt{X^2 + Y^2}}$$

- (a) 用绘图函数 exmash 绘制 2 的 :维图形。
- (b) 用绘图函数 ezsurf 绘制 z 的三维图形。
- (c) 用函数 ezcontour 绘制 z 的等高线图。
- (d) 用函数 ezsurfc 绘制 z 的等高线曲面图。

用函数 subp.ots 把所有图形绘制在同 个图形窗口中。

11.29 用 MATLAB 的符号函数求解下面函数的一阶和 :阶导数:

- (a)  $f_1(x) = y = x^3 4x^2 + 3x + 8$
- (b)  $f_{\nu}(x) = v = (x^2 2x + 1)(x 1)$
- (c)  $f_1(x) = y = \cos(2x)\sin(x)$
- (d)  $f_{x}(x) = y = 3xe^{4x^{2}}$

11.30 用 MATLAB 的符号函数求下面各表达式的积分:

- (b)  $\int_{0.3}^{1.3} (x^2 + x) dx$
- (c)  $\int (x^2 + y^2) dx$
- (d)  $\int_{3.5}^{24} (ax^2 + bx + c) dx$

11.31 下面的多项式表示第一个48 小时时间段内气象气球的高度,以米为单位:

$$h(t) = -0.12t^4 + 12t^3 - 380t^2 + 4100t + 220$$

假设时间;的单位为小时。

- (a) 速度是高度的一阶导数。用 MATLAB 给出气球的速度方程。
- - (c) 用 MATLAB 求解气球什么时候会着地。
- (d) 用 MATLAB 的符号绘图功能绘制高度、速度和加速度的图形,以及时间 t 从 0 到着地时刻的 时间 [该值已经在 cc) 中求出]。因为高度、速度和加速度的单位各不相同,所以需要分别绘制图形。
  - (e) 根据气球到达最高点时其速度为0这一条件,求解气球能到达的最大高度。
- 11.32 向 · 个空水罐中注水, 见图 P11.32。已知在 t 时刻注水速率是 (50 t) 升/秒。前 x 秒内注入的水量 O 等于表达式 (50 t) 从 0 到 x 上的积分。
  - (a) 求 x 秒后水罐水量的符号方程。
  - (b) 求 30 秒后的水罐水量。
  - (c) 求注水后 10 秒到 15 秒之间注入水罐的水量。

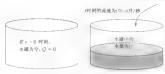


图 P11.32 灌装水罐问题

11.33 · 个左端固定,右端可以沿 x 轴自由移动的弹簧,见图 P11.33。假设弹簧静止时右端在 原点 x=0 处。当弹簧被拉伸时,弹簧的右端会处于一个太上 0 的

x 值。当蝉簧被压缩时,蝉簧右端会处于 个小于 0 的位置。设 蝉囊自然长度为 1 ft. 一个 10 tt 的力使蝉腾压缩为 0 5 ft. 将蝉簧 从自然位置拉伸到 n ft 位置所做的功(单位为 ft lb_i) 是表达式(20x) 在 0 到(n-1) 区间上的积分¹。



(c) 当施加的功为 25 ft lb, 时, 弹簧的拉伸长度为多少?

11.34 气体的恒压热容 C。可以用下面的经验公式表示

$$C_p = a + bT + cT^2 + dT^3$$

其中 a、b、c 和 d 是经验常数。T 是热力学温度。当气体从 T, 加 热到 T, 时, 绘的变化是上面方程关于 T 的积分值。

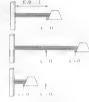


图 P11.33 弹簧问题

$$\Delta h = \int_{T}^{T_1} C_p dT$$

求出氧气从 300 K 加热到 1000 K 时焓的变化量。计算中氧气的 a、b、c 和 d 值设为

a = 25.48

 $b = 1.520 \times 10^{-2}$ 

 $c = -0.7155 \times 10^{-5}$ 

 $d = 1.312 \times 10^{-9}$ 

① 6 ft Kuncicky, and Moore, Introduction to MATLAB 7 (Upper Saddle River, NJ: Pearson/Prentice Hall, 2005)

下述语句可以把插值结果和原始数据绘制在同'幅图中,如图12.3所示:

为简便起见,省略了用于添加标题和坐标标注的命令行。

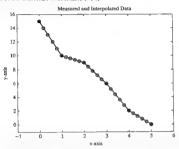


图 12.3 测量数据点和插值绘制在同一幅图中。利用交互绘图功能将原始数据点表示为实心圆点

函数 interpl 的默认运算方法为线性插值。但也可以进行其他插值运算,这些均容将在下一部 分析,如果需要明确定义函数 interpl 作为线性插值函数、那么,采用如下形式定义函数的四个 输入部分。

```
interp1(x, y, 3.5, 'linear')
ans =
```

# 12.1.2 三次样条插值

尽管用真线注接数值点估计中间值是最简单的方法。但不一定是最好的方法。使用函数 interpl 中的三次样条据值技术可以建立一条平滑的曲线。此方法用三阶多项式拟合数据的变化。为了调用三 次样条函数。必须供函数 interpl 加入第四个输入域。

interp1(x,y,3.5,'spline')

这个命令返回 x = 3.5 时 y 的一个改进估计值:

ans =

当然,也可以用三次样条技术创建矩阵 x 中每个元素对应的 y 的估计值:

new_x = 0:0.2:5;
new y spline = interp1(x,y,new_x,'spline');

在同 ·图中绘制测量值和插值的命令为(见图12.4)

plot(x,y,new_x,new_y_spline,'-o')

牛成两条不同的曲线。

输出图形中绘出了两条曲线。

提示

### 提示

函数名 interpl 最后 个字符是数字:。字体原因,有时候看起来很像小写字母::'。

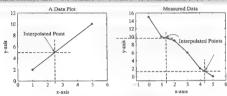


图 12.2 线性插伯:用两点间直线来确定 y 值

用 MATLAB 中的函数 Interpl 来实现线性插值。首先,创建一组有序数对作为函数的输入量。 用来创建图122中右侧图形的数据如下:

x = 0:5;y = [15, 10, 9, 6, 2, 0];

实现单点插值时,函数  $_{1nterp1}$  的输入为矢量  $_{x}$  和  $_{y}$ ,以及用于估计  $_{y}$  值的  $_{x}$  值。估计  $_{x}$  = 3.5 所对应的  $_{y}$  值,输入

interp1(x,y,3.5)
ans =

ans =

a

#### 擂值:一种根据附近点估计中间点的技术。

若函數 interpl 的第三个输入参数是 x 的矢量,那么,可进行多点插值运算。例如,计算 x 以 0.2 步长均匀变化时所对应的 y 值,输入

new_x = 0:0.2:5; new_y = interp1(x,y,new_x)

返回

new_y = Columns 1 through 5
15,0000 14.0000 13.0000 12.0000 11.0000 Columns 6 through 10
10.0000 9.8000 9.6000 9.4000 9.2000 Columns 1 through 15
9.0000 8.4000 7.8000 7.2000 6.6000 Columns 16 through 20
6.0000 5.2000 4.4000 3.6000 2.8000 Columns 21 through 25
2.0000 1.6000 1.2000 0.8000 0.4000 Columns 2

# 第12章 数值技术

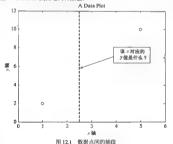
#### 学习目的

通过阅读本章,读者可以掌握如下内容:

- 用线性模型或三次样条模型求数据的插信。
- 将一组数据点建模为一个多项式。
- 使用基本拟合工具。
- 使用曲线拟合工具。
- 进行数值微分。
- 讲行勤值和分。
- 求解微分方程的数值解。

# 12.1 插值

进行下程测量时,不可能采集每个数据点的数值。例如. 从试验中采集到了一系列的 x, y 数值, 用插值技术就可以估计由未测量点处 f y x 对外的 y 值,如图 12.1 所示。两种最常用的插值技术足线性 插信和三次样条指信。MATL和 安特以两种插伸。



# 12.1.1 线性插值

在两个已知点之间估计 一个数值点最常用的方法是线性插值。在此方法中,两点间的离数可以 从是两点间的前线。如图12.2所示。如果找到由两个凸如点定义的直线方程,那么,敲可以找到任 何与。值对您的"值"两个点接近,近时值域推搡。

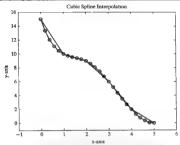


图 12.4 二次样条插值。平滑曲线上的数据点是计算值,直线段 上的数据点是测量值,每个测量数据点也落在了曲线上

用插值数据点画出的曲线如图12.4 所示、其中直线部分是由原始数据点画出的。 跟然线性插值和二次样象插值是最常用的内插方法。但是 MAILAB 同时也提供了其他一些方 法。及象 12.1

表 12.1 函数 interp1 中的插值法选项

linear'	<b>统性指值</b> 。函数的默认功能	interp 1(x, y, 3.5, 'linear')
		ans -
		4
'nearest'	量邻近点内插	interpl(x, y, 3.5, 'nearest )
		ans -
		2
'spline'	三次样条内插	interp 1(x, y, 3.5, 'spline')
		ans =
		3.9417
pchip'	形状保持分段上次極值	interp 1(x, y, 3.5, 'pchip')
		ans =
		3.9048
'cubic'	M'pchip'	interp 1(x, y, 3.5, 'cubic')
		ans =
		3 9048
'vicubic'	MATLAB 5 中的一次插值、不能外插,且x不等距时用*sp_lne*	interpl(x, y, 3.5, 'v5cubic')
		ans =
		3,9375

# 例 12.1 热力学特性:蒸汽表的使用

热力学中常常用表档的形式描述热力学特性、虽然很多热力学特性可以用简单的方程来描述。但是, 还有一些特性并不被人们所认识、很难用方程来描述其行为。较简单的特性描述方法是将数值构造成表 格、例如、藻汽在 0.1 MPa(近似1 标准大气压)时内能与温度的关系(见图 12.5)可以由表 12.2 表示。

用线性插值确定 215℃ 时的内能。如果内能为 2600 kJ/kg, 用线性插值确定相应的温度。

1. 问题描述

网络性插信求出蒸汽内能,

用线性插值求出蒸汽温度。

2. 输入/输出描述

輸入 温度和内能表。 11 来知.

 $T + \delta \alpha$ 



图 12.5 嘈泉喷出的高温高压水和蒸汽(Rod Rekfern © Dorling Kindersley)

表 12.2 压强为 0.1 Mpa 时过热蒸汽的内能与温度 T 的关系

温度, °C	内能、kJ/kg	温度、°C	内能、ki/kg
100	2506.7	300	2810.4
150	2582.8	400	2967 9
200	2658.1	500	3131.6
250	2733.7		

来源: 数据取自 Joseph H. Keenam, Frederick G.Keyes, Philip G. Hill, and Josn G. Moore, Steam Tables, Sl units (New York: John Wiley & Sons, 1978) .

輸出

肉飲 温度.

3. 手工分析

在第一个问题中,需要求出 215℃ 时的内能。表中列出了温度为 200℃ 和 250℃ 时的内能值。 首先确定值 215°C 在 200°C 和 250°C 之间上的距离比值:

$$\frac{215-200}{250-200}=0.30$$

假设内能和温度呈线性关系,那么内能的方程为

$$0.30 = \frac{u - 2658.1}{2733.7 - 2658.1}$$

**炭解 4 值得如下表达式**:

u = 2680.78 kJ/kg

4. MATLAB 实现

在 M 文件中创建 MATLAB 程序,然后在命令环境中运行;

%Example 12.1

%Thermodynamics

T=[100, 150, 200, 250, 300, 400, 500];

u= [2506.7, 2582.8, 2658.1, 2733.7, 2810.4, 2967.9, 3131.6]; newu=interp1(T,u,215)

newT=interpl(u,T.2600)

代码返回

news = 2680.78

newT =

161.42

#### 5. 结果验证

MATLAB 求解的结果与手工估算的结果相符。此方 法可用于对蒸汽表中任何特性的分析。国家标准与技术局 出版的 JANAF 表是热力学特性数据来源之一。

## 例 12.2 热力学特性:扩充蒸汽表

由例 12.1 可知,蒸汽表在热力学中有着广泛的应用(见 图12.6)。表 12.3 是蒸汽表的一部分,一般情况下、很多大 气压力字验室差别到此差



图 12.6 发电厂把蒸汽作为"工作流体"

	The state of the s				
進度。°C	比容、v, m³/kg	PIRE u, k.Mug	焓 h, kJ/kg		
100	1.6958	2506.7	2676.2		
150	1.9364	2582.8	2776.4		
200	2.172	2658.1	2875.3		
250	2.406	2733.7	2974.3		
300	2.639	2810.4	3074.3		
400	3.103	2967.9	3278.2		
500	3.565	3131.6	3488.1		

第123 在01 MPs (诉他 1 个标准十年压)条件下对抗基准的标件

注意,表 123 中首先以 50°C 为间隔,然后以 100°C 为间隔,如果某项工程需要使用此表、两 且又不遇每次使用时都进行一次践注插准计算,那么、可以使用改性插值方法,以 25°C 作为温度间 隔。用 MATLAB 建立一分子类的蒸汽表。

## 1. 何顯描述

以5°C 的温度间隔计算蒸汽的比容、内能和整值。

### 2. 输入/输出

输入 温度和内能的关系表。

輸出 温度间隔为5摄氏度时新的关系表。

#### 3. 手工估算

在例 12.1 中已经计算了 215 °C 时的内能,在巴知约蒸汽表中没有 215 °C 这一数值,需要重新计算 225 °C 的比值:

$$\frac{225-200}{250-200} = 0.50$$

而且

$$0.50 = \frac{u - 2658.1}{2733.7 - 2658.1}$$

求出口的表达式为

$$u = 2695.9 \text{ kJ/kg}$$

接下来将用同样的方法验证所创建表格的一致性。

#### 4. MATLAB 未解

在 M 文件中创建 MATLAB 程序, 然后在命令环境中运行;

%Example 12.2 %Thermodynamics

clear, clc

```
T = [100, 150, 200, 250, 300, 400, 5001';
v = (1.6958, 1.9364, 2.172, 2.406, 2.639, 3.103, 3.565);
u = [2506.7, 2582.8, 2658.1, 2733.7, 2810.4, 2967.9, 3131.6];
h = [2676.2, 2776.4, 2875.3, 2974.3, 3074.3, 3278.2, 3488.1];
props = [v,u,h];
newT = [100:25:500]';
newprop = interp1(T,props,newT);
disp('Steam Properties at 0.1 MPa')
disp('Temp Specific Volume Internal Energy Enthalpy')
disp(' C m^3/kg kJ/kg kJ/kg')
fprintf('%6.0f %10.4f %8.1f %8.1f \n', [newT, newprop]')
```

### 程序在命令窗口中打印出下面的表格:

Steam Properties at 0.1 MPa Enthalpy

Temp	Specific	Volume	Internal	Energy	1
c	m^3/k	g 1	tJ/kg	kJ/kg	
100	1.69	58 2	506.7	2676.2	
125	1.81	61 2	544.8	2726.3	
150	1.93	64 2	582.8	2776.4	
175	2.05	42 2	620.4	2825.9	
200	2.17	20 2	658.1	2875.3	
225	2.28	90 2	695.9	2924.8	
250	2.40	60 2	733.7	2974.3	
275	2.52	25 2	772.1	3024.3	
300	2.63	90 2	810.4	3074.3	
325	2.75	50 2	849.8	3125.3	
350	2.87	10 2	889.2	3176.3	
375	2.98	70 2	1928.5	3227.2	
400	3.10		1967.9	3278.2	
425	3.21	85 3	8.8008	3330.7	
450	3.33	40 3	3049.8	3383.1	
475	3.44	95 3	3090.7	3435.6	
500	3.56	50	3131.6	3488.1	

#### 5. 结果验证

MATLAB 的计算结果与手工估算的结果相符,可以确认,MATLAB 程序是可以正确执行的。通 过改变矢量 newT 的定义内容可以创建数据量更大的表格,将矢量

```
newT = [100:25:5001';
```

## 变更为较小温度增量的矢量

newT = [100:1:500]';

### 练习 12.1

创建矢量 x 和 v 表示下面的数据:

×	У	×	У
10	23	60	140
20	45	70	167
30	60	80	198
40	82	90	200
50	111	100	220

- 1. 在直角坐标系中绘制数据的图形。
- 2. 用线性桶值估计当 x = 15 时的 y 值。

- 3. 用三次样条内插法估计当 x = 15 时的 v 值。
- 4. 用线性插值估计当v=80 时的x值。
- 5. 用三次样条内插法估计当以= 80 时的 v 值。
- 6. 用三次样条内插法估计当 x 以 2 的间隔在 10 到 100 间均匀改变时的 v 值。
- 7. 在直角坐标中绘制原始数据点,各点间不用直线连接。同时绘制统习6 计算出的数据点。

### 12.1.3 多维插值

数据集 z 依赖于 x 和 y 两个变量, 依赖关系如下表所示:

	x = 1	x = 2	x = 3	x = 4
y = 2	7	1.5	22	30
y = 4	54	109	164	218
y = 5	403	807	1210	1614

如果确定y=3和x-1.5时z的值,那么,必须进行两次插值计算。一种方法是用函数 interpl找到在y=3,以及所有给定x的值对应的z值,然后在新表中进行二次插值运算。

首先,在MATLAB中定义x、y和z三个变量:

然后,使用函数 interpl 求解 y = 3,以及所有 x 的取值对应的 z 值:

```
new_z = interp1(y,z,3) 護田
new_z =
30.50 62.00 93.00 124.00
```

最后, 再次使用函数 interpl 求解 y = 3 和 x = 1.5 对应的 z 值: new_z2 = interpl(x,new z,1.5)

new_z2 = 46.25

虽然此方法可行,但是需要进行两次计算,显得比较烦琐。

MATLAB 提供一个二维线性插值函数 interp2, 利用它可以直接完成问题求解:

```
interp2(x,y,z,1.5,3)
```

46.2500

函数 interp2 输入的第一部分必须是矢量,用来定义与列相关的数值(此处为 x)。函数 interp2 输入的第二部分也必须是 个矢量,用来定义与打相关的数值(此处为 y)。数组 x 必须与矢量 x 具有相同的列数,与矢量 y 具有相同的引数。函数输入的第四和第五个部分分别为与要确定的 x 值相对应的 x 和y 值。

MATLAB 也提供另外的三维插值函数 interp3、以及n维插值函数 imperpn,在 help 中可以查 前这些函数的详细用法,所有这些函数的默认状态均为线性插值。MATLAB 同时也支持表 12.1 列出 的其他插信函数。

#### **結**习 122

创建矢量 x 和 y 表示下面的数据:

y + /x +	x · 15	x 30	y ↓ /x→	x 15	× 30
y = 10	z = 23	33	60	140	150
20	45	55	70	167	177
30	60	70	69	198	198
40	82	92	90	200	210
50	111	121	100	20	230

- 1. 在同 图中画出两组 V-2 数据的图形,并用图例说明与短组数据集对应的 x 值。
- 2. 用二维线性插值估计, 当 y = 15 和 x = 20 时, z 的值。
- 3. 用二次样条插值估计, 当y = 15 和x = 20 时, 2 的值。
- 4. 用线性插值创建一个新的子表,对应x = 20 和x = 25, y的所有值。

# 12.2 曲线拟合

虽然用極值技术可以求比垃知量。值问某一值对应的 y值。但是如果用 y = f(x) 来拟合实验数据,则会更加方便。这样可以计算继得到的任何 y 值。如果已知 x 和 y 的 "些基本关系,则可根据这些关系确定一个方程,例如,理想气体定律基于以下两个基本假设。

- 所有气体分子进行弹性碰撞。
- 气体分子不占据容器的任何空间。

以上假设并非完全准确,所以理想气体定律仅是对实际情况的近似。尽管如此、理想气体定律 还是很有价值的,它运用于很多情况。如果真实气体不符合法律简单的关系,那么利用两种方法可以 对气体行为进行建模。要么通过实验认识物即特性,并相应地能正方程式。要么利用这些数据凭轮验 进行还任,必验公式不涉及任何基础理论。何它能很好地预测一个参数要化会如何影响另一个参数。

MATLAB 行內室的組合函數。 PL以用來对經驗數据进行建模。 值得注意的是,这种建模仅在所 收紮的數据范围内是由了行的,如果参数 y 翘 x 的变化规律是未知的,那么,数据似合方程就不能预测 所收集数据范围以外的情况。

关键概念: 曲线拟合是一种用方程对数据进行建模的技术。

#### 12.2.1 线性回归

对一组数据进行建模的最简单方法是将其作为直线来看待,回顾 12.1.1 小节的数据:

x = 0:5:

v = [15, 10, 9, 6, 2, 0];

如果把这些数据绘制在图127中,那么,可以用一条穿过数据点的直线来近似描述这些数据的变 化规律。这个过程通常称为"目测",意思是没有进行计算,只是看起来非常适合。

从图中可以看出,有几个点落在了直线上,而其他点则以不同距离落在直线以外。为了比较该 直线与其他可能的直线哪个更适合、需要计算实际数据值和估算值之间的差。

利用 x=0, y=15 和 x=5, y=0 两点确定图12.7中的直线方程,此直线的斜率为

斜率 = 
$$\frac{\Delta y}{\Delta x}$$
 =  $\frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$  =  $\frac{0 - 15}{5 - 0}$  =  $-3$ 

该直线与y轴交 Fy=15 处,直线方程为

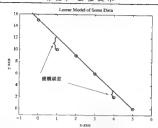


图 12.7 由"目測" 线得到的线性维烈

估算值与实际值之间的差见表 12.4。

维性回归技术就是采用最小一乘法来比较不同的表达式。确定哪一种能更好地对数据变化规律 进行建模。在此边中,对实际值与计算值进行差值运算,然后,再对差求平方和,其优点是正负偏差 不会相互抵制。利用 MATLAB 可以计算所需要的参数。如

这样可以得到

sum_of_the_squares = 5

线性回归: 一种用直线对数据进行建模的技术。

表 12.4 实际信和计算值的参

 	マ北部値		1
 	у жил	y_calc 计算值	雅=y-y_calc
0	15	15	0
1	10	12	-2
2	9	9	0
3	6	6	0
4	2	3	-1
5	0	0	0

除了利用最小:乘法实现数据的线性回归外,有关线性回归的其他实现技术已超出本书的范围。 在此不再数法。线性回归在 MATLAB 中用函数 polyfix 发现。该函数要求二个输入内容;× 值矢量、 切 值矢量和 一个用来表示拟合多项式阶数的整数。因为直线为一阶多项式,在函数 polyfit 中应该 输入数值 li.

polyfit(x,y,1)

ans = -2.9143 14.2857

-2.9143 14.2037

结果为最优一阶多项式相应的系数:

y = -2.9143x + 14.2857

这个结果是否比目测的结果更准确,可以用计算平方和的方法来进行检查:

```
best_y = -2.9143*x+14.2857;
new_sum = sum((y-best_y).^2)
new_sum =
3.3714
```

通过计算可知、利用函数 polytat 所得到的拟合直线比目测直线要好,MATLAB 可以求出一个 更优的直线。将实际数据和由线性回归确定的操优直线画在同一坐标上,如图12.8 所示,从视觉上可 以感觉到此直线较好地拟合了数据:



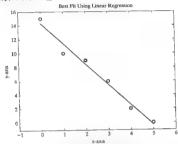


图 12.8 数据点和用线性问归得到的最优拟合直线

## 12.2.2 多项式回归

直线方程不是问归技术分析的唯一手段,常用的方法是用下面高阶多项式的形式来拟合数据:

$$y = a_n x^n + a_1 x^{n-1} + a_2 x^{n-2} + \dots + a_{n-1} x + a_n$$

多项式回归的判断准则是保证实购数据与计算数据之间差的平方和最小。在 MATLAB 中,利用 函数 clyfit 可以极简单地实现这一功能。用下面的命令把样本数据用二阶和三阶多项式进行报合:

**将返回下面的方程:** 

和

$$y_2 = 0.0536x^2 - 3.1821x + 14.4643$$
  
 $y_3 = -0.0648x^3 + 0.5397x^2 - 4.0701x + 14.6587$ 

可以通过计算平方和的方法确定哪一种多项式拟合效果更好:

```
y2 = 0.0536*x.*2-3.182*x + 14.4663;

sum((y2-y).*2)

ans = 3.2643

y3 = -0.0648*x.*3+0.5398*x.*2-4.0701*x + 14.6587

sum((y3-y).*2)

ans = 2.9921
```

可以看出,方程中的项数越多拟合效果越好,至少实际样本数据点和预测数据点之间的距离 减小。

为了绘制这些拟合出的曲线,需要多于线性模型中的 6 个数据点。MATLAB 通过折线连接各个 计算出的数据点来绘曲线。为了得到平滑的曲线,就需要更多的数据点、利用下面的命令可以得到 更多的数据点并且绘制曲线组

```
amooth_x = 0:0.2:5;
amooth_y = 0.0536*amooth_x.*2-3.182*smooth_x + 14.4643;
subplot(1,2,1)
plot(x,y,0*,amooth_x,amooth_y2)
amooth_y3 = -0.0648*amooth_x.*3+0.5398*smooth_x.*2-4.0701*
subplot(1,2,2)
plot(x,y,0*,amooth_x,amooth_y3)
```

結果如图12.9所示, 往意每个模型都有轻微的曲度, 虽然在數学上这两个模型较好地拟合了实际数据, 但是它们,一定使战级期得很好地表示实际信, 在工程实际中, 需要充分考虑被建模的实际物理过程。 以及仅器设备的测定制度和测试结果的可需要性。

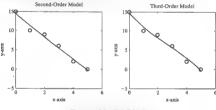


图 12.9 二阶和三阶多项式拟合

关键概念: 数据建模不仅要基于收集的数据, 也要基于对物理过程的理解。

# 12.2.3 函数 polyval

函數 polyfat 可以根据回归条件返回量优数据拟合多项式的系数。在之前的章节中、将这些系数输入到 MATLAB 表达式中,从而刺到相应的y值。函數 polyval 不需要重新输入系数就能完成问样的 I 作。

函數 polyval 要求两个输入量。 一个是类似函數 polyfit 创建的系數數組,另一个是 x 数组,利用它来计算新的 y 值。例如,

```
coef = polyfit(x,y,1)
y_first order fit = polyval(coef,x)
```

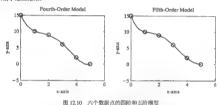
### 这两行代码可以使用函数嵌套缩短为 行。

```
y_first_order_fit = polyval(polyfit(x,y,1),x)
```

利用函数 polyfit 和 polyval 写一段程序来计算并绘制 12.1.1 小节中数据的四阶和五阶拟合曲线。

```
y4 = polyval(polyfit(x,y,4),smooth_x);
y5 = polyval(polyfit(x,y,5),smooth_x);
subplot(1,2,1)
plot(x,y,'o',smooth_x,y4)
axis((0,6,-5,15))
subplot(1,2,2)
plot(x,y,'o',smooth_x,y5)
axis(10,6,-5,15)
```

#### 图12.10给出了绘图结果。



可以看出,多项式的阶数越高拟合数据的效果越好。因为只有六个数据点,所以五阶模型可以 推确队配实际数据。

#### 提示

利用了揭示能和函数 - 上通过 站环, 点次约6129有标1210中重点的每个图形 简本 , 身, 中

```
x = 0.55;
y = [15, 10, 9, 6, 2, 0];
smooth x = 0.0,2;5;
for k = 1-4
subject=2.x.
pln(cx,y,'0, smooth x,polyval:polyfit x,y,x+1;,smsoth x))
a = sprantf:'Polynomial plot of order = 1.0f \n', k+1);
title(a);
```

### 练习 12.3

创建×和y矢量表示下面的数据:

z =	15	2.1	= 30	z :	- 15	z:	= 30
×	У	×	у	×	У	×	v
10	23	10	33	60	140	60	150
20	45	20	55	70	167	70	177
30	60	30	70	80	198	80	198
40	82	40	92	90	200	90	210
50	111	50	121	100	220	100	230

- 1. 利用函数 polyfit 对 z=15 的数据进行一阶多项式拟合。
- 2. 在 10 到 100 范围内,以 2 为间隔建立一个新的 x 矢属,将该矢量作为函数 polyval 的输入,利用练习 1 得出的系数值生成,个新的 y 矢量。
- 用團團表示原始數据,不必连续輸出圈形。在同一坐标中用实线画出计算數据的图形。观察數据的拟合 程度。
  - 4. 设 z = 30, 重复练习 1 到练习 3 的过程。

## 例 12.3 水渠中的水流

确定水渠中水流的情况并非易事。水渠的形妆可能是 不均匀的,如图[21] 所示,水渠中的障碍物、水流动过程 中产生的摩擦以及其他因素都更影响水流的重要因素。利 用数值方法可以建立实际水流的运动模型。下面是从实际 水渠中故塞割的数据。



图 12.11 水煤的横截面并不 定相问

高度 (8)	流量(ft ⁵ /s)	高度 (和)	流量(f ² /s)
0	0	2.92	6.45
1.7	2.6	4.04	11.22
1 95	3.6	5.24	30.61
2.60	4.03		

对上述数据分别进行一次、二次和三次多项式的最佳秘合、并在同一图中绘制不同的拟合曲线。确定哪种模型可以达到最好的拟合效果(一次,二次和三次多项式分别表示线性,二阶和三阶的拟合)?

- 1. 问题描述
- 对数据进行多项式回归,将结果绘制成图形,并确定哪个阶数据拟合效果量好。
- 2. 輸入/輸出描述
- 输入 水渠的高度和流量数据。
- 输出 由拟合结果绘制出图形。
- 3. 手工估算

利用手工的方法绘制一条近似曲线, 起始点为 0, 此时, 水渠中水的高度为 0, 水的流量也为 0(见 图12.12)。

- 4. MATLAB 求解
- 在 M 文件中创建 MATLAB 的程序代码,然后在命令环境中运行该程序;

%12.3 Example - Water in a Culvert

height = [1.7, 1.95, 2.6, 2.92, 4.04, 5.24]; flow = [2.6, 3.6, 4.03, 6.45, 11.22, 30.61];

new_height = 0:0.5:6;

```
newfl = polyval(polyfit(height,flow,l), new height);

newf2 = polyval(polyfit(height,flow,2), new height);

newf3 = polyval(polyfit(height,flow,3), new height);

plot(height,flow, oo', new height, newf1, new height, newf2,

new_height, newf3);

title('Fit of Water Flow);

Xlabel('Water Height, ft');

Ylabel('Flow Rate, CES');

legend('Data', 'Linear Flt', 'Quadratic Fit', 'Cubic Fit')
```

### 执行 MATLAB 程序后产生的图形如图12.13所示。

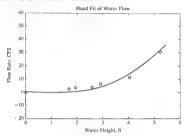


图 12.12 千工绘制的水流曲线

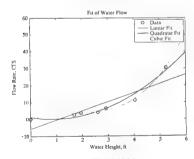


图 12.13 不同的曲线拟合方法

#### 5. 结果验证

哪条曲线具有最好的拟合效果是一个难以回答的问题。拟合多项式的阶数越高越能更好地拟合 数据点、但是,此多项式未必能更好地表示真实数据。

当水面高度为零时,利用线性拟合结果可以推算出水流量近似为-5 CFS, 此餘论显然与实际不荐, 然而, 根据二次拟合的结果, 在水面高度近似为 1.5 m 处水流量达到最小值, 这同样与现实情况不符. 三次 (三阶) 拟合可以实现数据点的最好匹配, 并且可能是最佳的拟合多项式。 把 MATLAB 的计算结果与手工绘制的结果相比较, 可以看出, 三次多项式拟合近似地与手工绘制的 经要扣帐配

### 例 12.4 气体的热容

气体温度每上升一度所用的能量值(称为气体的热客)不仅取决于气体本身的性质,还取决于气体的温度,此关系通常用多项式推型来表示,表 125龄出了二氧化碳的敏振。

用 MATLAB 把这些数据建模为一个多项式, 然后与 Kyle 在 Chemical and Process Thermodynamics (Upper Saddle River, NJ: Prentice Hall PTR, 1999) —书中给出的模型相比较, 文献中给出的模型为

$$C_n = 1.698 \times 10^{-10} T^3 - 7.957 \times 10^{-7} T^2 + 1.359 \times 10^{-3} T + 5.059 \times 10^{-1}$$

#### 1. 问题描述

根据表 12.5 所提供的数据,建立一个经验公式,将热容表示为温度的函数。并把结果与文献中 给出的模型相比较。

#### 2. 输入/输出描述

输入 使用提供的温度和热容数据表。

输出 求解描述数据关系的多项式系数。

绘制数据点和曲线图。

### 3、 手工计算

通过绘制数据点(见图12.14)可以看出,直线(一次多项或)不能很好地对数据进行近似。通过计算几个不同的模型(如一到四次多项或)、可以得到比较好的近似方法。

热容、C。 单位 kJ/(kg K) **温度、7. 单位 K** 热密、C。 単位 kJ/(kg K) 温度、7. 単位 K 250 0.791 650 1 100 1 126 300 0.846 700 1.148 760 350 0.895 0.030 enn 1 169 400 1.204 450 0.978 900 1.234 1000 500 1.004 1.328 1.046 1500 550 1.075 600

表 12.5 二氯化碳的热容

数据来源: Tables of Thermal Properties of Gases, NBS Circular 564, 1955.

#### 4. MATLAB 求解

%Example 12.4 Heat Capacity of a Gas

%Define the measured data

```
T=[250:50:800,900,1000,15001:
Cp=[0.791, 0.846, 0.895, 0.939, 0.978, 1.014, 1.046, ...
1.075, 1.102, 1.126, 1.148, 1.169, 1.204, 1.234, 1.328);
%Define a finer array of temperatures
new_T = 250:10:1500;
%Calculate new heat capacity values, using four different
polynomial models
Cp1 = polyval(polyfit(T,Cp,1),new_T);
Cp2 = polyval(polyfit(T,Cp,2),new_T);
Cp3 = polyval(polyfit(T,Cp,3),new T);
Cp4 = polyval(polyfit(T,Cp,4),new T):
%Plot the results
subplot (2, 2, 1)
plot(T,Cp,'o',new_T,Cp1)
axis([0,1700,0.6,1.6])
subplot(2,2,2)
plot(T,Cp,'o',new_T,Cp2)
axis([0,1700,0.6,1.6))
subplot (2, 2, 3)
plot(T,Cp,'o',new_T,Cp3)
axis([0,1700,0.6,1.6])
subplot (2, 2, 4)
plot(T,Cp,'o',new_T,Cp4)
axis([0,1700,0.6.1.61)
                        Heat Capacity of Carbon Dioxide
          1.4
```

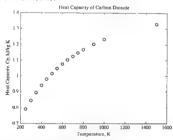


图 12.14 二氧化碳的热容是温度的函数

通过图12.15可以看到,二阶或者三阶模型足以描述波温度范围内的气体行为。如果使用三阶多项式模型,那么可以用函数 polyfit 京原数: polyfit(f, fp, 3)

```
ans =
2.7372e-010 -1.0631e-006 1.5521e-003 4.6837e-001
结果为
```

 $C_n = 2.7372 \times 10^{-10} T^3 - 1.0631 \times 10^{-6} T^2 + 1.5521 \times 10^{-3} T + 4.6837 \times 10^{-1}$ 

### 5. 结果验证

把 MATLAB 计算结果与文献中给出的结果相比较,可以看到它们很接近,但是并不准确。计算 得到的表达式为

 $C_o = 2.737 \times 10^{-10} T^3 - 10.63 \times 10^{-7} T^2 + 1.552 \times 10^{-3} T + 4.683 \times 10^{-1}$ 

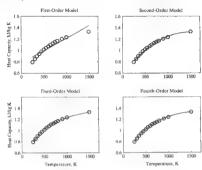


图 12.15 不同多项式拟合二氧化碳热容数据的比较

## 文献中给出的表达式为

 $C_n = 1.698 \times 10^{-10} T^3 - 7.957 \times 10^{-7} T^2 + 1.359 \times 10^{-3} T + 5.059 \times 10^{-1}$ 

这并不奇怪,因为在这里仅是对有限个数据点的拟合,而文献中给出的模型却采用了更多的数据点、 因此,相比之下可能后者更准确。

# 12.3 使用交互式拟合工具

MAILAB 7 提供了新的交互式绘图工具,它允许用户不使用命令窗口就可以对所绘制的图形进行注题。同时也提供某本的曲绘拟仓、复杂的曲线拟合和统计工具。

# 12.3.1 基本拟合工具

为了使用基本拟合工具,首先要利用下面的命令创建一个图形:

x = 0:5; y = [0,20,60,68,77,110] y2 = 20*x; plot(x,y,'o') axis([-1,7,-20,120])

这些命令使用一些样本数据创建了一个图形(见图12.16)。

为了调用曲线拟合工具,需要在图形的菜单栏中选择 Tools→Basic Fitting。基本拟合窗口在图形 的项端打开。通过修改 linear、cubic 和 show equations (见图12.16),产生如图12.17 所示的图形。



图 12.16 交互式基本拟合窗口

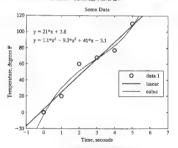


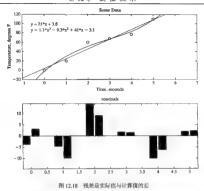
图 12.17 用基本拟合窗口生成的图形

修改绘图戏差工具箱生成第二个图形,该图显示每个样本数据点与报合直线的距离,如图 12.18 所示。

在基本拟合窗口的右下角是一个箭头按钮。两次点击这个按钮可以打开窗口的其他部分(见图 12.19)。

残差: 实际信和计算信之间的差。

窗口的中央面板显示曲线拟合结果,并提供把结果保存到 $\Gamma$ 作区的选项。右边的面板允许选择x值,以及根据中央面板方程式计算出的y值。



Total or scale to discovery of the control of the c

图 12.19 基本拟合窗口

除了基本拟合窗口外,从图形菜单栏达可以使用数据统计窗口(见图 12.20)。在图形窗口中选择 Tooks-Data Statistics。利用数据统计窗口可以对图中的样本数据进行求均值和求标准差等基本的统计运算,并可以把运算结果保存在工作区中。



图 12.20 数据统计窗口

## 12.3.2 曲线拟合工具箱

除了基本拟合为能外,MATLAB 还包含了用于进行专门统计功能和数据拟合运算的工具箱。曲线拟合工具箱提供,个图形用户接口(GUD),它可以进行除多项式以外的其他形式曲线的对合。在执行下面的例子之前,必须在 MATLAB 中安装曲线拟合工具箱。在学生版的 MATLAB 中,曲线和合丁具箱&作为附加加度提供的。

在使用曲线拟合 [ 具箱之前,首先设定一组分析数据。在此不妨使用前几章中用到的数据:

x = 0:5;y = [0,20,60,68,77,110];

打开曲线拟合工具箱,输入

cftool

该项操作可以自动曲线拟合工具窗口。将数据输入到曲线拟合工具中。选择 data 按钮, 打开一个数据窗口, 数据窗口访问工作区, 允许在下拉列表中选择自变量(x) 和因变量(y), 见图12.21。

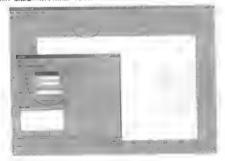


图 12.21 曲线拟合和数据窗口

在本例的下拉列表中分别选择 x 和 y。可以由用户指定一个数据集名,也可以由 MATLAB 自动分配一个。 旦选择了变量, MATLAB 就会绘制出数据点。此时,可以关闭数据窗口。

回到曲线拟合上具窗口, 选择 Fitting 核钥, 它提供可选的拟合算法。选择 New fit, 同时在 Type of fit 对象中选择权合类型。通过和合选级不断地尝试。可以选出基适合的图形拟负类型。选择一个插值方案,使用等制的地段变换所有的数据点,并且是一阶全两点、结果如阳2.29 所示。

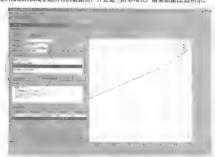


图 12.22 曲线拟合丁具窗口

## 例 12.5 人口问题

地球人口正在迅速膨胀(見图](223)、美国人口也更妙此、MATLAB 提供一个称为 census 的内 更被承文件、它包含于美国自 1790 年以来的人口普查提倡、该被继定体包含两个变量、一个是人口 普查时间 cdate。另一个是以百万为单径到此的人口数 pop、加坡这次特别工作区中、输入

#### load census

- 使用曲线拟合工具箱求出表示证数据关系的方程式。
- 1. 问题描述
- 求出--个表示美国人口增长的方程式。
- 2. 输入/输出描述
- 输入 人口数据表。
- 輸出 表示數据关系的方程式。
- 3. 手工分析
- 手工绘制数据曲线。
- 4. MATLAB 实现
- 曲线拟合工具箱是一个交互式实用程序,通过输入下述命令来激活;



图 12.23 地球人口在膨胀

cftool

该命令会打开曲线拟合窗口。此例运行的前提是,在 MATLAB 中已经安装了曲线拟合工具箱。选择 数据按钮并选择 cdate 作为 x 值、pop 作为 y 值,关闭数据窗口后,选择拟合按钮。

公所周知,人口以箱粮形式增长,所以用指数曲线进行拟合试验。同时,也选择三阶多项式进行试验。这两种方法的拟合效果都保好,但是,多项式实际上是最好的,将函线拟合窗口中的图形发送到图形窗口,并添加块超和坐标标注(见图1224)。

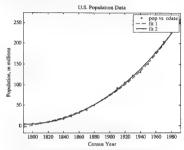


图 12.24 美国人口普查数据的指数和三阶多项式拟合

由拟合富口中的数据可以看到,指数拟合的误差平方和(SSE)是比较大的,但两种方法给出的 R 信都比 $0.94 \times (R$  信为 1.2 元家合拟合)。

```
多项式拟合结果如下:
```

```
Linear model Foly3:

f(x) = pl**x*3 + p2*x*2 + p3*x + p4

where x is normalized by mean 1890 and std 62.05

coefficients (with 95% comfidence bounds):

p1 = 0.921 (-0.9743, 2.816)

p2 = 25.18 (23.57, 26.79)

p3 = 73.86 (70.33, 77.39)

p4 = 61.74 (59.69, 63.8)

Goodness of fits

SSE: 189.8

R-equare: 0.9988

Adjusted R-equare: 0.9986

RMBE: 2.968
```

通过减去相应均值并除以偏差的方法来规范方程中 x 的值,可以得到更好的拟合效果:

### x = (cdate-mean(cdate))/std(cdate);

### 5. 结果验证

直現比較可以看出,两种拟合看上去都充分通近了实际数据。值得注意的是,当一种方案较好 地实现了数据拟合时,人们很少去选择另外一种合适的拟合方案。

# 12.4 差分和数值微分

函數 y=f(x) 的导數可以衡量 y 隨 x 变化的程度。如果定义 一个关于 x 和 y 的方程,就可以用符号 L 具箱里的函数得到 一个微分方程。但是,如果只有数据点,则可以用 y dx 的变化置近似为它的导数:

$$\frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}t} = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

如果利用本章12.1 节中用到的数据点进行绘图,那么近似的微分值就是用于<del>连接每个</del>数据点的线 段的斜率,如图12.25 所示。

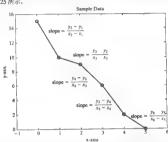


图 12.25 数据集的微分可以近似认为是连接每个数据点直线线段的斜率

如果这些数据点是描述反应室里不同时刻的温度测量值,那么斜率就表示每个时间段内的冷却 速度,MATLAB内置函数 diff 可以求解矢量中元套值的差。并且可以用来计算相应数据对的斜率。

关键概念,感数 diff 即可用于符号表达式的微分求解,也可用于数值数组。

例如,要求解×值的变化,输入

因为x值是均匀变化的,所以返回

```
slope = diff(y)./diff(x)
slope =
    -5    -1    -3    -4    -2
```

注意,因为是计算差值,所以,在使用函数 diff 的时候,返回数组要比输入数组少一个元素。 "用函数 diff 计算斜率时,计算结果表示两个×值之间的斜率,而不是特定数据点的斜率。因为 变化率不是连续的,所以绘制关于×斜率的最好方法是创建条形图。将×值修正为线段的平均值;

$$x = x(:,1:5) + diff(x)/2;$$
  
 $bar(x,slope)$ 

条形图结果如图12.26 所示。

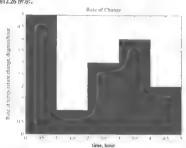


图 12.26 基于数据点计算的斜率是不连续的。图形外观可以利用交互绘图 1.具加以调整

如果已知x和y之间的关系,则函数 diff 可以用来实现近似的数值求导。例如,函数为

$$y = x^2$$

创建X于任意x值的一组有序对。x和y的值越多,图形就会越平滑。这里是用于创建图12.27(a)的 两组x和y的数组。

```
x = -2:2
y = x.^2;
big_x = -2:0.1:2;
big_y = big_x.^2;
```

plot(big_x,big_y,x,y,'-o')

图中的两条线概是通过用直线连接指定的点而得到的, 矢着 org... 和 brg... 的饱划分得很密以 至于看上去像是 - 条连续的曲线。xy 坐标中曲线的斜率使用函数 diff 来得, 并通在图12.27(b)中, 代码如下;

```
slope5 = diff(y)./diff(x);
x5 = x(:,1:4)+diff(x)./2;
%These values were based on a 5-point model
bar(x5,slope5)
```

用交互式绘图工具对条形图略加修改得到图12.27(b)。使用较多的数据点可以得到更为平滑的图

## 形,但它并不连续:

```
x = -2:0.5:2;
y = x.^2;
plot(big_x,big_y,x,y,'-o')
```

slope9 = diff(y)./diff(x);
x9 = x(:,1:8)+diff(x)./2;

%These values were based on a 9-point model

结果如图12.27(c)和图12.27(d)所示。还可以采用更多的点进行拟合:

plot(big_x,big_y,'-o')

slope41 = diff(big_y)./diff(big_x);

x41 = big_x(:,1:40)+diff(big_x)./2; % 41-point model

bar(x41,slope41)

上述代码的结果基本上是平滑的曲线,它是关于x的函数。如图12.27(e)和图12.27(f)所示。

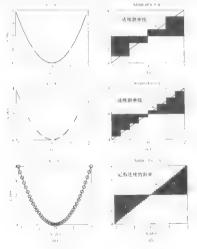


图 12.27 用较多的数据点模拟函数时。函数的斜率比较准确

### 练习 12.4

1. 已知下面的方程

$$y = x^3 + 2x^2 - x + 3$$

定义矢量 x. 其范围从-5 到+5,利用函数  $\mathrm{diff}$  近似计算 y 关 +5 的导数。利用数学分析的方法推出导数的表达式为

$$\frac{dy}{dx} - y' - 3x^2 + 4x \quad 1$$

利用前面定义的矢量×计算函数值,比较两种计算结果的差异。

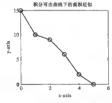
2. 用下面的函数和它们的导数表达式重复练习1.

高 敦	导 教
$y = \sin(x)$	$\frac{dx}{dy} = \cos(x)$
$y = x^5 - 1$	$\frac{dy}{dx} = 5x^4$
y = 5.xe ⁴	$\frac{dy}{dx} = 5e^x + 5xe^4$

# 12.5 数值积分

积分一般被认为是曲线下面覆盖的面积。以图12.28 为例,图中画出了前面给出的样本数据。曲线下面的区域可以被划分为很多小的矩形,然后求所有小矩形的面积之和:

$$A = \sum_{i=1}^{n-1} (x_{i+1} - x_i) (y_{i+1} + y_i)/2$$



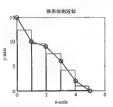


图 12.28 曲线下面的区域可以用梯形法则近似计算

计算此面积的 MATLAB 命令如下:

 $avg_y = y(1:5)+diff(y)/2;$  $sum(diff(x).*avg_y)$ 

该方法称为梯形法则,因为矩形和与之对应的梯形有相同的面积,如图12.29所示。

用 组有序  $x_y$  对来近似表示函數曲线覆盖的面积。矢量  $\times$  和 y 的元素个数越多,近似程度越高。例如,在  $\times$  从 0 到 1 的范围内求解下面的函数的面积:

$$y = f(x) = x^2$$

首先定义矢量×的值,然后计算相应的 y 值:

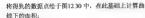




图 12.29 梯形面积可以用矩形面积代替

 $avg_y = y(1:10)+diff(y)/2;$  $sum(diff(x).*avg_y)$ 

NAME OF BUILDING STREET, STREE

计算结果是函数覆盖面积的近似值:

ans =

**学和**, 用链形估计曲线所测盖而积的方法。

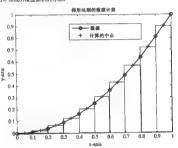


图 12.30 函数的积分可以用梯形法则近似估计

此信显函数对×从0到1求积分的近似值,即

$$\int_{1}^{1} x^{2} dx$$

MATLAB 包含两个内置函数, 分别是 quad 和 quadl, 它们可以不用定义图12.30 中短形的个数 旅能计算函数的积分, 这两个函数使用不同的数值技术。根据具体情况, 奇异函数可以使用多种方法 求解, 函数 quad 采用自适应辛普条积分:

函数 quadi 采用自适应罗巴托积分:

ans = 0.3333

函數 (.a.) 名称中的最后 个子母是 、, 当不是数 ; 一在有些学体情况下,两个字符很 难分清。

两个函数都要求用户在第一个位置输入一个函数表达式。这个表达式可以作为字符串被明确调用。该函数表达式可以定义为 M 文件,也可以定义为海区表现。后面的两个区域定义函数表达式的积分上下限。在此,积分范围是从0到1,这种种份分法的计算误差额小下1x10°5.

在下面的例子中,没有采用单引号描述函数表达式,而是使用函数句柄和匿名函数来描述。首 先,为三阶多项式定义一个匿名函数。

fun handle = @(x) -x.^3+20*x.^2 -5

因为函数 fplot 接受函数句柄,所以绘制函数图形的最简单方法是调用函数 fplot, 命令如下: fplot(fun handle, [-5,25])

绘图结果如图12.31(a)所示。函数

$$\int_{0}^{25} -x^3 + 20x^2 - 5$$

的积分县曲线下面覆盖的面积,如图12.31(b)所示。

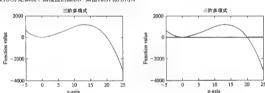


图 12.31 一个函数在两点间的积分可以认为是曲线下覆盖面积的大小。这 些图形是通过表示: "阶多项式的函数句柄,由函数 folor 创建的

最后,用函数句柄作为输入,利用函数 quad 求积分的值:

quad(fun_handle,0,25)

6.3854e+003

参考有关数值计算方法的计籍,可以了解更多的数值计算技术。此类参考特有 John H. Mathews 和 Kurtis D. Fink 合著的 Numerical Methods Using MATLAB, 4th ed. (Upper Saddle River, NI: Pearson, 2004)。

#### 练习 125

1. 考虑如下方程:

$$y = x^3 + 2x^2 - x + 3$$

利用函数 quad 和 quad 1 次解 y 关于 x 在-1 到 1 上的队分。将结果与使用符号工具箱函数 1nt 得到的值。以及 下面给出的解析解相比较 往意。函数 quad 和 quad 1 的输入采用 * 和 * 等数能运算符表示,而函数 1nt 采用符 号运算符表示。

$$\begin{split} \int_b^a (x^3 + 2x^2 - x + 3) \mathrm{d}x &= \\ \left( \frac{x^4}{4} + \frac{2x^3}{3} - \frac{x^2}{2} + 3x \right)_a^b &= \\ \frac{1}{4} (b^4 - a^4) + \frac{2}{4} (b^5 - a^3) - \frac{1}{2} (b^2 - a^2) + 3(b - a) \end{split}$$

2. 对下列函数预复练习1的计算过程。

番 敷	駅 分
$y = \sin(x)$	$\int_a^b \sin(x) dx = \cos(x) f_a^b - \cos(b) - \cos(a)$
$y=x^{d}-1$	$\int_{a}^{b} (x^{5}-1) dx = \left(\frac{x^{6}}{6} - x\right)_{a}^{b} = \left(\frac{b^{6} - a^{6}}{6} - (b - a)\right)$
y = 5x * e*	$\int_{a}^{b} (5e^{x}) dx = (-5e^{x} + 5xe^{x}) \int_{a}^{b} =$
	$(-5(e^b - e^a) + 5(be^b - ae^a))$

## 例 12.6 计算移动面所做的功

在本例中,将利用 MATLAB 的函數 quad 和函數 quad 3 等數值积分技术,通过求解下面的方程 表求解气缸活塞设备所做的功.

$$W = \int P dV$$

假设

PV = nRT其中、P 为压力、kPa: V 为体积、m²: n 为摩尔敏、kmol; R 为理想气体常数、8.314 kPa m³/kmol K; T为温度、K.

假设汽缸内有 1 mol 气体、温度为 300 K, 且气体在整个过程中保持恒温。

1. 问题描述

求图12.32中汽缸-活塞设备所做的功。

2. 輸入/輸出描述。

输入

T = 300 Kn = 1 kmolR = 8.314 kJ/kmol K

汽缸-活塞设备所做的功。 抽出

3. 手工分析 理想气体定律表示为

或写为



图 12.32 汽缸 活棄设备

PV = nRT

P = nRT/V

对 P 进行积分:

$$W = \int \frac{nRT}{V} dV = nRT \int \frac{dV}{V} = nRT \ln \left( \frac{V_2}{V_1} \right)$$

代入數值得

$$W = 1 \text{ kmol} \times 8.314 \text{ kJ/kmol } K \times 300 \text{ K} \times \ln \left( \frac{V_2}{V_1} \right)$$

积分界限分别为 $V_2 = 5 \text{ m}^3 \Rightarrow V_1 = 1 \text{ m}^3$ ,所做的功为

W = 4014 kJ

因为功是正值、所以是系統对外做功,而不是对系统做功。

4. MATLAB 实现

%Example 12.6

%Calculating boundary work, using MATLAB's quadrature

clear, clc

%Define constants

n = 1; % number of moles of gas

R = 8.314; % universal gas constant T = 300; % Temperature, in K

*Define an anonymous function for P

P = @(V) n*R*T./V;

% Use quad to evaluate the integral

quad(P,1,5)
%Use quad1 to evaluate the integral

%Use quadi to evaluate the integral quadl(P,1,5)

which returns the following results in the command window

ans =

4.0143e+003

4.0143e+003

在此定义了一个 P 的匿名画数、并将函数句柄作为数值积分函数的输入。同样,也可以很容易 地在函数 quad 和 quad ] 内使用字符串定义函数。但是,必须用数值来代替变量:

guad('1*8.314*300./V',1,5)

ans = 4.0143e+003

混動由可以用 M 文件定义

5. 结果验证

把上述的 MATLAB 计算结果与于工计算的结果相比较,两种方法的结果相同、当然、也可以从 特予工具箱中获得其他未解方法。之所以采用两种 MATLAB 的计算方法,是因为有些问题不能使用 MATLAB 的辞号工具录解,而常些问题(包含专并函数的问题)又不适合用聚值亦法来解。

# 12.6 微分方程的数值求解

MATLAB 包含很多求解下面常微分方程的函数:

$$\frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}t} = f\left(t, y\right)$$

高阶徵分方程(或者徵分方程组)必须改写成 阶方程组。MATLAB 的 help 功能描述了实现这一过程的方法。本节介绍常微分方程数值求解函数的主要特点。更详细的信息可参考help 功能。

因为不同的微分方程可能有不同的求解方法,所以,MATLAB 包含了多种微分方程的求解器 (见表126)。但是,这些求解器具有相同的形式,通过改变函数名被能很容易实现不同的方程求 解方法。

表 12.6 MATLAB 的微分方程求解器

常微分方程 求解函数	道用的问题类型	数值求解方法	注 夥
ode45	非刚性微分方程	龙格-库塔法	对函数了解不多的初学者。这是最好的选择,直接使用 Runge-Kutta (4,5) 公式进行求解,此方法也称为 Danusard-Prince 質法
ode23	非別性微分方程	龙格-库塔法	此方法利用 Bogacki 和 Shampine 的 Runge-Kutta (2,3) 公式。它与 ode 45 比较,适合于中等例性方程求解
odel13	非例性微分方程	阿当姆斯法	该方法与 ode45、ode23 单步求解器不同,它属于 多步求解器
ode15s	刚性微分方程和微分代散方程	NDF(BDF)	利用数值集分公式(NDF)和后向集分公式(BDF)系 解。很难预测哪种方法对例性微分方程最适合
ode23s	附性微分方程	Rosenbrock	作 if 的 於 Rosenback 公式
ode23t	适度和性微分方程和微分代数方程	排形法	适用于无数值衰减的问题
ode23th	<b>耐性能分</b> 方程	TR-BDF2	此求解器利用带有梯形公式的施 Runge-Kutta 公式和 二阶后向微分公式(BDF2)进行求解
ode15i	全龍式微分方程	BDF	此求解署使用后向整分公式(BDF)求解 $f(y, y', t) = 0$ 形式的隐微分方程

每个求解器至小需要下面三个输入员,

- 用于描述关于 1 和 γ 一阶微分方程或微分方程组的函数句柄。
- 计算步长。
- 方程组中每个方程的初始条件。

所有求解器都会返回一个 t和 v 值的矩阵。

[t,y] = odesolver(function_handle,[initial_time,

final_time], [initial_cond_array])

如果没有明确制定结果矩阵[t,y],则函数会将结果创建为图形。

关键概念: MATLAB 中有多种微分方程求解器。

# 12.6.1 函数句柄输入

如前所述,函数句柄相当于函数的一个"昵称",它既可以指向存在于M 文件中的标准 MATLAB 函数,也可以指向匿名的 MATLAB 函数。再看一下讨论过的微分方程形式:

$$\frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}t} = f\left(t, \ y\right)$$

函数句柄等价于 dv/dt。

这里是关于一个简单微分方程的匿名函数实例:

my fun = @(t,y) 2*t

计动体

$$\frac{dy}{dt} = 2t$$

虽然在这个特殊函数结果(2t)中没有使用 y, 但它也要作为输入的一部分。

如果想要具体指定一个方程组,那么,较简单的方法是为函数定义一个 M 文件函数。函数的输出必须是 "阶导数的列矢量",例如

function dy=another_fun(t,y)
dy(1) = y(2);
dy(2) = -y(1);
dy=[dy(1); dy(2)];

此函数表示方程组

$$\frac{dy}{dt} = x$$

$$\frac{dx}{dt} = -y$$

也可以更紧凑地表示为

$$y_1' = y_2$$
$$y_2' = -y_1$$

方寇中等式左侧表示变量  $y_1$  和  $y_2$  关于时间的导数。同理,用 y'' 表示二阶导数,用 y'''' 表示三阶导数。 表达式如下。

$$y' = \frac{dy}{dt}, y'' = \frac{d^2y}{dt^2}, y''' = \frac{d^3y}{dt^3}$$

# 12.6.2 问题的求解

每个方程的时间步长和初始条件都要作为矢量,与函数句柄一起输入到求解器的方程中。用下列方程的求解方法加以说明。

$$\frac{dy}{dt} = 2t$$

为此常像分方程创建匿名函数 my_fun,计算时间在一1 到 1 范围内的 y 值。设初始条件为

$$y(-1) = 1$$

如果不知道方程或方程组的特征,不妨先尝试函数 ode45:

$$[t,v] = ode45(mv_fun,[-1,1],1)$$

该命令返回;值的数组,以及与之对应的y值的数组。这些数组的图形可以用户自己绘制,也可以在不指定输出数组条件下由求解器函数进行绘图:

结果如图12.33 所示,它与解析法求得的结果一致,即

$$y = t^2$$

注意该函数的一阶导数是 2t, 并且当 t=-1 时, y=1。

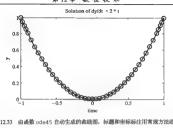


图 12.33 由函数 cde45 自动生成的曲线图。标题和學标标注用常规方法添加

些输入函数或者函数系存储于 M 文件中时, 语法稍有不同。存在于 M 文件的函数句柄被定义为 @m_file_name。为了求解前节中 another_fun 所描述的方程组,需要用到下面的命令,

ode45(@another fun,[-1,1],[1,1])

也可以为 M 文件指定函数句柄,如

some fun = Ganother fun

并用它作为微分方程求解器的输入:

ode45(some_fun,[-1,1],[1,1])

时间范围从一一到1、每个方规的初始各件都为1。值得注意品,方程级中每个方程有一个初始条 件。结果如图12.34所示。

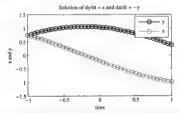


图 12.34 利用函数 ode45 求解方程组,标题、坐标标注和图形注释用常规方法添加

# 本章小结

数据表格可以用来表示工程数据信息,但是如果需要的数值没有在表内,那么就要使用某种插 值技术来近似该数值。MATLAB 提供了一种称为 interpl 的技术,该函数要求三个输入量: 一组 x 值、 组相应的 y 值和一组用来估计 y 值的 x 值。该函数的默认方式为线性插值,将 y 值近似为 x 的 线性函数,即

$$y = f(x) = ax + b$$

两个数据点可以确定一个线性函数、保证近似数据的直线总是通过数据表中的数据点。

函数 interpl 也可以通过高阶近似来对数据进行建模,最常见的方法是:次件条插值。该方法 在函数 interpl 的部型个可选字段中,以字符串的形式加以声明。如果该字段没有被声明,那么该 高数款认为线性插信。语法定例如下。

new_y = interp1(tabulated_x, tabulated_y, new_x, 'spline')

除函数 interpl 外,MATLAB 还提供二维插值函数 interp2、三维插值函数 interp3 和多维插值函数 interpn。

曲线报合与插值技术类似。但是,它是寻找一个尽可能准确建模给定数据的方程,而不是将数据允连接起来。曲线报合一日得到了方程。就可以计算相应的,值、混合曲线不一定要通过样本数据点。MATLAB 提供曲线报合函数 polyval,并且通过最小二颗回归方法得到的多项点对数据进行近似。感数该同下面意理点的系数。

$$y = a_n x^n + a_n x^{n-1} + a_n x^{n-2} + \dots + a_{n-1} x + a_n$$

这些系数可以用来在 MATLAB 中创建对应的表达式, 或者作为函数 polyval 的输入来计算任何 x 復处的 y 组、例如, 在下面的语句中, 首先求解出用来报合 x y 数据的...协多项式的系数, 然后用第一个语句中。前的未读作案前的。他

coef = polyfit(x,y,2)

y_first_order_fit = polyval(coef,x)

利用函数的嵌套功能可以将上面的两行代码缩短为一行:

y_first_order_fit * polyval(polyfit(x,y,1),x)

MATLAB 也提供交互式的曲线根本功能。该功能不仅允许用户采用多项式。而且允许用更复杂 的函数来积合数据。基本曲线报合工具可以通过图形窗口的 Tools 崇单调用。曲线报合工具栏中有很 多可用的工具。通过在命令窗口中输入下面的语句来访问。

cftool

数值技术广泛应用于工程上微分和积分的近似求解。微分和积分运算也可以在符号工具箱中找到。

MATLAB 函数 diff 可以计算矢量中两个相邻元素间的差值。给定 x 值和 y 值的矢量,使用函数 diff 可以实现近似求导,命令如下;

slope = diff(y)./diff(x)

将x值和y值划分得越细,导数的近似程度越高。

MATLAB 中的积分函数分别为 quad 和 quadl,利用任何一个都可实现数值积分。这两个函数都要求输入被积函数和积分区间。被积函数可以用字符串来表示,形式如下;

'x.^2-1'

也可用匿名函数表示, 形式如下:

my function =  $\theta(x)$  x.^2-1

还可以用 M 文件函数表示,形式如下:

function output = my_m_file(x)

output =  $x.^2-1;$ 

上述三种方法定义的函数都可以与积分界限一起作为输入,例如

函数 quad 和 quadl 都会返回一个精确到 1×10°的结果。两个函数的区别仅在于所采用的计算 方法不问。函数 quad 采用自适应辛普森积方,而函数 quadl 采用自适应罗巴托积分。

MATLAB 提供多种求解一阶常微分方程和微分方程组的求解器函数。所有求解器函数的命令格式如下:

[t,y] = odesolver(function_handle,(initial_time, final time), [initial cond array])

最常用的求解器函数为采用龙格-库塔方法的 ode45。其他求解器函数用来解决刚性微分方程的 除式来解问题。

## MATLAB 小结

下面列出了本章介绍的 MATLAB 特殊字符、命令和函数。

命令和函数	能啊
cftool	打开曲线拟合图形用户接口
census	内質數据集
diff	计算输入数组中相邻两元素的差值。若输入为符号表达式。则进行符号微分
int	符号积分
interpl	采用默认的线性插值或指定的高阶插值对中间数据进行近似
interp2	二维福值函數
.nterp3	三维插值函数
interpn	多峰操也函数
cde45	常用微分方程求解器
cde23	常用微分方程求解器
ode113	常用微分方程求解器
ode15s	常用撤分方程求解器
ode23s	常用微分方程求解器
ode23t	常用微分方程求解器
ode23tb	常用微分力程求解器
odel51	常用微分方程求解器
polyfit	计算最小 乘多项式的系数
polyval	计算给定求值的多项式
quad	计算曲线积分(辛普森法)
quad1	计算曲线积分(罗巴托法)

# 习题

12.1 活塞气缸设备中的气体温度恒定不变。对设备体积改变过程中的气体压强进行测量,得到 体积和压强的数据表如下;

体积。m³	压强, kPa, 温度条件 7=300 K	<b>体积</b> 、m³	压强,kPa, 温度条件 7=300 K
1	2494	4	623
2	1247	5	499
3	831	6	416

- (a) 用线性插值计算体积为 3.8 m3 时气体的压强。
- (b) 用三次样条插值计算体积为 3.8 m3 时气体的压强。
- (c) 用线性插值计算气体压强为 1000 kPa 时气体的体积。
- (d) 用 :次样条插值计算气体压强为 1000 kPa 时气体的体积。
- 12.2 利用习题12.1 中的数据和线性插值法创建一个体积-压强数据表、体积的步长为 0.2 m²。把 计算值和原始值绘制在同 幅图上,原始值用不连线的圆点表示,计算值用实线表示。
  - 12.3 用:次样备插值法重做习题 12.2。
  - 12.4 在更高温度条件下重复习题 12.1 中的实验,记录数据如下表所示:

体积、m ^a	压强。kPa, 温度条件 300 K	压强。kPa, 温度条件 500 K
3	2494	4157
2	1247	2078
3	831	1386
4	623	1039
5	499	831
6	416	693

根据券中的数据问答下列问题。

- (a) 当温度为 300 K 和 500 K 时,近似计算 5.2 m³ 气体的压强。(提示:构造一个压强数组,该数组包含表中给出的两组数据,体积数组为 6×1、压强数组为 6×2。)用线性插值法进行计算。
  - (b) 采用三次样条插值,重复上述计算。
  - 12.5 根据习题 12.4 的结果求解下列问题:
  - (a) 使用线性法插值创建 个 T = 400 K 的压强数据列。
- (b) 创建一个扩充的压强数据表,每 0.2 m³体积对应一个数据点,压强值分别与 T = 300 K、T = 400 K 和 T = 500 K 对应。
  - 12.6 利用函数 interp2 和习题 12.4 的结果,当体形为 5.2 m³, 温度为 42.5 K 时,求压强的近似值。 12.7 使用 阶、二阶、一阶和四阶多项式拟合习题 12.1 的结果,要求使用函数 polyfit 的功能:
    - 在同一张表中画出计算结果。
  - ※字际教报用不连线的圆雕画出。
  - 以 0.2 m³ 为步长进行多项式回归,从回归结果中计算数值,并进行绘图。
  - 不必在限中标出计算值。但必须用一条光滑的曲线将所有的点连接起来。
  - 根据以上图形确定哪种模型效果最好。
- 12.8 压强与体积的关系很难用多项式表示,但是,理想气体定律却用下面的公式表达了二者的 关系:

$$P = \frac{nRT}{N}$$

若以P为y轴、以IV为x轴,则压强与体积的关系可以表示成一条直线。直线的斜率就是nRT,利用函数polyfit 计算此斜率(注意,要以P为y轴,以IV为x轴),命令为

polyfit(1./V, P, 1)

- (a) 设 n 的值为 1 mol. R 的值为 8 214 kPa/kmol K, 温度为 300 K。
- (b) 以 P 为 v 轴、以 1/V 为 x 轴绘制函数图形。

12.9 电路中的电阻和电流成反比,公式如下:

$$I = \frac{V}{R}$$

从图 P12.9 电路中测得的数据见下表,其中恒压源未知。



图 P12.9 电路图

电阻,单位欧姆	电流、单位安培	电阻,单位欧姆	电流,单位安培
10	11.11	40	2.77
15	8.04	65	1.97
25	6.03	100	1.51

- (a) 以电阻(R)为x轴、电流(I)为y轴绘图。
- (b) 以 1/R 为 x 轴、电流(f) 为 y 轴绘图。
- (c) 使用函数 polyfit 计算(b) 结果图中直线的系数,斜率与恒压源的电压值有关。
- (d) 利用函数 polyval, 由电阻计算电流,并根据测量数据将计算结果绘图。

12.10 很多物理过程都可以用指數方程來建模。例如,化学反应速率取决于反应速率常數,该 常數是溫度和活化能量的函數:

$$k = k_0 e^{-Q/RT}$$

其中,R = 理想气体常数,单位 8.314 kJ/kmol K; Q = 活化能量,单位 kJ/kmol T = 温度,单位 K; k₂ = 常数,其单位取决于反应特性,一种可能的单位是 s-1。

一种计算  $k_0$ 和 Q 值的方法是,以 k 的自然对数为 y 轴、以 1/T 为 x 轴,将实验数据绘制出一条曲线,然后进行图解。该方法可以求出斜率-Q/R 和截距  $\ln(k_0)$ ,公式表示为

$$\ln(k) = \ln(k_0) - \frac{Q}{R} \left(\frac{1}{T}\right)$$

直线方程为

v = ax + b

其中,  $y = \ln(k)$ , x = 1/T, a = -O/R和 $b = \ln(k)$ 。考虑下表:

_	T, K	k e ⁻¹	7; K	k, sr-1	
_	200	1.46 × 10°	800	0.1099	
	400	0.0012	1000	0.2710	
	600	0.0244			

- (a) 以1/T为x轴、以lm(k)为y轴绘制数据。
- (b) 用函数 polyfit 计算曲线斜率-Q/R, 以及截距 ln(ko)。
- (c) 计算 Q 的值。
- (d) 计算 & 的值。
- 12.11 电功率通常表示为

 $P = I^2 R$ 

其中P = 电功率, 单位瓦特(W); I = 电流, 单位安培(I); R = 电阻, 单位欧姆(Q),

(a) 参考下列数据,用函数 polyfit 建立电路中电阻的二阶多项式模型:

功率. W	电液,A	功率、W	电流,A
50 000	100	800 000	400
200 000	200	1 250 000	500
450 000	300		

- (b) 对数据绘图,通过二阶多项式拟合方法,利用图形窗口中的曲线拟合工具确定 R 值。
- 12.12 利用多项式对函数进行建模具有重要意义,但是,该方法不能准确推断样本数据范围之 外的数据值。解决这一问题的方法是,建立正弦函数的三阶多项式模型。
  - (a) 定义x = -1:0.1:1
  - (b) 计算 v = sin(x)
  - (c) 采用函数 polyfit 确定拟合这些数据的三阶名项式系数。
  - (d) 在此基础上,利用函数 polyfit 计算新的 y 值(modeled_y),矢量 x 的范围是从-1 到 1。
  - (e) 将两组数据绘制在同一幅图里、确定哪一种方法拟合效果最好。
  - (f) 创建一个新的 x 矢量, new x = -4:0.1:4。
  - (g) 利用 sin (new_x) 计算 new_y 的值。
- (h) 利用函数 polyfit 外插 new_modeled_y 的值,系數矢量采用问题(c)中的计算结果,new_y 信采用题(g)的计算结果。
  - (1) 将两组新的数据绘制在同一幅图里,观察-1 到 1 数据范围之外的拟合效果。
  - 12.13 考虑下列方程:

$$y = 12x^3 - 5x^2 + 3$$

- (a) 从-5 到 5, 定义 x 矢景, 利用该矢量和函数 diff 来近似计算 y 关于 x 的导数。
- (b) 解析法得到的 v 关于 x 的导数是

$$\frac{dy}{dx} = y' = 36x^2 - 10x$$

用前面定义的 x 矢量计算该函数的数值。两种求导结果有什么不同?

12.14 计算速度是导数的应用之一。考虑下面给出的从盐湖城到丹佛的汽车行驶数据:

_	时间,小时	距离 英里	时间, 小时	距离, 英里	
_	0	0	. 5	270	
	t	60	6	330	
	2	110	7	390	
	3	170	8	460	
	4	220			

- (a) 计算汽车行驶中每小时的平均速度,单位为 mph。
- (b) 将计算结果绘制成条形图。对图形进行编辑,使得每个条形图代表两行数据间的完整距离。
- 12.15 考虑下面从盐湖城到洛杉矶的汽车行驶数据:

时间、小时	距离. 英里	时间, 小时	距离。英豐
0	0	6.0	430
1.0	75	6.9	510
2.2	145	8.0	580
2.9	225	8.7	635
4.0	300	9.7	700
5.2	380	10	720

- (a) 计算行驶过程中每段里程的平均速度,单位为 mph。
- (b) 在每段里程的开始时间处绘制速度值。
- (c) 利用函数 find 确定每段的平均速度是否超过上限 75 mph。
- (d) 全程平均速度是否超过上限?
- 12.16 下面是一级火箭发射的数据。

时间、粉	高度、米	时间、砂	高度、米
0	0	13.00	927.51
1.00	107.37	14.00	950.00
2.00	210.00	15.00	945.51
3.00	307.63	16.00	940.00
4.00	400.00	17.00	910.68
5.00	484.60	18.00	930.00
6.00	550.00	19.00	1041.52
7.00	583.97	20.00	1150.00
8.00	580.00	21.00	1158.24
9.00	549.53	22.00	1100.00
00.01	570.00	23.00	1041 76
11.00	699.18	24.00	1050.00
12.00	850.00	1	

- (a) 以时间为x轴、高度为x轴、创建时间与高度的关系曲线。
- (b) 用函数 diff 计算每个时间段内的速度,并在每个时间间隔的起始点绘制速度值。
- (c) 用函數 dlff 计算每个时间段内的加速度,并在每个时间间隔的起始点绘制加速度值。
- (d) 通过检查已创建的图形,估计每级火箭运行的时间。

#### 12.17 考虑下面的方程

$$y = 5x^3 - 2x^2 + 3$$

使用函数  $q_{\text{tod}}$  和  $q_{\text{tod}}$  1 來解上式 y 关于 x 的积分。积分区间从—1 到 1。把使用符号  $\Gamma$  具箱函数 int 得到的值与下面的解析解相比较(注意、函数  $q_{\text{tod}}$  和  $q_{\text{tod}}$  的输入表达式采用数组运算符。或,,但是函数 int 不使用这些运算符,而采用符号操作):

$$\int_{a}^{b} (5x^{3} - 2x^{2} + 3) dx \approx$$

$$\left( \frac{5x^{4}}{4} - \frac{2x^{3}}{3} + 3x \right)_{a}^{b} =$$

$$\frac{5}{4} (b^{4} - a^{4}) - \frac{2}{3} (b^{3} - a^{3}) + 3(b - a)$$

12.18 方程

$$C_o = a + bT + cT^2 + dT^3$$

是,个用开氏温度描述热能  $C_p$  的经验公式。当气体从温度  $T_i$  加热到  $T_i$  时,焓  $(\neg 种能量测度)$  的变化 是 方程关于 T 的积分:

$$\Delta h = \int_{-T_1}^{T_1} C_{\rho} dT$$

利用 MATLAB 积分函数求解氧气从 300 K 加热到 500 K 时始的变化量。氧气的 a、b、c、d 值 如下;

$$a = 25.48$$
  
 $b = 1.520 \times 10^{-2}$   
 $c = -0.7155 \times 10^{-5}$   
 $d = 1.312 \times 10^{-9}$ 

12.19 本章曾经描述过活塞汽缸设备移动界面的做功问题,并给出了做功方程。当气体或液体 流过泵、汽轮机和压缩机等设备时,它们所做的功可以由相似的方程描述(见图 P12 19)。

在这种情况下,没有移动边界,只有杠杆做功,方程如下:

$$\dot{W}_{\text{produced}} = -\int_{\text{index}}^{\text{outlet}} \dot{V} dP$$

如果已知 $\dot{v}$  和P 的关系,则可以对该方程积分。理想气体的关系式为

$$V = \frac{nRT}{R}$$

如果该过程是恒温的,那么做功方程变为

$$\dot{W} = -\dot{n}RT \int_{\text{inject}}^{\text{outlet}} \frac{dP}{P}$$



图 P12.19 用于发电的汽轮机

其中, $\dot{n}$  为摩尔流速,单位为 kmol/s; R 为理想气体常數,单位为 8.314 kJ/kmol K; T 为温度,单位 为 K; P 为压力,单位为 kPa;  $\dot{W}$  为功率,单位为 kW。

计算恒温条件下汽轮机的功率,已知n=0.1 kmol/s; R 为理想气体常数,8.314 kJ/kmol K; T=400 K;  $P_{tota}=500$  kPa;  $P_{total}=100$  kPa。

# 第13章 高级绘图

#### 学习目的

通过阅读本章, 读者可以掌握如下内容。

- 掌握 MATLBA 如何处理:种不同类型的图形文件。
- 使用句柄图形指定绘图的句柄并调整特件。
- 通过 MATLAB 两种技术的任意一种创建动画。
- 调节光源参数、照相机位置和透明度值。
- 对三维标器和矢量信息使用可视化方法。

## 引言

工程中常用的基本图形是 xy 坐标、极学标和曲面等图形,常用于商业用途的图形是特图、条形 图和柱状图、MATLAB 提供了重要的图形控制均能。使人们不仅可以处理图形(如数字照片),还能 够创建物理过程的数据和维罗的三维表示(由面积路岭)。)

## 13.1 图像

通过檢驗函數 image 和 imagesc 对图形的处理过程,读者可以了解 MATLAB 的高級绘图功能。 因为 MATLAB 是一个矩阵运算程序,所以它格图像存储为矩阵。

创建函数 peaks 的三维曲面图,输入

surf(peaks)

利用交互式图形操作工具来操作已经创建的图形(见图13.1),可以得到从顶向下看的图形效果,如图13.2所示。

实现上述处理过程的简单方法是使用伪色图形。

pcolor(peaks)

通过指定阴影选项,可以将自动绘制的网络线删除。

shading flat

图13.1 至图13.3 的颜色用 z 轴的值表示。z 轴上的最大正值是红色,z 轴上的最大负值是蓝色。第一个z 矩阵 元素 z(1.1)位于图形的左下角,参见图13.3 的右侧矩阵图形。

且然这种数据表示方法与图形坐标相 致,但是用于表示照片之类的图像就没有任何意义。当图像存储于矩阵中时,通常从图像的左上伸开始,由左向右,自上向下来表示数据,在 MATLAB 中 有两个函数采用这种格式显示图像,它们分别是 1mage 和 1magesc。尺度图像函数(1magesc)使用 完全色图表示数据。

imagesc(peaks)

该函数类似于伪色图函数(pcolor),得到的结果如图13.4右侧部分所示。



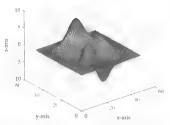


图 13.1 函數 peaks 是 MATLAB 的內質函數,用来描述图 形功能。图形标题和坐标轴标注按一般方式添加

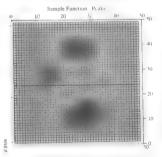


图 13.2 沿 z 轴自顶向下看得到的函数 peaks 的曲面图

注意,与伪色图相比,图像是翻转的。在许多图形应用中,如何表示数据并不重要,关键是理解所使用的转换方法。很明显,一幅照片被垂直对称反转是不可接受的表示法。

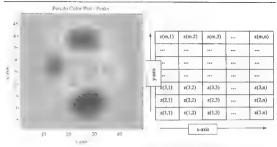


图 13.3 伪色图(左侧)与自顶向下观察得到的视图相同。仿色图的数据结构如图右侧所示,起始点在(0,0)

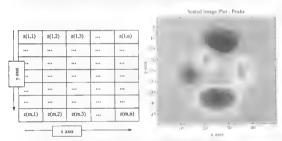


图 134 用函数 imagesc 表示函数 peaks, 左侧: 图像数据的表示方法是从左上角开始, 从左 到右, 自上而下, 如同读书 样的顺序。右侧: pcolor 图和 imagesc 图是垂直对称的

## 13.1.1 图像类型

MATLAB 可以识别三种不同的存储和表示图像的技术:

- 売度(或灰度)图像。
- 索引图像。
- RGB(或真彩色)图像。

关键概念: 两个函数用于显示图像。即 imagesc 和 image。

#### 高度图像

利用尺度图像函数(1,mageac)可以将山峰函数(见图13.4)表示为灰度图像。在这种方法中,图像 的色彩取决于色图。对存储于图像矩阵中的数位进行标度,并将其与一幅已知的图相关联,图 jet color map 是默认的方式。当显示的参数与实际色彩不相关时,这种方法具有较好的运行效果。例 如,函数 peaks 通常用于比较山峰和山谷的范围,但是用红色表示海拔高度并不明确,从美学的角 度看,这是可以随意选择的。色图也可以提高图像中感兴趣的特征。

MATLAB 中包含 · 个实例文件,是一张数字化的脊椎 X 光胶片图像,该图像适用于尺度图像函数显示。下载文件:

load spine

该文件包含许老矩阵(春看工作窗口)。从度矩阵被命名为 x、表示为

## imagesc(X)

该函數所产生的图像的颜色取决于当前的 colormap, 其默 认状态为 jet。如果使用色图 bone, 那么,这幅图像看起 来事像是传统的 X 光图片。

colormap(bone)

此图像如图13.5所示。

特権图像文件同样包含一幅与色图 bone 一致的定制色图,该数组被命名为 map。对于灰度图像的显示,色图不是必需的,并且

colormap(map)

也可以产生相同的结果图像。

虽然通常把图像数据视为矩阵,但这些数据不一定要用 标准的图形格式存储。MATLAB中包含一个函数 imfinfor 它能够读出标准图形文件的数据。并确定文件中包含的数据类别

它能够读出标准图形文件的数据,并确定文件中包含的数据类型。文件 mimas.jpg 是从 Internet 的 NASA 网页(http://saturm.jpl.nasa.gov)上下载的。命令行为

imfinfo('mimas.ipg')

返回下面的信息(免表中的文件名要有单引号,表示字符串;同样,图像是'grayscale'类型,表示 京庫图像的另一种名称);

ans =

Filename: 'mimas.jpg'
FileModDates: '06-Aug-2005 08:52:18'
FileSize: 23459
Format: 'jpg'
Formatersion: "
Width: 500
Meight: 525
Bithprth: 8
Colortype: 'grayscale'
FormatEignature: "
NumberOfSamples: 1

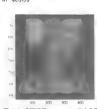


图 13.5 利用函数 imagesc, 结合色图 bone 显示的数字化 X 光图片

CodingMethod: 'Huffman' CodingProcess: 'Sequential'

Comment: ('Created with The GIMP')

为了从这个文件中创建 MATLAB 矩阵,使用图像读取函数 imread, 并给结果赋予变量名 x:
 x = imread('mimas.jpg');

关键概念。原像的颜色由色图变控制。

然后,利用函數 imagesc 和色图 gray 绘制图像:

imagesc(X) colormap(gray)

## 执行结果如图13.6(a)所示。

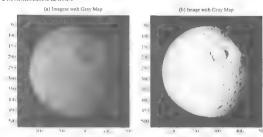


图 136 (a) 利用标度图像函数 imagesc 和色图 gray 显示的土卫 图像 (b) 利用索引图像函数 image 和色图 gray 显示的土卫 图像

#### 索引用像

当图像的颜色很重要时,创建图像的技术称为索引图像。此时,矩阵不再是亮度值的列表,而 是颜色的列表,所创建的图像更像是一帧由数字标出各区域颜色的图画。每元素包含 个与颜色对应 的数字。颜色列表化 个称为色图的 n x 3 矩阵中,它定义 n 种不间的颜色,每种颜色用红、绿、 每下面色来表示。每一碱阳像有自己的宗确构图,也可以使用食物色图。

考虑一个内置的有关狒狒的样本图像,利用下面的命令获得:

load mandrill

文件包含索引矩阵 x 和色图 map(检查工作窗口确认这些文件已经被下载;图像的名称通常用来对 MATLAB 程序的存储)。函数 image 用于显示索引图像:

image(X) colormap(map)

MATLAB 图像填满整个窗口显示,所以图像看上去有些扭曲。利用命令 axis 可以强制技正确的比例显示:

axis image

结果如图13.7所示。

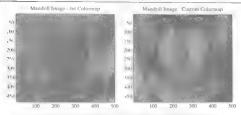


图 13.7 左图,没有应用完制色图的涨涨图像,右图,应用定制色图的涨涨图像

函数 image 和 imagesc 类似,然而,它们会给出不同的结果。图13.6(b) 中的土卫一图像由函数 image 产生,代替了更加适合的函数 imagesc。在京原图像中,色图 gray 与存储的色彩并不对应: 其结果是图像看上去被水洗过,对比度较差。确定被显示图像的文件类型非常重要,这有助于选择最 住的图像显示方式。

索引图像通常以 GIF 图片格式存储,但是,当使用函数 imfinfo 指定了文件参数后,文件格式 就不会長汶祥。图13.8 是一黨包含 Microsoft Word 文件的剪贴图,该图像被复制到当前目录中,利用 函数 imfinfo 确定文件类型:

```
imfinfo('drawing.gif')
```

...

1x4 struct array with fields:

etc.

Filename FileModDate

FileSize Format



图 13.8 以 GIF 格式存储的剪贴面文件

上述语句的执行结果并未提供过多的内容。但是如果双击当前目录中的文件名,则 Import Wizard (见图13.9) 会弹出并提示用户创建了 cdata 和 colormap 两个矩阵, 矩阵 cdata 是索引图像矩 阵,矩阵 colormap 对应 colormap。实际上,提示给出的名称 colormap 并非恰当,它容易与函数 colormap 混淆。有必要使用下面的代码对这个矩阵重新命名,如 map:

> image(cdata) colormap(map) axis image

axis off

MATLAB 供售 作名等分的。美名分等家有结构样本海特。通过输入下列命令被取必求文件:

load imagename

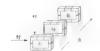
```
detail madrill clows spine capt carth garlin 物動物像文作都会心理 かまずいから、和 かざ 額底みつ。 おおれば地路像、耐輸入 load earth image (火) colornap may ・ はいことの map may ・ はいれい この mage (火) colornap may ・ はいれい この mage may ・ はいれい この mage exite of the mage exite
```



图 13.9 Import Wizard 用于从一个 GIF 文件创建一个索引图像矩阵和色图

### 真彩色(RGB)配像

第三种图像存储技术是将图像聚態存储于 m× n×3 的三维矩阵中。前面的章节已经介绍过,三 维矩阵组含行,列和页等一部分。真彩色图像文 件包含三个页,每个页对应红、绿、蓝中的一种 部色桌摩。如图13.10 所示。



RGB: 光线的基本色彩是红、绿和蓝。

图 13.10 真彩色图像使用多维数组表示色彩元素

考虑文件 airplanes.jpg,用户可以将这个文件或其他类似文件(彩色.jpg 图像)复制到当前目录中,并用真彩色图像对其进行验证。利用函数 :mf.nfo确定飞机文件如何存储为图像的;

imfinfo('airplanes.jpg')

Filename: 'airplanes.jpg'

FileModDate: '12-Sep-2005 17:51:48'

FileSize: 206397

Format: 'jpg'

FormatVersion: "
Width: 1800
Height: 1200
BitDapth: 24
ColorType: 'truecolor'
FormatSignature: "
NumberOfSamples: 3
CodingNetched: 'Nuffman'
CodingProcess: 'Sequential'
Comment: Sequential'

注意,颜色类型是'truecolor', 麦明每种色彩强度的样本页数是 3。

利用函数 imread 下载图像,并用函数 image 显示:

X = imread('airplanes.ipg');

image(X) axis image

axis off

在工作窗口中, x 是 个 1200 x 1800 x 3 的矩阵, 每种颜色对应矩阵的一页。因为色彩强度信息已经包含在矩阵 x 中, 所以不需要下载负限(见限13 11)。



图 13 11 飞机的真彩色图像,所有色彩信息都存储在一个:维矩阵中(本图片的使用得到了 Dr. G Jimmy Chen, Salt Lake Community College, Department of Computer Science 的允许)

## 例 13.1 曼德尔布罗特和朱利亚集

B·曼德尔布罗特对分形几何的发展起了决定性作用、他的工作 建立在法国教学家高斯·朱利亚干1919 年及表的论文 Memour sut Iteration de Joncitions rationales 所護機管基础之上。隨結并算取以及计 算机图形学的发展。朱利亚的研究工作取得了显著进展。在1970 年以 后,曼德尔布罗特在 IBM 完善并採尼了朱利亚的研究成果。实际开发 了首个用来显示是海关处分形图的计算机图形学程序。今天,用他的名 字对这一图形进行了命名。最近。曼德尔布罗特的研究成果还被 Jonathan Coulton 写成了歌曲、读者可以在网站 http://www.jonathan.com/ songdetails/Mandelbrot/SUSset 中听到,或者观看在 YouTube 上张贴的 任何一般音乐理频

曼德尔布罗特分形图在复平面中实现,复变量表示为x+yi。设 z(0)=x+yi,并且按照下面的规则类推:



图 13.12 B·曼德尔布罗特

$$z(0) = x + yi$$

$$z(1) = z(0)^{2} + z(0)$$

$$z(2) = z(1)^{2} + z(0)$$

$$z(3) = z(2)^{2} + z(0)$$

$$z(n) = z(n-1)^{2} + z(0)$$

此級数或是收款上投款, 曼德尔布罗特集仅由收敛的点组成。在超出某些阈值的点上多次重 复计算 z 值,就会产生一幅美妙的图画。把阈值通常设为 5 约平方根。虽然无法证明,但可以假设,如果达到阈信,那么但解今但整合型 自有继承开充。

1. 问题描述

编写显示量像尔布罗特集的 MATLAB 程序、

2. 輸入/輸出描述

输入 曼德尔布罗特集位于复平面中,并且满足

$$-1.5 \le x \le 1.0$$
  
 $-1.5 \le y \le 1.5$ 

輸出 复平面中的每一点可以描述为

$$z = x + vi$$

3. 手工分析

首先,设x=-0.5,y=0,对收敛点进行少量次数的计算:

$$z(0) = -0.5 + 0i$$

$$z(1) = z(0)^2 + z(0) = (-0.5)^2 - 0.5 = 0.25 - 0.5 = -0.25$$

$$z(2) = z(1)^2 + z(0) = (-0.25)^2 - 0.5 = 0.0625 - 0.5 = -0.4375$$

$$z(3) = z(2)^2 + z(0) = (-0.4375)^2 - 0.5 = 0.1914 - 0.5 = -0.3086$$

$$z(4) = z(3)^2 + z(0) = (-.3086)^2 + 0.5 = 0.0952 - 0.5 = -0.4048$$

可以看出,序列近似收敛于-0.4(作为练习、读者可以编写一个 MATLAB 程序,用条计算級數 的前 20 項、并绘制计算结果)。

4. MATLAB 实现

```
%Example 13.1 Mandelbrot Image
clear, clc
iterations = 80;
grid_size = 500:
[x,y] = meshgrid(linspace(-1.5,1.0,grid_size),linspace
  (-1.5, 1.5, grid_size));
c = x+i*y;
                           % set the initial matrix to 0
z = zeros(size(x)):
                            % create a map of all grid
man = zeros(size(x));
                            % points equal to 0
for k = 1:iterations
z = z,^2 +c;
a = find(abs(x)>sqrt(5)); %Determine which elements have
                            %exceeded sgrt(5)
map(a) = k:
end
figure(1)
```

```
image(map) %Create an image colormap(jet)
```

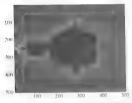
产生的图形如图13.13 所示。

#### 5. 结果验证

由閉可知、图像深色(在计算权屏幕上看到的是深蓝色)区域的像素点小于 5 的キシ棋、另一种论 は始果的方法是连接缝出阁值的数据点的比一幅图像、而不是根据这代次数画图、对每个数值乘以案 小相同的数、以适应所有颜色的变化、否则数位之则含量肾之近、深刻达一过程的 MATLAB 代場か下;

```
figure(2)
multiplier = 100;
map = abs(z)*multiplier;
image(map)
```

结果如图1314所示。



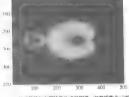


图 13.13 曼德尔布罗特分形图。计算超出 5 的平方 构的像蓄点,并通过计算次数创建图形

图 13.14 基于曼德尔布罗特集牛成的图像。它表明集合元素的 变化情况。真正感兴趣的部分是图形的边缘结构

现在已经创建了一个完整的曼德尔布罗特集图像,近距离看某些边缘结构会感到非常有趣。加入下面的程序代码,能够将图像上的任意一点重复放大。

```
cont = 1;
while(cont==1)
figure(1)
disp('Now let's zoom in')
disp('Move the cursor to the upper left-hand corner of the
  area you want to expand')
[y1,x1] = ginput(1);
disp('Move to the lower right-hand corner of the area you
  want to expand')
[v2, x2] = ginput(1);
xxl = x(round(x1),round(y1));
yy1 = y(round(x1),round(y1));
xx2 = x(round(x2),round(y2));
yy2 = y(round(x2), round(y2));
28
[x,y] = meshgrid(linspace(xx1,xx2,grid_size),linspace(yy1,
  yy2, grid size));
c = x+1*v:
z = zeros(size(x));
map = zeros(size(x));
```

```
for k = 1:1terations
z = z - 2 + c;
a = find(abs(z)>sqrt(5));
map(a) = k;
end
image(map)
colormap(jet)
again = menu('Do you want to zoom in again? ','Yes','No');
switch again
case 1
cont = 1;
case 2
cont = 0;
end
```

## 图13.15给出了一些通过微小区域反复计算创建的图像。

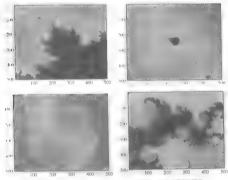


图 13.15 利用 MATLAB 程序对曼德尔布罗特图像局部放大得到的图形

利用函数 image 和 imagesc 进行实验,观察图像间的差异。也可以使用不同的色图来实验。

# 13.1.2 读写图像文件

与图像的存储技术类似,图像文件的读写也有很多方式。本章将详细介绍图像文件的读写函数。

# 读图像信息

将图像信息读入MATLAB的最简单方法可能是利用交互式 Import Wizard,在当前目录窗口中,只要双击要输入的图像文件名即可。MATLAB 会给出适当的变量名,并允许矩阵在编辑窗口中预览(见图13.9)。

交互式輸入數据的问题在于不能提供 MATLAB 程序的指令,需要使用输入函数。对于大多数标准图像格式而言,例如 jpg 或 td.f. 函数 naread 是比较方便的方法。如果文件是 .mat 或者 .dat 格式。 那么,调用函数 lbad 是骨部位的输入数据方法

load «filename»

对于.mat 文件,可以不包含扩展名.mat。然而,对于.dat 文件,需要包含扩展名.dat;

load <filename.dat>

这是下载内置图像文件的常用方法。例如、

load cape

上述命令实现在当前目录中输入图像矩阵和色图。下述命令:

image(X)

colormap(map)

axis image

用于产生图13.16所示的图像。

## 存储图像信息

MATLAB 图像的保存方法与一般图形文件的保存方法 相同。选择

File -- Save As...

再选择保存图像的文件类型和位置。例如,要保存图 13.13 中例 13.1 创建的曼德尔布罗特集图像,可以指定一个增强型 图元文件(emf),如图13.17所示。



图 13 16 通过下载内置文件产生的图像



图 13.17 作为增强型图元文件存储的曼德尔布罗特图像

函数 1mwrite 也可以对文件进行保存。根据需要保存的数据类型,这个函数可以接受许多不同的输入。

如果输入数据是强度(灰度) 数组或者真彩色(RGB) 数组,那么,函数 imerite 希望的输入形式为 imerite(arrayname, 'filename, format')

其中,

arrayname 是 MATALAB 数组名称:

filename 是保存数据的文件名称:

format 是文件扩展名。例 jpg 和 tif。

因此,若保存 RGB 图像到 个名为 flowers 的.jpg 文件中,则命令语句为

imwrite(X,'flowers.jpg')

参考 help 文件可以得到 MATLAB 支持的图形格式列表。

存储索引图像(具有定制色图的图像)需要同时保存数据矩阵和色图:

imwrite(arrayname, colormap_name,'filename.format')

存储曼德尔布罗特图像需要保存矩阵和用于选择图像颜色的色图:

imwrite(map, jet, 'my_mandelbrot.jpg')

# 13.2 句柄图形

约啉是分配给 MATLAB 对象的影路。对 MATLAB 中使用的图形系统进行完全描述是件非常复 条的事情。三绘组出了本书的范围,更多的细节可以参考 MATLAB 中的 help 指南。但是,本节会给 也有关图形的橱窗面变谈明,并阐述它们的使用情况。

#### 句柄:一个昵称。

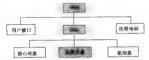


图 13.18 MATLAB 采用体系化结构来组织绘图信息。此图形取自 MATLAB 的帮助文件

不论在命令智口、还是在 M 文件,使用函数 plot 以后,MATLAB 自动创建 一个图形和 一个恰当的坐标,然后,在學院上绘制图形。MATLAB 对许多绘图对象的特性使用默认值。例如,第一条 经经常画整色,除用户指定要改变它。

## 13.2.1 绘图的句柄

为 · 个绘图分配 · 个名称(称为句柄) 可以简单方便地查询 MATLAB 列出的绘图对象特性。创建 一个如图13.19所示的简单绘图,并给它分配一个句柄:

x = 1:10;

y = x.*1.5;

h = plot(x, y)



图 13.19 輻倒的密析。左阳、图形窗口完成图形化用户接口和绘图等功能,利用图 形窗口创建绘图。中图、在图形窗口上绘图之前,要求有 个坐标系。右 图,一旦加速坐标系在哪里、坐破的刻度是多少等倾似以后,旋可以进行绘图

变量 n 是绘图的句柄,当然也可以选择其他的变量名。利用函数 get 查询绘图的特性:

```
Color: [0 0 1]
EraseMode: "hormal'
LineStyle: "-"
MarkerFaceOlor: "auto
MarkerFaceOlor: "auto
MarkerFaceOlor: "none'
XDeta: [1 2 3 4 5 6 7 8 9 10]
YData: [1.5000 3 4.5000 6 7.5000 9 10.5000 12 13.5000 15]
ZDeta: [1x0 double]
```

颜色特性列为(0 0 1)。颜色被描述为光线的每一种基本颜色: 红、绿、蓝。数组(0 0 1)表示 指定颜色没有红色和绿色, 而是 100%的蓝色。

## 13.2.2 图形的句柄

为了操作方便,同样需要对图形指定句柄。因为前面用来绘图的图形窗口名称为 figure1, 所以 命令行为

```
r handle = figure(1)
使用命令 get 返回相似的结果,
get(E,handle)
Alphamap = [ (1 by 64) double array]
SackingStore = on
CloseSequestFon = closereq
Color = (0.8 0.8 0.8)
```

Colormap = [ 66 hy 3) double array] CurrentAwes = [150.026] CurrentCharacter = CurrentObject = [] CurrentPoint = [240 245] DockControls = on DoubleBuffer = on FileRame = [ (1 by 96) char array]

可以看出,图形窗口的特性列表与绘图曲线的特性列表是不相同的。例如,颜色(窗口的背景颜色) 是[0.8, 0.8, 0.8, 0.8, 它指定了紅、緑、藍具有相同的强度, 当然,结果是一个白色的背景。

如果没有为图形指定句柄,则可以使用命令 gcf(取得当前图形) 查询 MATLAB,以确定当前图形的句柄名称:

get (gcf)

它给出相同的结果。

### 13.2.3 坐标的句柄

与图形和绘图的句柄一样,通过函数 gca (取得当前坐标) 可以指定一个坐标的句柄:

h axis = gca;

使用命令 get 和句柄,可以查询坐标的特性:

get(h, sxis)
ActivePositionProperty = outerposition
ALim = (0.1 10]
AlimNode = auto
AmbientisphtColor = (1 1 1)
Box = off
CameraPosition = [-1625.28 -2179.06 34.641]
CameraPositionMode = auto
CameraPositionMode = auto

# 13.2.4 注释坐标

除上囱描述的二种组件外,还有一个叠加在绘图中的透明层。该层用来插入一些注释对象到图 形窗口中,例如线型、图例说明和文本框。

# 13.2.5 使用句柄操作图形

利用函数 set 可以改变对象的特性。函数 set 的第一个输入内容是对象句柄,然后用不同的字符事指定特性的名称,紧随其后是一个新的特性值。例如,

set(h,'color','red')

它让 MATLAB 去找名为 h 的绘图 (不是图形,而是实际绘制的曲线),并将颜色改变为红色。如果要改全某些图形窗口的特性,则使用图形句柄名称或者使用函数 gcf,方法相同。使用下面的命令行可以改变 figure l 的名称:

set(f_handle,'name', 'My Graph')

或者

set(gcf, 'name', 'My Graph')

在图形菜单栏选择 View, 并选择特性编辑器, 可以交互式地完成上述功能;

View → Property Editor

如果在特性編輯器準出窗口(见图13.20)中选择 Property Inspector,就能够访问所有的特性。浏览 Property Inspector 窗口是查看每个绘图对象特性的最佳方法。



图 13.20 交互式特性编辑器

# 13.3 动画

在 MATLAB 中有两种创建动画的技术:

- 重绘与擦除。
- 创建由影。

在每种情况下都可使用句柄图形来创建动画。

# 13.3.1 重绘和擦除

通过重绘和擦除创建动画。首先创建一个绘图,然后调整绘图的特性,每次调整都是一个循环。 用下面的方程定义一簇抛物线; 每个 k 值定义一条抛物线。可以通过_维绘图来表示数据,也可以采用其他方法,例如,创建 个绘制系列图形的动画,每次使用不同的 k 值。创建动画的代码为

```
clear.clc.clf
x = -10:0.01:10:
                     % Define the x-values
                     % Set an initial value of k
P = -1 -
                     % Calculate the first set of v-values
v = k*x.*2-2:
                     % Create the figure and assign
h = plot(x,y);
                     % a handle to the graph
arid on
%set(h.'EraseMode'.'xor')
                              % The animation runs faster if
                              % you activate this line
axis([-10,10,-100,100])
                              % Specify the axes
while k<1
                              % Start a loop
  k = k + 0.01:
                              % Increment k
  v = k*x. ^2-2;
                              % Recalculate v
  met(h.'XData',x,'YData',y)
                                 % Reassion the x and v
                                 % values used in the graph
                       % Redraw the graph now - don't wait
  drawnow
                       % until the program finishes running
end
```

在这个例子中,利用句柄图形对图进行重画,每次重画没有创建新的图形窗口,而是循环绘图。 绘图对象为 XData 和 VPata i 这些对象指定要绘图的数据点。使用函数 set 设定新的 x 值和 y 值, 并在每次调用函数 drawnow 时创建一幅不同的图。从程序产生的动画画面中挑选几幅示于图13.21中。 计查程序符

%set(h.'EraseMode'.'xor')

如果去掉该行的注释运算符(%),使这一行撤活,那么、每次重画时程序不会擦除以前画过的内容,只改变颜色不同的像素点。这样可以提高动幽的绘制效率,特别是绘制复杂图形时,这个特性尤为重要。

参考 help 指南可以了解关于布朗运动的动画模型实例。

### 13.3.2 电影

使线条运动起来并不是从计算上改变亮度,而是采用简单易行的方法得到漂亮、平滑的运动线 条。下面的程序实现复杂曲面的动画效果:

```
clear,clc
x = 0:pi/100:4*pi;
v = 36:
[x, Y] = meshgrid(x, y);
z = 3*sin(X) + cos(Y);
h = surf(z);
axis tight
set(gca, 'nextplot', 'replacechildren');
%Tells the program to replace the surface each time,
but not the axis
shading interp
colormap(jet)
for k = 0:pi/100:2*pi
  z = (\sin(X) + \cos(Y)).*\sin(k);
  set(h.'Zdata',z)
  drawnow
and
```

这个动画的实例画面如图1322所示。

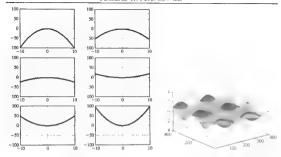


图 13.21 通过多次重画实现动画效果

clear, clc

图 13 22 曲面上下波动如同池塘中的水波

如果计算机的运筹速度很快,那么动画效果可能会更平滑。然而,如果计算机的运筹速度很慢,那么,当程序创建每个新的图形时,会出现生湿的移动和钙停。为了避免这个问题,应该创建一个程序来管理每一幅"画面",一旦完成所有的计算任务。冉像放电影一样祛示所有的画面。

```
x = 0:pi/100:4*pi;
y = x;
[X,Y] = meshorid(x,y);
z = 3*sin(X) + cos(Y):
h = surf(x):
axis tight
set (gca, 'nextplot', 'replacechildren');
shading interp
colormap(jet)
m = 1:
for k = 0:pi/100:2*pi
  z = (\sin(X) + \cos(Y)).*\sin(k);
  set(h, 'Zdata',z)
                              %Creates and saves each frame
  M(m) = getframe;
                              %of the movie
  m = m+1;
end
                              %Plays the movie twice
  movie(M.2)
```

运行这个彩序相当于看一次电影: 次是创建,另外两次是在电影函数中指定。在以前的 MATLAB 7 版本中,如果由咸是下载的,那么电影会参播放一次。这种方法的优点是不用重新计算就能够重复播放电影,在本例中, 阳像信息已经存储在数组 n 中。在工作窗口(见图13.23)中,×是一个相当大的结构数组(约 90 MB)。

**学键概念**,为了稍后重新播放电影将动画记录下来。



图 13.23 图中的结构数组 M 用来保存电影数据

#### 例 13.2 曼德尔布罗特电影

产生曼德尔布罗特图形需要大量的计算资源,并且花费数分种的时间。如果对曼德尔布罗特图 形上的集点进行放大。那么、合理的选择是创建一个电影,以便稍模观看,以例 131 为基础、创建 一部 100个画面的电影。

1. 问题描述

剑建一个描述着德尔布罗特集放大过程的电影。

2. 输入/输出描述

输入 例 13.1 中描述的完整曼德尔布罗特图像。

輸出 100 个画面的电影。

3. 手工分析

尽管手工演算对这个问题没有意义,但是可以编写一个程序,利用较少的造代法数和少量的数 据元素对结果进行测试。在此基础上,创建更细数的图像序列,而后者的计算强度更大,下面是第一 个程序:

```
%Example 13.2 Mandelbrot Image
% The first part of this program is the same as
Example 13.1
clear, clc
                        % Limit the number of iterations in
iterations = 20;
                        % this first pass
                        % Use a small grid to make the
grid size = 50;
                         % program run faster
X = linspace(-1.5,1.0,grid_size);
Y = linspace(-1.5,1.5,grid_size);
[x,y] = meshgrid(X,Y);
c = x + i *v:
z = zeros(size(x));
map = zeros(size(x)):
for k = 1:iterations
  z = z.'2 +c;
  a = find(abs(z)>sqrt(5));
  map(a) = k;
end
figure(1)
h = imagesc(map)
%% New code section
N(1) = getframe;
                          %Get the first frame of the movie
```

```
disp('Now let"s zoom in')
disp('Move the cursor to a point where you"d like to zoom')
[y1,x1] = ginput(1)
                           %Select the point to zoom in on
xx1 * x(round(x1),round(y1))
yy1 = y(round(x1),round(v1))
for k * 2:100 %Calculate and display the new images
           %Send the iteration number to the command window
[x,y] = meshgrid(linspace(xx1-1/1.1'k,xx1+1/1.1'k,grid_size),...
     linspace(yy1-1/1.1 k,yy1+1/1.1 k,grid_size));
c = x+i*v:
z = zeros(size(x));
man a zeros(size(v)).
for j = 1:iterations
  Z = 2.^2 +c:
  a = find(abs(z)>sgrt(5));
 map(a) = i:
end
set(h,'CData',map)
                      % Retrieve the image data from the
                      % variable map
colorman(iet)
N(k) = getframe:
                      % Capture the current frame
and
movie(N.2)
                      % Play the movie twice
```

该程序运行速度较快, 执行结果是低分辨率的图像(见图3.24), 但它至少证明了程序是工作的。

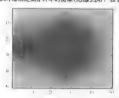


图 13.24 用来测试动画程序的低分辨率曼德尔布罗特图形

#### 4. MATLAB 实现

改变两行代码即可得到程序的最终版本。

```
iterations = 80; % Increase the number of iterations
grid size = 500; % Use a large grid to see more detail
```

这个完整纸捏序还存在 30-GHz AMD 双核处理器上, 20 GB RAM, 这行时间约了分钟, 挑选 出的画面如图[325 所示, 当然, 计算机的配置不同, 运行时间可能有所差异, 这取决于计算机的系 统音涨, 播放一水程序创建的电影约 [0分钟。

#### 5. 结果验证

多次运行程序, 現察在曼德尔布罗特图形不同点进行放大时的动画效果。不妨增加迭代次数, 生成具有色图的图像, 观察动画效果。

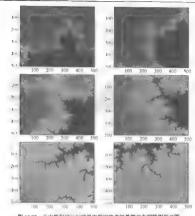


图 13.25 从电影程序运行结果中剪切的多幅曼德尔布罗特图形画面。 由于在图形的不同点上进行放大,所以每部电影都不同

# 13.4 其他可视化方法

hold on

#### 13.4.1 透明度

```
利用 MATLAB 强出的曲面均采用不透明的色彩添加策略。对大多数曲面而言,这种方法很好,
但是可能遮盖住其他的细节。例如,下面的命令行可以创建两个球形,一个球在另一个球当中:
      clear.clc.clf
                          % Clear the command window and current
                          % figure window
                          % Define the surface of a sphere,
      n = 20;
                          % using spherical coordinates
      Theta = linspace(-pi,pi,n);
       Phi = linspace(-pi/2,pi/2,n);
       [theta.phi] = meshgrid(Theta,Phi);
      X = cos(phi).*cos(theta);
                                % Translate into the xyz
                                 % coordinate system
       Y = cos(phi).*sin(theta);
       Z = sin(phi);
       surf(X,Y,Z) %Create a surface plot of a sphere of radius 1
      axis square
```

axis([-2,2,-2,2,-2,2]) %Specify the axis size

pause alpha(0.5)

surf(2*x.2*Y.2*Z) Da1160

%Pause the program %Add a second sphere of radius 2

%Pause the program aget the transparency level

内部球被外部球流档,除非采用下面的透明度命令。

alpha(0.5)

该命令用来设置透明度的等级,数值1表示不透明、数值0表示完全透明。执行结果如图13.26 所示。



图 13.26 增加透明度可以看到曲面图隐藏的细节

透明度能够被添加到曲面、图像和碎片对象。

#### 13.4.2 隐藏线

当创建网络绘图时,曲面被遮挡的部分不会被画出来,这通常看上去比较自然。图 3.27 中的两 个球体固在 x 轴、 y 轴和 z 轴三个坐标上, 下面是 MATLAB 程序:

figure(3) subplot(1,2,1) mesh(X,Y,Z) axis square subplot (1,2,2) mesh(X,Y,Z) awis somere hidden off

命令 hidden 的默认值是 on, 它的执行结果是一个网格图, 图中遮挡部分的网络线被自动隐藏。 如图13.27 的左侧图所示。使用命令 hidden off 后,给出如图13.27 右侧图所示的结果。

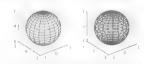
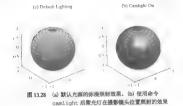


图 13.27 左图: 网格图中被曲面遮挡的网格线不显示出来。 右阻: 命令 hidden off 使程序画出隐藏的线条

## 13.4.3 光源

MTALAB 提供很多调整曲面光源的方法。可以改变真实光源的位置,也能够在播放动画期间进 行调整。图形工具栏提供交互式的光源调整方法。用户可以得到想要的灯光效果。然而,绝大多数绘 图只是利用函数 camlight 实现光源的开启或关闭,该函数的默认值是关闭。图 13.28 表示函数 camlight, 作用于简单球形时的情形, 相应的代码是

Sphere camlight



关键概念: 函数 camlight 能够调整图形的光源。

照相机光源的默认位置是在"摄影镜头"的右上方,提供如下选项:

camlight right

camlight left

camlight headlight

camlight (azimuth, elevation) camlight('infinite')

摄影镜头的右上方(默认位置)

摄影镜头的左上方 摄影镜头的位置

用户自主确定光源位置 格光源定位于无穷远(如同太阳光)

# 13.5 三维可视化简介

MATLAB 包括许多_:维空间数据可视化的方法,在不同地点和高度测量得到的风速数据就属于 三维数据。三维数据可以用三个变量表示为y=f(x,y,z)。三维数据可视化方法分为两类。

- 标量数据的三维可视化(采集和计算的数据在每一点上是单值,例如温度)。
- ◆ 矢量数据的三维可视化(采集和计算的数据是一个矢量,例如速度)。

# 13.5.1 标量数据的三维可视化

为了实现标量数据的三维可视化,需要建立四个三维数组:

- x数据,包含每个网格点x轴上数据的三维数组。
- y数据,包含每个网格点y轴上数据的三维数组。
- z数据,包含每个网格点z轴上数据的三维数组。
- 每个网格点对应的标量数值(如温度、压力数据等)。
- x, y, z 数组通过函数 meshgrid 创建,例如,可以有 x = 1:3;
  - y = [2,4,6,8];

z = [10, 20];

[X,Y,Z] = meshgrid(x,y,z);

通过计算,可以产生三个4×3×2的数组,并定义每个网格点的位置。第四个数组具有与前三个数组相同的规模,用来存储测量数据或者计算数据。MATLAB 提供许多内置的包含这种类型数据的 文件,例如下面的数据文件:

- MRI 数据(存储的文件名为 MRI)。
- 流场数据(由 M 文件计算得到的数据)。

在 help 中,有许多数据可视化方法的应用实例。图13.29 所示的图像是一个核磁共振成像数据的轮 廊切片图,以及一个流场数据的等值面,这些都是仿照 help 指南中的实例创建的。

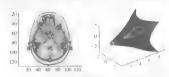


图 13.29 MATLAB 提供-維數据可视化技术。左图: MRI 數据的轮廓切 片限, 这些數据利用了 MATLAB 提供的样本數据文件。右图: 流场数据的等值面。这些数据利用了 MATLAB 提供的样本 M 文件

进入帮助菜单目浓可以查找这些实例。在 MATLAB 主窗口下,找到 3-D Visualization,然后选 择 Volume Visualization 方法。 当本书中所示的两个图题 MATLAB 7.5 创建时, 在单次画图之前有必 要进行一次清除操作(cie), 这个细节在帮助指南中没有被指明。 若不使用命令 cif, 那么,绘图过 程好像是在搬活而old on 命令条件下进行的。这是 MATLAB 在后续版本中需要更近的地方。

# 13.5.2 矢量数据的三维可视化

为了显示矢量数据,需要建立六个三维数组;

- 三个数组分别定义网格点的x、y、z 坐标轴上的位置。
- 三个数组分别定义矢量数据 u、▽和 w。

作为数据文件,MATLAB 提供了一个称为 wand 的矢量三维数据样本集。命令 load wind

将六个三维数组发送到工作区。可以利用多种方法实现对这类数据的可视化,主要技术有

- 锥形图。
- 流线型图。
- 卷形图。

另 - 种解决问题的办法是将矢量数据转化为标届载据、利用前面介绍的标量数据中域化方法进 行处理。例如、速度不仅仅是速率。它是速率信息和方向信息的综合。因此、速度是一个矢重数据, 具有在 x. y. z 方向上的分量(分别除为 u. v 和 w)。利用下列公式将速度转换为速率。 speed = sqrt(u.^2 + v.^2 + w.^2)

速度: 速率加上方向信息。

速率数据能够表示为一个或多个等高切片,或者表示为等值面(在其他技术中)。图 13.30 左侧图像是速率在 z 方向第八级高度上数据集合的等高切片图,由下面的命令产生;

contourslice(x,v,z,speed,[],[],8)

图13.30右侧图像是 · 系列等高切片。利用交互式调整功能,用户能够看到所有四个切片; contourslice(x, y, z, speed, [ ], [ ], [ ], 5, 10, 15])

用同样数据产生的锥形图可能更具启发性。参照帮助指南中描述的函数 coneplot, 创建图13.31 所示的锥形图。



图 13.30 MATLAB 程序实现的风速数据等高切片图

图 13.31 MATLAB 程序实现的风速数据锥形图

# 本章小结

MATLAB 支持三种不同的存储和表示图像的方法:

- 売度(或灰度)图像。
- 索引图像。
  - ▶ RGB(或真彩色)图像。

函數 inagesc 用于显示完度图像,该类图像有时也称为灰度图像。索引图像用函数 image 来显示,但需要用色图来确定图像的颜色。可以为每幅图像创建一个自定义的色图,也可以使用内置的色图,RGB(真彩色)图像同样用函數 image 来显示,因为颜色信息已经包含在了图像文件中,所以,它不需须和图,

在 MATLAB 中,句柄是给对象分配的昵称。利用 MATLAB 显示的图像包括很多不同的对象, 每个对象都要有一个句柄。基本的图像对象是图形(tigure),位于图形对象上面的是坐标对象 (axia),位于坐标对象之上的是实际的绘图对象(piot)。每个对象部包括能够被函数 get 读取或者 被函数 set: 设置的特性表。在句俩名称不知道的情况下,函数 get (获取"前图形)返回当前图形的句 柄,函数 gea (获取"当前坐标》返回当前坐标的句柄。函数 set 用于设置一个 MATLAB 对象的特性值。 例如,要改变一个名为:的绘图的颜色《画出的线条》,使用下列命令: set(h,'color','red')

在 MATLAB 中, 动画有两种实现方法: 一种是重绘和擦除,另一种是创建电影。一般情况下, 重绘和擦除的方法在假据表示上计算速度快, 视觉上不复杂, 所以是实现动画的简单方法,对于计算 震较大的任务, 电影通常是更加容易的动画实现方式。该方法是将各个画面藏取下来, 然后拼接成可 以重复编符如由影

通常复杂曲面难以可视化。特别是重叠情况下的曲面更是如此。通过指定透明度可以表现隐藏 的曲面,并可以让用户看到逐档的幅片。函数 a.pha 可以实现这一功能。这个函数的输入值能够在 0 和 1.之间 季化、表示从完全透明和不透明。

为了使曲面看上去更加趋于自然,默认情况是不确隐藏线段。命令 hidden off 可以强制程序画 出際藏线段。

虽然 MATLAB 提供较强的光源操作能力,但常用的操作是直接照明功能的开启与关闭。默认情况下,光源是弥漫照射的,但可以通过函数 camlight 改变照射方向。

三维中製化技术允许显示三维數据,实现方法有多种。三维數据分为二类,标量數据和矢量數据、标置數据和任意版、压力之类的數值。而矢量數据包括速度、力之类的數值。MATLAB帮助函數位金许多可谓與化材表的網子、以供來表。

### MATLAB 小结

下面列出了本章介绍的 MATLAB 特殊字符、命令和函数。

命令和函数	鋭 明
alpha	设置当前绘图对象的透明度
axis	控制图形坐标的特性
bone	使围像具有 X 光效果的色图
cape	MATI.AB 提供的海角图像样本文件
camlight	打开光源
clown	MATLAB 提供的小丑图像样本文件
colormap	定义图形函数使用哪一种色图
coneplot	创建具有锥形标记的绘图,指示输入矢量的方向
Contourslice	为每个数据切片创建 个等高图
detail	MATLAB 提供的丢勒木雕作品局部图像样本文件
drawnow	强制 MATLAB 立即基一幅图
durer	MATLAB 提供的丢勒木雕作品图像样本文件
earth	MATLAB 提供的地球图像样本文件
flujet	MATLAB 提供的流体运动图像样本文件
gatlin	MATLAB 提供的照片图像样本文件
gca	获得当前坐标的句柄
gef	获得当前图形的句柄
gec	返回指定对象的特性列表
getframe	获得当前图形并将其作为 幅电影画面保存到结构化数组中
gray	用于东度图像的色图
hidden off	强制 MATLAB 显示直挡的网络线
image	创建二维图像
1magesc	利用标准备据创建_维用像

		(線表)
命令和函数	能 明	
imfinfo	读标准图形文件,确定其包含的数据类型	
imread	读图形文件	
imwrite	写图形文件	
isosurface	何確与 "维数据关联的曲面,具有相同的高度	
mandrill	MATLAB 提供的挑聯图像样本文件	
movie	推放存储为 MATLAB 结构化撤组的电影	
mri	样本 MRI 敬密集	
pcolor	伪彩色图(与等高图类似)	
peaks	创建样本图	
set	设置指定对象的特性值	
shading	确定曲面图和伪彩色图中使用的阴影技术	
spine	MATLAB 提供的 X 光脊椎開像样本文件	
wind	MATLAB 提供的风速信息图像样本文件	

# 习题

- 13.1 在 Internet 上查找完度图像、索引图像和 RGB 图像,将这些图像导入 MATLAB,并以 MATLAB 图形的方式加以显示。
  - 13.2 二次朱利亚集的表达式如下:

$$z(n+1) = z(n)^2 + c$$

特殊情况。= -0.123+0.745 被終为 Douday 的 pabbit 分形。或免分形。参照例 13.1、利用上面 c 的取值创建一幅图像。对于曼德尔布罗特分形图,开始时的 z 值均为 0。在此问题中,  $\varphi_z = x + y_i$  , x 和 y 值的变化流图为-1.5 到 1.5.

13.3 二次朱利亚集的表达式如下:

$$z(n+1) = z(n)^2 + c$$

特殊情况 c = -0.391 - 0.587; 被称为 Siegel 盘分形。参照例 13.1,利用上面 c 的取值创建一幅图像。 对于要糖尔布罗特分形图,开始时的 z 值均均 0。在此问题中,令 $z=x+y_i$ ,x 和 y 值的变化范围为-1.5 到 1 c.

13.4 二次朱利亚集的表达式如下:

$$z(n+1) = z(n)^2 + c$$

特殊情况 c=-0.75 被称为 San Marco 分形。参照例 13.1. 利用 上面 c 的取值创建一幅图像。对于曼 德尔布罗特分形图,开始时的 z 值均为 0。在此问题中,令  $z=x+y_1$ ,x 和 y 值的变化范围为-1.5 到 1.5。

13.5 创建下列函数的图形:

$$v = \sin(x)$$
  $x \curlywedge -2\pi + 2\pi$ 

指定 · 个绘图句柄,利用函数 set 改变下列特性(如果对某些特性值的名称确定不下来,则利用函数 get 查看特性名列表);

- (a) 将线段的颜色从蓝变为绿。
- (b) 将线段的类型变为点画线。
- (c) 将线段的宽度变为 2。

- 13.6 为习题 13.5 创建的图形指定一个句柄,利用函数 set 改变下列特性(如果对某些特性值的 名称确定不下来,则利用函数 get 查看特性名列表);
  - (a) 将图形的背景色变为红色。
  - (b) 将图形的名称改为"A Sine Function"。
- 13.7 为习题 13.5 创建的坐标指定一个句柄,利用函数 set 改变下列特性(如果对某些特性值的名称确定不下來,则利用函数 get 查看特性名列表);
  - (a) 格背景色变为蓝色。
  - (b) 将 x 坐标改为对数坐标。
- 13.8 利用互动的特性检查器重复前二个习题,改变对象特性值。对其他特性值进行修改,并观察图形结果。

13.9 创建下列函数的动曲:

$$y = \sin(x-a)$$
  $x$  从  $-2\pi$  到  $+2\pi$   
 $a$  从  $0$  到  $8\pi$ 

- 使用合适的x步长,保证图形圆滑。
- ◆ a 为动画变量(为每一个a 值画 幅图)。
- 使用合适的 a 先长、保证附形则滑。先长越小、动画移动越缓慢。

13.10 为上顺中的函数创建一部电影。

13.11 创建下列系数的动画:

今 x 从-2π 到+2π 变化。

 $\Rightarrow y = \sin(x) .$ 

 $\Rightarrow z = \sin(x-a)\cos(y-a)$ .

令 a 为动画变量。

首先创建 x 和 v 的 :维网格矩阵, 然后, 根据结果数组计算 z 值。

13.12 为上题中的函数创建…部电影。

- 13.13 编写- 設程序,该程序能够对习题 13.2 中的"Douday 的 rabbit 分形"进行缩放,并创建运行结果的电影(参见例 13.2)。
- 13.14 利用曲面绘图功能绘制函数 peaks, 执行 hold on 命令, 绘制一个球形覆盖整个已绘制的图形。 调整诱明度,现象球形内部的细节。
- 13.15 首先绘制函数 peaks,然后执行 camlight 命令。将 camlight 放在不同位置。观察对绘图的影响。
  - 13.16 创建 MRI 数据的堆叠等高图,显示第 1 层、第 8 层和第 12 层数据。
- 13.17 MATLAB 帮助文件中给出了一个 MRI 数据可视化的例子,将例子的命令行复制到 M 文件,并执行, 在原每幅新图前一定要执行命令 clf。

# 附录 A 特殊字符、命令和函数

本附录中的表格是按照类别划分的,在相应平行的位置上注明了出现的章节。

特殊学符	矩阵定义		#
[] #	適矩阵	第:	2章
() Æ	语句中用于表示成组操作。和矩阵名 起使用定义矩阵元素	# 1	2 章
. 矩	阵元素或下标的分隔符	無:	2 30
2 %E	阵换行符;用于命令行结尾抑制显示输出结果	38 3	2 10
: 用	于生成矩阵: 表示所有行或列	98 :	2 章
- 90	值运算符把 个值赋给内存中的变量、不同于等号	38:	2 16
6 м	文件中的注释	38:	2 10
· 16	量和數组相加	361	2.10
- 89	量和數组相減	集	2 100
* 89	量和矩阵的最运算	第:	2.100
.* ·	组集(点集成点层)	38:	2 10
/ ki	量和矩阵的阶运算	36:	2 18
./ 敷	塩除(点除)	38:	2 10
^ 梅	量和矩阵的哪运算	98:	2.00
.^ 敷	選集送算(点幕)	第:	2 10
46	略号、表示下·行继续	据:	2 10
() 9	地路	- 10	1 10
* +	格式	*	1
format +	设为只显示加、减符号的格式	第:	2 10
format compact	设为景确的格式	第	2 華
format long	设为 14 位有效数字格式	鄉:	2 10
format long e	设为 14 位有效数字的科学记数法格式	無	2 章
format long eng	设为 14 位有效数字的工程记载法格式	無	2 章
format long g	设为 14 位有效数字格式,由 MATLAB 选择最佳格式(浮点数或定点数)	第	2 #
format loose	设为默认的、非景美的格式	38:	2 宛
format short	设为默认的 4 位有效数字格式	第:	2 章
format short e	设为默认的4位有效数字的科学记服法格式	第	2 章
format short eng	设为默认的4位有效数字的工程记数法格式	第	2 %
format short g	设为默认的 4 位小敷格式、由 MATLAB 选择最佳格式(浮点敷或定点敷)	36:	2 章
format rat	设为分数格式	#	2. 章
	<b>D</b>		书
<b>*</b>	基本工作区命令 計算结果的默认变量名	第2	_
ans			

第2章

第2章

clc

clear

病空命令官口

清空工作区

# +	基本工作区会会	(鎮表)
diary		章节
exit	创建记录工作区曾口执行的所有命令和运行结果的日志 终止 MATLAB	第2章
help		第2章
load	旅后帮助功能 从文件中调入钥除	第2章
quit	外式呼吁吸入短時 终止 MATLAB	第2章
nave		第2章
	把变量保存到文件中	第2章
who:	列出内存中的变量 列出变量及大小	第2章
		第2章
doc	<b>撤活窗口得助功能</b>	第2章
helpwin	打开帮助窗口	第 3 章和第 10
elock	返回时间	第3章和第10
date	返回日期	第3章和第10
intmax	MATLAB 中的最大整数	第3 車和第10
intmin	MATLAB 中的最小整数	第3章和第10
realmax	MATLAB 中華大的浮点數	第3章和第10
realmin	MATLAB 中最小的浮点数	第3章和第10
ascii	敷語按 ASCII 网络式存储	第2章
pause	暂停程序:按任意號后开始	第5章
特殊函数	没有输入变量有特殊意义的函数	* 1
特殊高数 pi	沒有輸入要量有特殊意义的函数 x 的近似值	第 节
		第2章
pi	m 的近似值	
pi eps	x 的近似值 可区分的最小值	第2章 第3章
pi eps i	*的近似值 可区分的最小值 磨敷	第 2 章 第 3 章 第 3 章 第 3 章
pi eps i Inf	x 的宏址值 可区分的最小值 磨敷 无穷大	第 2 章 第 3 章 第 3 章 第 3 章
pi eps i Inf j NaN	я 的运转值 可区分的最小值 磨板 无穷大 虚数 幸敬	類 2 荣 第 3 荣 第 3 荣 第 3 荣 第 3 荣
pi eps i Inf j NaN	x 的记录值 可区分异晶小值 启教 无穷大 启教 非故	第2章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章
pi eps i Inf j NaN	x 的运动值 可区分的最小值 商贩 无穷大 商贩 事效 基础 本数 基础 数 本数	類 2 世 第 3 世 第 3 章 第 3 章 第 3 章 第 3 章
pi eps i Inf j NaN	π的运动值 可区分的最小值 启教 - 本教 - 基礎 数 - 本教 - 基礎 数 - 本教 - 本 - 本 - 本 - 本 - 本 - 本 - 本 - 本	所 2 章 第 3 章 第 3 章 第 3 章 第 3 章 章 第 3 章 第 3 章
pi eps i Inf j NaN	x 的运动值 可区分异最小值 启教 无穷大 追教 申激 基 基 等 等 等 等 等 等 等 等 等 等 等	第2章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章
pi eps i Inf j NaN	x 的运动值 可区分的最小值 启数 非数 本数 基础 数 学 求实数的纯对值或复数 a 的模 计算点 求数似于 求的条件	第2章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章
pi eps i Inf j MaN	x 的还址值 可区分的最小值 商数 事数 事数 事数 基 確 数 学 求实数的绝对值或复数。的模 计算 e [*] 求事数划子 求新数划子 求新数划子 求新数划子 求新数划子 求新数划子	第2章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3
pi eps i Inf j NaN	x 的运动值 可区分房最小值 启教 无穷大 追教 申激 基 權 数 學 求实教的她对值或复数。的模 计算点 求教创于 求新教创于 求新教创于 以所及合为家教	第2章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3
pi eps i Inf j MaN	** 的 四 知 祖 可 区 分 分 最 小 但	第2章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3
pi eps i Inf j NaN	x 的运动值 可区分房最小值 启教 无穷大 追教 申激 基 權 数 學 求实教的她对值或复数。的模 计算点 求教创于 求新教创于 求新教创于 以所及合为家教	第2章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3
pi eps i Inf j Man abs exp factor factorial gcd laprime isreal	** 的 四 知 祖 可 区 分 分 最 小 但	第2章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3章 第3

		(续收)
函数	基础数学	*
log2	求以 2 为底的对撤	第3章
nthroot	求 # 次方報	第3章
primes	求小于输入的宴飯	第3章
prod	求撤組的积	第3章
rats	采用分數形式輸出	第3章
2.600	求余數	第3章
sign	符号函数(正成负)	第3章
sgrt	求平方模	第3章
西 数		
<b>都 数</b> 8810	定角学 求反正弦(arcsune)	*
asind		第3章
	求反正弦。結果用角度表示	第3章
Asinh cos	计算反双曲正弦值 求会弦	第3年
sin	水平35 求正弦,输入景弧度	第3年
sind		第3章
sinh	<b>求正弦,输入是角度</b>	第3月
	求攻曲正弦	第3章
tan	求正切 MATLAB 中包含所有三角函数。在这里只别出本书中用剩的、海話數	第3号
画教	* *	
aba	· 水实版的绝对值或复数 a 的標	W 3 £
angle	在機學标中揮動的角度	#3#
complex	定义复数	M31
conj	次共報复数 ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・	第3章
-		
imag	宋复数的盦椰	第3章
isreal	判斷是实敬还是复數	第3章
real	求复数的实部	第3章
画教	R %	*
ceil	正向取畫	第3章
fix	向零方向取籃	第3章
	<b>動向取</b>	第3章
floor		
floor round	四含五入取墓	第3章
round	四含五入联整	
round 高 敷	四会五人取里 费 据 分 析	*
round 高数 cumpred	四金五人取豐 數 繼 分 新 求数组的篡权	第31
round  B # cumprod cumsum	四余五入取量 費 提 分 新 求数组的集权 未数组的集和	*
round 高数 cumpred	四金五人取豐 數 繼 分 新 求数组的篡权	第31

		(续衰)
函数	数 新 分 析	章 节
mean	求數组元素的平均值	第3章
median	求教组元素的中興值	第3章
min	求数组的最小值并确定最小值的位置	第3章
mode	求众数	第3章
nchoose):	求从 n 中戰 k 的组合	第3章
size	确定數组的行、列敷	第3章
mort	數組排序	第3章
mortrows	以第一列为标准对行排序	第3章
prod	求教组的积	第3章
BUTH	數組求和	第3章
std	求标准差	第3章
var	求方差	第3章
rand	产生均匀分布的糖机最	第3章
randn	产生正表分布的脑机散	第3章

函数	矩阵的公式、操作和分析	章 节
meshgrid	由敷組生成网络矩阵	章2 跳床第4 龍
diag	提取矩阵对角线元素	第4章
fliplr	<b>矩阵左右翻转</b>	第4章
flipud	矩阵上下翻转	第4章
linspace	线性等步长矢量函数	第2章
logapace	对教等步长矢量函數	第2章
cross	求叉积	第9章
det	求矩阵的行列式	第9章
dot	求点积	第9章
inv	求逆矩阵	第9章
rref	使用簡化的行阶構矩阵來求解檢性方程组	第9章

酒 敷	二维被圈	章 节
bar	绘制条形图	第5章
barh	绘制水平条形图	第5章
contour	绘制三维图形的等高图	第5章
comet	绘制 x-y 的功而效果阻形	第5章
fplot	模塊指定函數绘图	第5章
hist	绘制柱状塑	第5章
loglog	绘制双对数坐标图	第5章
pcolor	绘制伤色图	第5章和第13章
pie	绘制併图	第5章
plot	创建エリ图	第5章
plotyy	创建双y轴阻	第5章
polar	创建极坐标图	第5章
semilogx	创建工物半对数图	第5章
semilogy	创建 y 轴半对数图	第5章

遊敷	三 维 绘 图	* *
bar3	绘制_维条形图	類5章
bar3h	<b>绘制_维水平条形图</b>	第5章
comet3	绘制二维功而效果线图	第5章
mesh	绘制网络曲面图	旗5章
peaks	<b>資示給图函数的安体模型函数</b>	第5章
pie3	<b>给制二维饼图</b>	第5章
plot3	创建二维曲线图	第5章
sphere	演示绘图函数的实体模型函数	第5章
surf	給制曲兩图	第5章
surfc	同时绘制曲面图和等高图	第5章
特殊字符	绘图外观控制	# 1
栎 识 符	统 兆 型	第5章
	安战	第5章
2	点	第5章
	点面线	X5 T
-	plicitic.	第5章
标 识 符	点 典 型	
	点	第5章
0	海風	第5章
x	×形状	第5章
	加号	第5章
	担与	第5章
s	方形	第5章
đ	距形	第5章
v	下三角	第5宗
•	上三角	第5章
<	左三角	第5章
>	右三角	第5章
p	五角版	第5章
b	<b>六角星</b>	第5章
标识符	# 8	200
b	<b>藍色</b>	第5章
g	<b>综色</b>	第5章
r	紅色	第5章
c	青色	第5章
D.	<b>学红色</b>	第5章
y	黄色	第5章
k	<b>期色</b>	第5章
	自色	第5章

高数	<b>图形控制和注</b> 稀	章 书
axis	控制坐标轴的刻度,或定义轴维数	第5章
axis equal	设置相同的坐标刻度	第5章
colormap	曲面图的配色方案	第5章
figure	生成绘图窗口	第5章
gtext	与 text 相似,在鼠标点击处放置文本版	第5章
grid	在贈形中添加機格	第5章
grid off	取消操格	第5章
grid on	显示概格	第5章
hold off	关闭当前图形	第5章
hold on	保持当前图形	第5章
legend	添加图形说明	第5章
shading flat	用纯色给每个网络着色	第5章
shading interp	渲染曲面图中的颜色	第5章
subplot	把绘图窗口划分为多个子图	第5章
besct	给图形率加文本说明	据5章
title	在脈形中根原棕鷹	第5章
xlabel	对x轴进行标注	無5章
ylabel	对y轴进行标注	第5章
zlabel	对皮釉进行标注	第5章

過數	图形颜色方案	無 特
autumn	曲面图的配色选项	第5章
bone	曲面图的配色地项	第5章
colorcube	曲面图的配色选项	第5章
cool.	曲爾图的配色達項	第5章
copper	曲面图的配色选项	第5章
flag	曲面图的配色选项	第5章
hot	曲面铝的配色选项	第5章
hev	曲面细的配色选项	第5章
jet	此面與的默认顧色	第5章
pink	曲面图的配色选项	第5章
prism	曲面图的配色选项	第5章
spring	他面侧的配色选项	第5章
summer	曲面图的配色地项	第5章
white	曲面图的配色选项	第5章
winter	曲面倒的配色选项	第5章

函数和特殊字符	函數的创建和使用	東节
addpath	在 MATLAB 的搜索路径中添加目录	第6章
function	定义函数 M 文件	第6章
nargin	确定函數输入參數的个數	第6章
nargout	确定函数输出参数的个数	第6章
pathtool	打开变互式路径设置工具	第6章
varergin	指示函数输入参数的个数是不确定的	第6章
6	在匿名曲數中表示曲數句柄	第6章
	注解	第6章

特殊字符	権式控制	* 1
	字符串的开始和结束标志	第7章
	命令 fprintf 中的占位符	第7章
N.E.	以十进制定点數格式輸出	第7章
6d	以十进制格式輸出	第7章
te .	以指數格式輸出	第7章
Bg	以定点整成指數格式中最繁複的格式輸出	第7章
%c	字符信息	第7章
%a	輸出字符串	第7章
33	元施分稱符	第7章
\n	换行	第7章
\r	回车(和换行类似)	第7章
37	以表格形式输出	第7章
/b	退轉	第7章

函数	输入输出(I/O) 控制	章节
disp	在命令窗口中显示字符奉或矩阵	第7章
fprintf	在命令官口或文件中输出格式化数据	第7章
ginput	从图形中获取数据点坐标	第7章
input	提示用户输入	第7章
pause	<b>著件程序</b>	第7章
sprintf	与 fprintf 类似。把格式化数据存入字符型数组	第7章
ulimport	<b>押出输入向导 Import</b>	第7章
wavread	从声音文件(wav)中读取数据	第7章
xlsread	从 Excel 文件中读取数据	第7章
xlsimport	导入 Excel 聚銀文件	第7章
xlswrite	把敷据导出则 Excel 文件中	第7章
load	从文件中调入矩阵	第2章
save	把变量保存到文件中	第2章
celldisp	显示元胞數值的內容	第10章
imfinfo	读标准图形文件。确定其包含的数据类型	第 13 章
imread	读图形文件	第13章
imwrite	写图形文件	第13章

-	函 数	比较运算符	章节	高数	比较运算符	章节
_	<	小于	第8章	>=	大于等于	第8章
	<=	小于等于	第8章		等于	第8章
	>	大子	第8章	-=	不等于	第8章

•	特殊字符	逻辑运算符	章节	特殊字符	逻辑运算符	章 节
	li.	N	第8章		#	第8章
		或	第8章	xor	异或	第8章

函数	拉 制 結 构	* 1
break	终止当前循环	第8章
case	分类响应	第8章
continue	结束本次循环,继续执行下一次循环	第8章
else	定义 if 语句结果为 false 的执行内容	第8章
elseif	定义 xt 语句结果为 false 的执行内容。并定义新的判断条件	第8章
end	表示控制结构的结束	第8章
for	产生撕环结构	第8章
if	条件执行语句	無8章
nenu	使用來单輸入	第8章
otherwise	分支选择评句	第8章
switch	分支选择语句	第8章
while	产生循环结构	第8章
高 敦	逻辑高效	# 1
a all	检查数组中所有元素是否識足某一条件	
		# 1 368.14
all	检查数组中所有元素是否識足某一条件	
all any	检查数组中所有元素是否識足某一条件 检查数组中是否存在满足某一条件的元素	# 1 # # # # 8 # # 8 #
all any find	检查数组中所有元素基件識起某一条件 检查数组中是否存在满足某一条件的元素 套线矩阵中满足条件的元素	## 1 #16 a # #16 a # #16 a #
all any find isprime	检查数组中所有元职是产油足基一条件 检查数组中是符开在规定是一条件的元素 查处矩阵中规是条件的元素 列斯是否为靠数	# 1 #8 # #8 # #8 # #3 # #3 #
all any find isprime isreal	检测数期中所有元素是否施足基一条件 检查使期中基否存出规足基一条件的元素 查校即中确足条件的元素 则断是否为数量 判断是否为数	雅 ¹ 第8章 第8章 第3章 第3章 第3章
all any find isprime isreal clock	检测数期中所有元宗是否難足基一条件 检查收据中是否存在规足基一条件的元素 查校定即中规定条件的元素 到明新各类数是是复数 查询CPU "高例句	雅 1 第8章 第8章
all any find isprime iereal clock etime	检察教理中所有元素是否魏起基一条件 检查使期中是否存在测足基一条件的元素 查检理即中国是条件的元素 判断是否为重整 判断报收数还是复数 营动CPU "当例知 记录时间	雅 ¹

画 教	特殊矩阵	東市	画 敷	特殊矩阵	軍市
eye	创建单位矩阵	第9章	pascal	创建 Pascal 矩阵	第9章
magic	创建概力矩阵	第9章	seros	<b>創建全0矩阵</b>	第9章
ones	<b>創建全   矩阵</b>	第9章	gallery	小型测试矩阵	第9章
rosser	特征值测试矩阵	第9章			

特殊字符	数据类型	東竹	特殊字符	数据类型	章节
{ }	构造元胞数组	第10章和第11章		逻辑数组	第 10 章
•	字符串(字符信息)	第10章和第11章		稀疏敷组	第 10 章
	字符數組	第10章		元施數組	第10章
$\blacksquare$	数值数组	第10章	8	结构敷组	第 10 章
S. Control	AY: E3 85-60	98 to 86			

函数	数据影響处理	章 书
celldisp	显示元融数组的内容	第10章
cellplot	用图形表示元融數组	第10章
char	创建填充字符数组	第 10 章

		(续衰)
商数	数据类型处理	# 1
double	把数组特换为双精度数组	第 10章
int16	16 位有符号整數	第 10 章
int32	32 位有符号整数	第10章
int64	64 仅有符号整數	第 10 章
int8	8 位有符号整数	第10章
num2str	将数值型数组转换为字符型数组	第 10 章
single	将敷组转换为单精度敷组	第10章
sparse	将全矩阵转换为梯疏矩阵	第 10 章
str2um	将字符歷數組转换为數值型數規	第10章
uint16	16 位无符号整徽	第10章
uint32	32 位无符号整数	第 10 年
uint64	64 位无符号整数	9% 10 ii
uint8	8 位无符号整数	第 10 1

画 敷	符号表达式操作	章 节
collect	合并间类项	第11章
diff	对符号表达式求导	第11章
dsolve	求解數分方程	第11章
expand	展开表达式和方程的每一項	第11章
factor	对表达式或方程能因式分解	第11章
findsym	标识符号变量	第11章
int	求解符号表达式的积分	第11章
numden	从表达式或方程中模取分于和分母	第11章
poly2sym	用矢量创建符号多项式	第11章
simple	使用所有的化简函数。选择最简结操作为返回值	第11章
simplify	用 Maple 內置的化筒規則进行化筒	第11章
solve	求解符号表达式成方程	第11年
subs	<b>着换符号表达式或方程</b>	第11章
syn	创建符号变量、表达式或方程	第11年
sym2poly	把符号多项式转化为系数矢量	第11章
syms	创建多个符号变量	第11章

_	高数	符号绘图	章 节
-	ezcontour	创建等高图	第11章
	excontourf	<b>地</b> 不特高图	第11章
	ezmesh	创建符号表达式的网络曲面图	第11章
	ezmeshc	同时绘制符号表达式的网络曲面图和等高图	第11章
	ezplot	給制符号表达式的图形(直角學标图)	第11章
	explot3	创建三维曲线阻	第11章
	ezpolar	侧瘫接坐标图	第11章
	ezauri	绘制符号表达式的曲面图	第11章
	ezsurfc	同时绘制符号表达式的曲面图和等高图	第11章

contourslice

为每个数据切片创建 稱等高图

函数	数 隹 技 术	章节
cftool	打开曲线拟合图形用户接口	第12章
diff	计算输入数组中相邻两元素的差值,若输入为符号表达式,则进行符号撤分	第12章
fmanbnd	复合函数。以函数句柄或函数作为输入参数,求函数极小值	第6章
fzero	复合函数。以函数句柄或函数作为输入参数,求函数的过零点	第6章
interp1	采用默认的线性操值或指定的高阶额值对中间数据进行近似	第12章
interp2	二维插值函数	第12章
interp3	三维插值函数	第12章
interpn	多维插值函数	第12章
ode45	常用微分方程求解器	第12章
ode23	常用微分方程录解器	第12章
ode113	常用微分方程來解離	第12章
odel5s	常用微分方程求網器	第12章
ode23s	常用維分方程來解繼	第 12 章
ode23t	常用微分方程來解攝	第12章
ode23tb	常用微分方程求解攝	第12章
ode15i	常用微分方程求解器	第12章
polyfit	计算最小二乘多项式的系数	第12章
polyval	计算舱定x值的多项式	第12章
quad	计算曲线积分(辛普赛法)	第12章
quadl	计算曲线积分(Lobetto 法)	第 12 章
遊敷	样本技術集和衝像	章节
cape	MATLAB 提供的海角图像样本文件	第13章
clown	MATLAB 提供的小丑图像样本文件	第13 章
detail	MATLAB 提供的丢動木雕作品川部图像样本文件	第13章
durer	MATLAB 提供的丢勒木器作品图像样本文件	第6章和第13章
earth	MATLAB 提供的地球图像样本文件	第13章
flujet	MATLAB 提供的液体运动图像样本文件	第13章
gatlin	MATLAB 提供的照片图像样本文件	第13章
mandrill	MATLAB 提供的狒狒图像样本文件	第13章
mori.	样本 MRI 数据集	第13章
peaks	创建样本图	第13章
spine	MATLAB 提供的 X 光脊椎图像样本文件	第13章
wind	MATLAB 提供的风速信息图像样本文件	第13章
sphere	演示绘图函数的实体模型函数	第5章
census	用于演示數值技术的內置數据集	第12章
handel	用于瘊亦音乐語數的內置數据集	第3章
高 数	富雄推薦	雅 书
alpha	设置当前绘削对象的透明度	第13章
	打开光源	
camlight coneplot	11.77 Aust 创建具有鲍形标记的绘图,指示输入矢量的方向	第13章 第13章

第13章

酒 敷	高级视图	(续表
gca	获得当前绝标的句柄	第 13 章
gcf	获得当前圈形的句柄	第13章
get	返回指定对象的特性列表	第 13 章
getframe	获得当前图形并将其作为一幅电影通面保存到结构化数组中	第 13 章
image	6100二倍图像	第 13 章
imagesc	利用标度敷据创建:绘图像	第 13 章
ımfınfo	读标准图形文件、确定其包含的数据类型	第 13 章
imread	读图形文件	第13 第
imwrite	写图形文件	第 13 年
isosurface	创建与二维数据关联的曲面,具有相同的高度	第 13 章
movie	播放存储为 MATLAB 结构化敷组的电影	第 13 章
set	设置指定对象的特性值	第13号
shading	确定曲面图和伪彩色图中使用的阴影技术	98 13 R

# 附录B 练习答案

用 MATLAB 求解问题有很多方法,这些答案仅是其中之一。

# 练习 2.1

- 1. 7 6. 4.1955 2. 10 7. 12.9600 3. 2.5000 8. 5
- 4. 17 9. 2.2361 5. 7.8154 10. -1

# 练习2.2

- 1. test 是一个合法的名字。
- 2. Test 是一个合法的名字,但却是一个不同于 test 的变量。
- 3. if 是不允许的, 它是一个保留的关键字。
- 4. my-book 是不允许的,因为它包含一个连字号。
- 5. my_book 是一个合法的名字。
- 6. Thisisoneverylongnamebutisitstillallowed? 是不允许的,因为它包括一个问号。即使没有问号,它也不是一个好的命名方法。
  - 7. Istgroup 是不允许的,因为它从数字开始。
  - 8. group_one 是一个合法的名字。
- 9. zzaAbc 是 · 个合法的名字,但是它并不是很好。因为它包含大吋和小写字母,而且它没有任何含义。
  - 10. z34wAwv%12#是不合法的。因为它包括百分号和英镑号。
  - 11. sun 是一个合法的名字。因为它是一个函数的名字,所以作为变量名并不好。
  - 12. log 是一个合法的名字。因为它是一个函数的名字,所以作为变量名并不好。

#### 练习23

- 1. 6 5. 48 2. 72 6. 38,5
- 2. 72 6. 38.3 3. 16 7. 4096
- 4, 13 8. 2.4179e + 024
- 9. 245
- 10. 2187
- 11. (5+3)/(9-1)=1
- 12.  $2^3-4/(5+3)=75$
- 13. 5^(2+1)/(4-1)-41.6667
- 14. (4+1/2)*(5+2/3)=25.5
- 15. (5+6*7/3-2^2)/(2/3*3/(3*6))-135

# 练习 2.4

```
1. a = [2.3 5.8 9]
 2. min(a)
   ans =
      0.7457 -0.4646 0.4121
 3. a + 3
   ans =
      5,3000 8,8000 12,0000
 4. b = [5.2 3.14 2]
 5. a + b
   ans =
      7.5000 8.9400 11.0000
 6. a . b
   ans =
      11.9600 18.2120 18.0000
7. a. *2
   ans «
      5.2900 33.6400 81.0000
 8. m = 0:10 or
   m = [0:10]
 9. d = 0:2:10 or
   d = [0:2:10]
10. linspace(10,20, 6)
   ans =
      10 12 14 16 18 20
11. logspace(1, 2, 5)
   ans =
      10.0000 17.7828 31.6228 56.2341 100.0000
```

#### **练习3.1**

1. 在命令管口中,输入

help cos

help exp 2. 从菜单栏选择 Help→MATLAB Help。

使用左手边的长方格选择 Functions-Categorical List 或 Punctions-Alphabetical List.

3. 选择 Help→Web Resources→The Mathworks Web Site。

# 练习 3.2

```
l. x = -2:1:2
  ж =
    -2 -1 0 1 2
  abs(x)
  ans =
  2 1 0 1 2
  scrt(x)
  ans =
      0 + 1.4142i 0 + 1.0000i 0 1.0000 1.4142
2. s. serrt (~3)
     ans =
       0 + 1.7321i
     sart(3)
     ans =
       1.7321
  b. nthroot (-3, 2)
```

??? Error using ==> nthroot at 33

```
If X is negative, N must be an odd integer.
          nthroot(3,2)
          ane -
            1.7321
       c. -3^(1/2)
          ans =
           -1.7321
          3*(1/2)
          ans =
            1.7321
    3. x = -9:3:12
       .
         -9 -6 -3 0 3 6 9 12
       rem(x, 2)
       ans s
          -1 0 -1 0 1 0 1 0
    4 exp(x)
       0.0000 0,0000 0.0000 0.0000 0,0002 0.0040 0.0810 1,6275
    5 log(x)
       ans =
        Columns 1 through 4
        2.1972 + 3.1416i 1.7918 + 3.1416i 1.0986 + 3.1416i -Inf
        Columns 5 through 8
        1.0986 1.7918 2.1972 2.4849
       10010(x)
       ans e
        Columns 1 through 4
        0.9542 + 1.3644i 0.7782 + 1.3644i 0.4771 + 1.3644i -Inf
        Columns 5 through 8
        0.4771 0.7782 0.9542 1.0792
    6. sign(x)
       ans =
        -1 -1 -1 0 1 1 1 1
    7. format rat
      x/2
       ADS -
          -9/2 -3 -3/2 0 3/2 3 9/2 6
练习 3.3
    |. factor(322)
       ans =
         2 7 23
    2. gcd(322.6)
       ans =
        2
    3 isprime(322)
       ans -
               因为 isprime 的结果是 0. 所以 322 不是實數。
    4 length(primes(322))
       ans -
        66
    5 rats(pi)
       ans =
         355/113
    6. factorial(10)
      ans =
        3628800
```

```
7. nchoosek(20.3)
      -
        1140
练习34
    l. theta = 3*pi;
      sin(2*theta)
      ans =
      -7.3479e-016
    2. theta = 0:0.2*pi:2*pi:
      cos(theta)
      ans =
       Columns 1 through 7
        1.0000 0.8090 0.3090 -0.3090 -0.8090 -1.0000 -0.8090
       Columns 8 through 11
        -0.3090 0.3090 0.8090 1.0000
    3. asin(1)
      ans -
        1,5708
                答案是弧度。
    4. m m -1:0.2:1:
       acos(x)
      Ans -
       Columns 1 through 7
        3.1416 2.4981 2.2143 1.9823 1.7722 1.5708 1.3694
       Columns 8 through 11
        1.1593 0.9273 0.6435 0
    5. cos(45°pi/180)
       ans =
         0.7071
       cosd(45)
       ADS W
        0.7071
    6. asin(0.5)
       ans =
                    答案是强度,可以将结果表示为角度。
        0.5236
       asind(0.5)
       ans .
        30.0000
    7 csc(60*pi/180)
       ans =
         1.1547
       or
       cscd(60)
       ans =
         1.1547
练习3.5
     x = [4 90 85 75; 2 55 65 75; 3 78 82 79;1 84 92 93];
       1. max(sc)
                                              90 75 82 93
         ans «
                                           d. (maximum, column)=max(x*)
           4 90 92 93
                                             maximum =
       2 [maximum, row] -max(x)
                                              90 75 82 93
          maximum =
                                             column =
            4 90 92 93
                                               2 4 3 4
          row =
                                           5. max(max(xt))
           1144
                                            ans =
```

93

3 max(x*)

```
练习 3.6
```

```
x = [4 90 85 75; 2 55 65 75; 3 78 82 79;1 84 92 93];
      1. mean(v)
        ane -
          2.5000 76.7500 81.0000 80.5000
      2. median(x)
        ans =
          2.5000 81.0000 83.5000 77.0000
      3 mean(x')
        ans -
          63.5000 49.2500 60.5000 67.5000
     4. median(x')
        ane e
        80.0000 60.0000 78.5000 88.0000
     5. mode(x)
        ans =
          1 55 65 75
     6. mean(mean(x))
        ARE w
         60.1875
        mean(x(:))
        ans =
             60.1875
练习37
    x = (4 90 85 75; 2 55 65 75; 3 78 82 79;1 84 92 93];
      L size(x)
                                        4. sortrows(x)
        ans =
                                           430 -
          4.4
                                             1 84 92 93
     2 sort (w)
                                              2 55 65 75
        ans =
                                              3 78 82 79
          1 55 65 75
                                              4 90 85 75
           2 78 82 75
                                        5. sortrows(x,-3)
           3 84 85 79
                                           ans -
           4 90 92 93
                                             1 84 92 93
      3. sort(x.'descend')
                                             4 90 85 75
                                             3 78 82 79
        ans =
                                              2 55 65 75
           4 90 92 93
           3 84 85 79
           2 78 82 75
           1 55 65 75
练习 3.8
    x = [4 90 85 75; 2 55 65 75; 3 78 82 79;1 84 92 93];
      1. std(x)
        ene -
          1.2910 15.3052 11.4601 8.5440
      2. var(x)
        ans =
          1.6667 234.2500 131.3333 73.0000
      3. sqrt(var(x))
        ans ~
          1.2910 15.3052 11.4601 8.5440
     4. 方差的极是标准偏差。
```

### 练习 3.9

```
L rand(3)
      ans =
        0.9501 0.4860 0.4565
        0.2311 0.8913 0.0185
        D 6068 0.7621 0.8214
    2. randn(3)
      ans =
        -0.4326 0.2877 1.1892
        ~1.6656 -1.1465 -0.0376
         0.1353 1.1909 0.3273
    3. x = rand(100,5);
    4. max(x)
      али =
        0.9811 0.9785 0.9981 0.9948 0.9962
      etd(w)
      ans =
        0.2821 0.2796 0.3018 0.2997 0.2942
      var(x)
      ans -
        0.0796 0.0782 0.0911 0.0898 0.0865
      mean(x)
      ans =
        0.4823 0.5026 0.5401 0.4948 0.5111
    5. w = randn(100.5);
    6. max(x)
      ene -
        2.6903 2.6289 2.7316 2.4953 1.7621
       std(x)
      ans =
        0.9725 0.9201 0.9603 0.9367 0.9130
       var(x)
      ans o
         0.9458 0.8465 0.9221 0.8774 0.8335
       mean(x)
         -0.0277 0.0117 -0.0822 0.0974 -0.1337
练习 3.10
    l. A = 1+i
      λ =
        1.0000 + 1.00001
      B = 2-3i
      B =
        2.0000 - 3.00001
        C = 8+2i
           8.0000 + 2.0000i

 imagD = [-3,8,-16];

       realD = [2,4,6];
      D = complex(realD, imagD)
        2,0000 - 3.0000i 4.0000 + 8.0000i 6.0000 -16.0000i
    3. abs(A)
       ans =
        1.4142
       abs(B)
      ans -
        3.6056
       abs(C)
```

```
ans =
       8 2462
      abs(D)
      ans s
       3,6056 8.9443 17.0880
   4. angle(A)
      ans =
       0.7854
      angle(B)
      ans =
        -0.9828
      angle(C)
      ADS =
        0,2450
      angle(D)
      ans =
        -0.9828 1.1071 -1.2120
    5. conj(D)
      ans =
        2.0000 + 3.0000i 4.0000 - 8.0000i 6.0000 +16.0000i
      ans =
        2.0000 + 3.00001
        4.0000 - 8.0000i
        6.0000 +16.0000i
    7. sgrt(A.*A')
      ans =
        1.4142
练习 3.11
    1. clock
       ans =
       1.04+003 *
        2.0080 0.0050 0.0270 0.0160 0.0010 0.0220
       S BOA
       27-May-2008
     3. s. factorial (322)
          ans =
          Inf
       b. 5*10*500
          ans =
           THE
       c. 1/5*10*500
         ans =
          Inf
       d. 0/0
         Warning: Divide by zero.
          AUS -
          NaN
 练习 4.1
          a = [12 17 3 6]
          a =
            12 17 3 6
          b = [5 8 3; 1 2 3; 2 4 6]
            4 8 3
            1 2 3
            2 4 6
          c = [22;17;4]
```

```
22
            17
            4
    1. \times 1 = a(1.2)
                                                       6. x6 = (c.b;a]
      w1 =
                                                          ж6 =
        17
                                                              22 5 8 3
    2 x2 = b(:,3)
                                                              17 1 2 3
                                                              4 2 4 6
       ×2 =
                                                              12 17 3 6
           3
           3
                                                        7 \times 7 = b(8)
           6
                                                          ×7 =
                                                              3
    3. \times 3 = b(3.:)
       x3 =
                                                        8. x8 = b(:)
           2 4 6
                                                          #8 #
                                                              5
    4. x4 = [b(1,1), b(2,2), b(3,3)]
       ×4 =
                                                              1
                                                              2
           8 2 6
                                                              8
    5. 85 = [a(1:3);b]
                                                              2
       x5 =
                                                              ä
           12 17 3
                                                              à
            5 8 3
                                                              3
            1 2 3
                                                              6
            2 4 6
练习 4.2
    l. length = [1, 3, 5];
       width = [2.4.6.8];
       [L, W] = meshgrid(length, width);
       area - L. W
       area =
          2 6 10
           4 12 20
           6 18 30
           8 24 40
    2. radius = 0:3:12;
       height = 10:2:20;
       (R.H) = meshgrid(radius, height);
       volume = pi*R.*2.*H
       volume =
        1.0e+003 *
            0 0.2827 1.1310 2.5447 4.5239
            0 0.3393 1.3572 3.0536 5.4287
            0 0.3958 1.5834 3.5626 6.3335
0 0.4824 1.8096 4.0715 7.2382
0 0.5089 2.0358 4.5806 8.1430
0 0.5655 2.2619 5.0894 9.0478
练习 4.3
    1. zeros(3)
       ans =
           0 0 0
           0 0 0
           0 0 0
    2. zeros(11.4)
```

```
ans -
    0 0 0 0
    0 0 0 0
    0 0 0 0
3. ones(3)
```

```
9116 P
                              1 1 1
                              1 1 1
           4. ones (5.3)
                   ARE P
                              1 1 1
                               1 1 1
                              1 1 1
            5 ones(4.6)*ni
                    ane s
                           3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416
                           3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.1416 3.
           6. × = (1.2.31)
                    diag(x)
                    ans =
                              1 0 0
                              0 2 0
                              0 0 3
           7 x = magic(10)
                            92
                                      99
                                                     1
                                                                   8 15 67
                                                                                                        74 51 58 40
                            98
                                      80
                                                     7 14 16
                                                                                          73
                                                                                                       55
                                                                                                                    57
                                                                                                                                 64 41
                                        81
                                                    88
                                                                20
                                                                              22
                                                                                           54
                                                                                                         56
                                                                                                                     63
                                                                                                                                  70
                              4
                            85
                                      87
                                                    19
                                                                 21
                                                                                3
                                                                                            60
                                                                                                         62
                                                                                                                      69
                                                                                                                                  71
                            86
                                      93
                                                    25
                                                                  2
                                                                                9
                                                                                            61
                                                                                                          68
                                                                                                                     75
                                                                                                                                   52
                                                                                                                                            34
                            17
                                       24
                                                    76
                                                                83
                                                                              90
                                                                                           42
                                                                                                         49
                                                                                                                     26
                                                                                                                                  33
                                                                                                                                              65
                                                    82 89
                            23
                                        5
                                                                              91
                                                                                            48
                                                                                                         30
                                                                                                                     32
                                                                                                                                   39
                                                                                                                                               66
                            79
                                        6 13 95
                                                                              97
                                                                                           29
                                                                                                         31
                                                                                                                     38
                                                                                                                                   45
                                                                                                                                              72
                            10 12 94 96 78
                                                                                          35
                                                                                                        37
                                                                                                                     44
                                                                                                                                   46 53
                            11 18 100 77 84
                                                                                           36
                                                                                                        43 50
                                                                                                                                 27 59
                    a. diag(x)
                            ans w
                              92 80
                                                               88
                                                                               21
                                                                                                9
                                                                                                           42
                                                                                                                             30
                                                                                                                                             38
                                                                                                                                                             46
                                                                                                                                                                             59
                  b. diag(fliplx(x))
                           ans =
                                                                                                                                                              12
                                                                                                                                                                              11
                              40 64
                                                             63
                                                                            62
                                                                                             61
                                                                                                             90
                                                                                                                              89
                                                                                                                                              13
                   C. sum(st)
                           ane m
                             masse (ac 1.)
                           AD0 =
                             sum(diag(x))
                           ans =
                            505
                           sum(diag(fliplr(x)))
                           ans =
                              505
练习5.1
              l. clear.clc
                    x = 0:0.1*pi:2*pi:
                    y = \sin(x);
```

plot(x, y)

0.6 0.4 8.2 6 0.3 -0.4

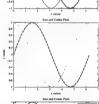




3. figure(2)
y1 = sin(x);
y2 = cos(x);
plot(x,y1,x,y2)
title('Sine and
Cosine Flots';
xlabel('x values')
ylabel('y values')



4. figure(3)
plot(x,y1,'-- r',
 x,y2.': g')
title('Sime and Cosine
 Plots')
xlabel('x values')
ylabel('y values')



legend('sin(x)','cos(x)')

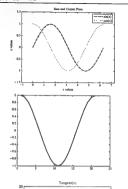


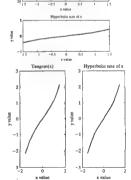
- 6 axis([-1,2*pi+1,
- -1.5.1.51)

7. figure(4) a = cos(x); plot(a)

# 练习 5.2

- I. subplot (2, 1, 1)
- 2. x = -1.5:0.1:1.5; y = tan(x); plot(x,v)
- title('Tangent(x)') xlabel('x value') ylabel('y value')
- subplot(2,1,2)  $y = \sinh(x);$ plot(x,y)
- 5. title('Byperbolic sine of x') xlabel('x value') ylabel('y value')
- 6. figure(2) subplot (1,2,1) plot(x,y) title('Tangent(x)') xlabel('x value') ylabel('y value') subplot (1,2,2) y = sinh(x); plot(x,y) title('Hyperbolic sine of x') xlabel('x value') ylabel('y value')





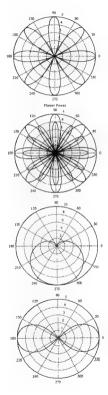
# 练习 5.3

1. theta = 0:0.01*pi:2*pi;
 r = 5*cos(4*theta);
 polar(theta,r)

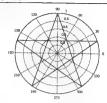








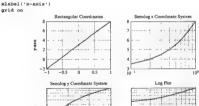
```
5. figure(4)
  theta = pi/2:4/5*pi:4.8*pi:
  r = ones(1.6):
  polar(theta.r)
```



# 练习 5.4

grid on

```
l. figure(1)
  x = -1:0.1:1;
  v = 5*x+3;
  subplot (2, 2, 1)
  plot(x,y)
  title('Rectangular Coordinates')
  ylabel('y-axis')
  grid on
  subplot (2,2,2)
  semilogx(x,y)
  title('Semilog x Coordinate System')
  grid on
  subplot (2, 2, 3)
  semilogy(x,y)
  title('Semilog y Coordinate System')
  ylabel('y-axis')
  xlabel('x-axis')
  grid on
  subplot (2, 2, 4)
  loglog(x,v)
  title('Log Plot')
```







```
2. figure(2)
  x = -1:0.1:1:
  y = 3*x.*2;
  subplot(2,2,1)
  plot(x,y)
  title('Rectangular Coordinates')
  vlabel('v-axis')
  grid on
  subplot (2,2,2)
  semilogx(x,y)
  title('Semilog x Coordinate System')
  grid on
  subplot (2,2,3)
  semilory(x.v)
  title('Semilog v Coordinate System')
  vlabel('v-axis')
  xlabel('x-axis')
  grid on
  subplot (2,2,4)
  loglog(x,y)
  title('Log Plot')
  xlabel('x-axis')
  grid on
                      Rectangular Coordinates
                                                   Semilor x Coordinate System
                  2
                        -0.5
                                                           Log Plot
                                                                        106
                                                10"
                             x-axis
                                                            x-axis
```

3. figure(3) x = -1:0.1:1; y = 12*emp(x+2)zsubplot (2,2,1) plot(x,y) title('Rectangular Coordinates') ylabel('y-axis') grid on subplot(2,2,2) semilogx(x,y) title('Semilog x Coordinate System') grid on subplot(2,2,3) semilogy(x,y) title('Semilog y Coordinate System') vlabel('y-axis') xlabel('x-axis')

grid on

```
subplot(2,2,4)
loglog(x,y)
title('Log Plot')
xlabel('x-axis')
grid on
```









4 figure(4) x = -1:0.01:1; y = 1./xsubplot (2,2,1) plot(x,y) title('Rectangular Coordinates') vlabel('v-axis') grid on subplot (2, 2, 2) semilogx(x,v) title('Semilog x Coordinate System') grid on subplot (2, 2, 3) semilogy(x,y) title('Semilog y Coordinate System') ylabel('y-axis') xlabel('x-axis') grid on subplot (2,2,4) loglog(x,y)

title('Log Plot') klabel('x-axis') grid on





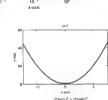


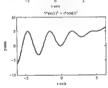


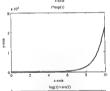
# 练习 5.5

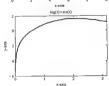
- I fplot('5*t^2', [-3,+3])
  title('5*t^2')
  klabel('x-axis')
  ylabel('y-axis')
- fplot('t*exp(t)',[0,10]) title('t*exp(t)') xlabel('x-axis') ylabel('y-axis')

4. fplot('log(t)+ sin(t)',f0,pil)
 title('log(t)+sin(t)')
 xlabel('x-axis')
 vlabel('y-axis')









#### 练习 6.1

作为单独的 M 文件存储这些函数。函数名必须与 M 文件名相同。可以从命令窗口调用这些函数,也可以从脚本 M 文件中调用。但函数 M 文件不能自己运行自己。

```
1 function output = quadratic(x)
output = x...2;
2 function output = one_over(x)
output = sep(1./x);
3 function output = sin_x.squared(x)
output = sin(x...2);
4 function result = in_to_ft(x)
result = x../12;
5 function result = cal to joules(x)
result = 4.2.*x;
6 function output = Watts_to_Btu_per_hour(x)
output = x...3.412;
```

7 function output = meters_to_miles(x)
output = x./1000.*.6214;

8 function output = mph_to_fps(x)

## output = x.*5280/3600;

#### 练习6.2

作为单独的 M 文件存储这些函数。函数名必须与 M 文件名相同。

| function output = z1(x,v) % summation of x and y % the matrix dimensions must agree output = x+v: function output = z2(a,b,c) % finds a.*b.^c % the matrix dimensions must married output = a. °b. ^c; function output = 23(w,x,y) % finds w. *exp(x./y) % the matrix dimensions must agree output = w.*exp(x./y); 4 function output = 24(p,t) % finds p./sin(t) % the matrix dimensions must agree output = p./sin(t); 5 function (a,b)=f5(x) a = cos(x): b = sin(x);6 function (a,b) = f6(x) a = 5.*x.*2 + 2; b = sqrt(5.*x.*2 + 2);

7. function [a,b] = f7(x)
a = exp(x);
b = log(x);
8 function [a,b] = f8(x,y)
a = x+y;

b = x-y; 9. function [a,b] = f9(x,y) a = y.*exp(x); b = x.*exp(y);

## 练习 7.1

100

110

120

8.33

9.17

10.00

```
    b = input('Enter the length of the base of the triangle: ');

      h = input('Enter the height of the triangle: ');
      Area = 1/2*b*h
    当文件执行时。它在命令留口产生下面的互动。
      Enter the length of the base of the triangle: 5
      Enter the height of the triangle: 4
      Aves -
       10

 r = input('Enter the radius of the cylinder: ');

      h = input('Enter the height of the cylinder: ');
      Volume = pi*r, ^2*h
    当文件执行时、它在命令窗口产生下面的互动。
      Enter the radius of the cylinder: 2
      Enter the beight of the cylinder: 3
      Volume -
      37,6991
    3. n = input('Enter a value of n: ')
      vector = 0:n
    当文件执行时,它在命令窗口产生下面的互动;
      Enter a value of n: 3
        3
      vector =
        0 1 2 3
    4. a = input('Enter the starting value: ');
      b = input('Enter the ending value: ');
      c = input('Enter the vector spacing: ');
      vector = a:c:b
    当文件执行时、它在命令窗口产生下面的互动。
     Enter the starting value: 0
     Enter the ending value: 6
     Enter the vector spacing: 2
     vector =
        0 2 4 6
练习フク
    l. disp('Inches to Feet Conversion Table')
    2. disp(' Inches Feet')
    3. inches = 0:10:120:
      feet = inches./12;
      table = [inches: feet];
      fprintf(' %8.0f %8.2f \n'.table)
    显示在命令第四的结果是
    Inches to Feet Conversion Table
        Inches
                     Foot.
          D
                     0.00
         10
                     0.83
         20
                     1.67
```

#### 练习 8.1

```
在练习中使用下列数组,
        x = [1 10 42 6
          5 8 78 23
           56 45 9 13
           23 22 8 91;
        y = [1 2 3; 4 10 12; 7 21 27];
        * = [10 22 5 13];
   [ elements x = find(x>10)
                                           3. x(elements x)
     elements v = find(v>10)
                                             y(elements_y)
      elements z = find(z>10)
                                             z(elements_z)
                                           4. elements x = find(x>10 & x< 40)
   2. [rows_x, cols_x] = find(x>10)
      [rows_y, cols_y] = find(y>10)
                                             slements_y = find(y>10 & y< 40)
      [rows z, cols z] = find(z>10)
                                             elements z = find(z>10 & z< 40)
   5. [rows x, cols x] = find(x>10 & x<40)
      [rows_y, cols_y] = find(y>10 & y<40)
      [rows_z, cols_z] = find(z>10 & z<40)
   6. x(elements x)
      y(elements_v)
      z(elements_z)
   7. elements x = find((x>0 & x<10) | (x>70 & x<80))
      elements v = find((v>0 & v<10) | (v>70 & v<80))
      elements_E = find((z>0 & z<10) | (z>70 & z<80))

    length x = length(find((x>0 & x<10) | (x>70 & x<80)))</li>

      length y = length(find((y>0 & y<10) | (y>70 & v<80)))
      length_z = length(find((z>0 & z<10) | (z>70 & z<80)))
练习8.2
    | function output = drink(x)
      if so = 21
         output = 'You can drink';
      else
        output = 'Wait ''till you're older':
    从命令望口或者从脚本 M 文件中用下面的代码测试函数:
      drink(22)
      drink(18)
                                                  用下面的代码测试函数,

 function output = tall(x)

                                                    spec(5.6)
      if x> = 48
                                                    spec (5.45)
         output = 'You may ride';
                                                    spec (5.2)
      else
                                                  4. function output # metric spec(x)
         output = 'You''re too short';
                                                    if m> = 5.3/2.54 & m< = 5.5/2.54
                                                       output = ' in spec';
                                                    0180
    用下面的代码测试函数:
                                                       output = ' out of spec';
      tal1(50)
                                                    end
      tall/461
                                                  用下面的代码测试函数。

 function output = spec(x)

       if x> = 5.3 & x< = 5.5
                                                    metric spec(2)
         output = ' in spec';
                                                    metric_spec(2.2)
      else
                                                    metric spec(2.4)
         output = ' out of spec';
      and
```

```
5. function output = flight(x)
                                                   用下面的代码测试函数,
      if w> = 0 & w< = 100
                                                     flight (50)
         output = 'first stage';
                                                     flight (110)
      elseif x< = 170
                                                     flight (200)
         output = 'second stage';
                                                     flight (300)
      elseif x<260
         output = 'third stage';
      -1--
         output = 'free flight';
      and
练习8.3
    I. year = input('Enter the name of your year in school: ','s');
      switch year
        case 'freshman'
          day = 'Monday';
        case 'sophomore'
          day = 'Tuesday';
        case 'iunior'
          day = 'Wednesday';
         case 'senior'
          day = 'Thursday';
         otherwise
          day = 'I don''t know that year';
       disp(['Your finals are on ',day])
    disp('What year are you in school?')
       disp('Use the menu box to make your selection ')
          choice = menu('Year in School', 'freshman', 'sophomore',
                          'iunior', 'senior');
          switch choice
            case 1
              day = 'Monday';
            case 2
              day = 'Tuesday';
            case 3
              day = 'Wednesday';
            case 4
              day = 'Thursday';
            end
            disp(['Your finals are on ',day])
     3. num = input('How many candy bars would you like? ');
       awitch num
         case 1
           bill = 0.75;
          case 2
           hill # 1.25;
          case 3
           bill = 1.65;
          otherwise
           bill = 1.65 + (num-3)*0.30;
        fprintf('Your bill is %5.2f \n',bill)
 练习84
     1. inches = 0:3:24;
       for k = 1:length(inches)
         feet(k) = inches(k)/12;
       table = [inches',feet']
     2. x = [ 45,23,17,34,85,331;
       count = 0;
```

```
for k = 1:length(x)
         if x(k)>30
            count = count+1;
       end
       fprintf('There are %4.0f values greater than 30 \n', count)
    num = length(find(x>30));
       fprintf('There are %4.0f values greater than 30 \n', num)
    4 total - 0.
       for k = 1:length(x)
           total = total + x(k);
       disp('The total is: ')
       disp(total)
       stum(sc)
    5. for k = 1:10
                                         6. for k = 1:10
       x(k) = 1/k
                                           =(k)=(-1)^(k+1)/k
      and
                                           end
练习85
    1. inches = 0:3:26;
      k = 1:
      while k<=length(inches)
         feet(k) = inches(k)/12;
         k = k+1;
      and
      disp(' Inches Feet');
      fprintf(' %8.0f %8.2f \n', (inches; feet))
    2. m = [ 45,23,17,34,85,33];
      k = 12
      count = 0;
      while k< = length(x)
       if x(k)> = 30:
         count = count +1:
       end
         k=k+1;
      fprintf('There are %4.0f values greater than 30 \n',count)
    3. count = length(find(x>30))
    4. R = 11
      total = 0:
      while k< = length(x)
         total = total + x(k);
         k = k+1:
      end
      disp(total)
      sum(x)
    5. k = 2:
                                            6. k = 1;
      while(k< = 10)
                                               while (k < = 10)
         x(k) = 1/k
                                                 se(lc)=(-1)^(lc+1)/lc
         k = k+1:
                                                  R = R+1;
                                               end
      end
练习 9.1
    l. A = [ 1 2 3 4]
                                       2. sum(A.*B)
     B = [ 12 20 15 7]
                                       3. price * [0.99, 1.49, 2.50, 0.99, 1.29];
      dot(A,B)
                                         mam = [4, 3, 1, 2, 2];
                                         total = dot(price, num)
```

# 练到92

```
I. A = [2 5; 2 9; 6 5];
```

B = [2 5; 2 9; 6 5];

% These cannot be multiplied because the number of

% columns in A does not equal % the number of rows in B

2. A = [2 5; 2 9; 6 5];

B = [1 3 12; 5 2 9];

% Since A is a 3 × 2 matrix and B is a 2 × 3 matrix, % they can be multiplied

3 + D %However, A*B does not equal B*A

B*A

3. A = [5 1 9; 7 2 2];

B = [8 5; 4 2; 8 9];

% Since A is a 2 × 3 matrix and B is a 3 × 2 matrix,

% they can be multiplied

"However, A"B does not equal B"A n · a

4. A = [1 9 8; 8 4 7; 2 5 3];

B = [7;1;5]% Since A is a 3 × 3 matrix and B is a 3 × 1 matrix,

% they can be multiplied A*B

% However, B*A won't work

#### 练习 9.3

1. a. a = magic(3) C. c = magic(5) inv(magic(5))

inv(magic(3)) magic(3) ^-1

magic (5) ^-1 2. det(a) b. b = magic(4) inv(b) det(b)

det(c)

b^-1 3. A = [1 2 3:2 4 6:3 6 9]

det(A)

%Notice that the three lines are just multiples of teach other and therefore do not represent

%independent equations

#### 练习 10.1

I. A = [1.4.6; 3. 15. 24; 2. 3.41;

B = single(A) C = int8(A)

D = uint8(A)

2. E = A+B

% The result is a single-precision array

3. x = int8(1) y = int8(3)

result1 = x./y % This calculation returns the integer 0

x = int8(2)result2 = x./y

% This calculation returns the integer 1; it appears

% that MATLAB rounds the answer 4 intmax('int8') intmax('uint8')

intmax('int16') intmax('uint16') intmax('int32') intmax('uint32')

intmax('int64') intmax('uint64')

ex4 =

```
MATTAR 字用析程(第二版)
           5. intmin('int8')
                                                                                                              intmin(twint8)
                  intmin('int16')
                                                                                                              intmin('uint16')
                  intmin('int32')
                                                                                                              intmin('mint32')
                  intmin('int64')
                                                                                                              intmin('uint64')
练习 10.2
           l. name -'Holly'
           2. G = double('g')
                  fprintf('The decimal equivalent of the letter g is %5.0f \n',G)
            3 w = (MATTAR)
                  M = char(double(m) - 32)
练习 10.3

    a = macic(3)

                                                                                                   \pm(1,1,3) = 0
                                                                                          2. ±(3.2.1)
                  b = zeros(3)
                  c = ones(3)
                                                                                             3. x(2,3,:)
                  x(1,1,1) = 0
                                                                                             4. \times (1.3.1)
                  x(:,:,2) = b
练习104

    names = char('Mercury', 'Venus', 'Earth', 'Mars', 'Jupiter',

                                                  'Saturn', 'Uranus', 'Neptune', 'Pluto')
            2. R = 'rocky';
                  G = 'gas giants';
                  type = char(R,R,R,R,G,G,G,G,R)
            3. space =[ + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + + 1 + 1 + + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 
            4 table sinames, space, type)
            5. %These data were found at
                  %http://sciencepark.etacude.com/astronomy/pluto.php
                  ASimilar data are found at many websites
                  mercury = 3.303e23; % kg
                  venus = 4.869e24; % kg
                  earth = 5.976e24; % kg
                  mars = 6.621e23; % kg
                  jupiter = 1.9e27; % kg
                   saturn = 5.69e26; % kg
                  uranus = 8.686e25; % kg
                  neptune = 1.024e26; % kg
                   pluto = 1.27e22 % kg
                   mass = [mercury, venus, earth, mars, jupiter,
                                        saturn, uranus, neptune, pluto]';
                   newtable = [table.space.num2str(mass)]
  练习 11.1
              1. syms x a b c d
                    d = sym('d') %etc
                   4 =
              2 ex1 = x^2-1
                     ex1 =
                     x^2-1
                     ex2 = (x+1)^2
                     ex2 =
                     (x+1)^2
                     ex3 = a*x*2-1
                     ev3 =
                     a**^2-1
                     ex4 = a*x^2 + b*x + c
```

```
###*2+h#wec
  ex5 = a^*x^3 + b^*x^2 + c^*x + d
  ex5 =
  8*x*3+b*x*2+c*v+d
  ex6 = sin(x)
  ex6 =
  sin(x)
3. EX1 = sym('X^2 - 1 ')
  EX1 =
  X*2 - 1
  EX2 = sym(' (X +1)^2 ')
  EX2 =
  (X +1)^2
  EX3 = sym('A*X ^2 - 1 ')
  PV3 -
  A*X *2 - 1
  EX4 = sym('A*X *2 + B*X + C ')
  FX4 =
  A*X *2 + B*X + C
  EX5 = sym('A*X ^3 + B*X ^2 + C*X + D ')
  EYS -
  A*X *3 + B*X *2 + C*X + D
  EX6 = sym('sin(X)')
  EX6 =
  sin(X)
4 eq1 = sym(' x^2=1 ')
  eq1 =
  x^2 = 1
  eq2 = sym(' (x+1)^2=0 ')
  eq2 =
  (x+1) ^2=0
  eq3 = sym(' a*x*2=1 ')
  eg3 w
  a*x*2=1
  ec4 = svm('a*x*2 + b*x + c = 0 ')
  eq4 -
  a*x*2 + b*x + c = 0
  eq5 = sym('a*x^3 + b*x^2 + c*x + d = 0 ')
  a*x*3 + b*x*2 + c*x + d = 0
  ecc = sym('sin(x) = 0 ')
  ea6 ×
  sin(x) = 0
5. EQ1 = sym('X'2 = 1 ')
  EQ1 -
  X^2 = 1
  E02 = sym('(X+1)^2 = 0')
  E02 =
  (X + 1)^2 = 0
  EQ3 = sym('A*X '2 = 1 ')
  EQ3 =
  A*X ^2 = 1
  EQ4 = sym('A*X ^2 + B*X + C = 0 ')
  EQ4 =
  A*X *2 + B*X + C = 0
  EQ5 = sym('A*X *3 + B*X *2 + C*X + D = 0 ')
  E05 =
  A*X *3 + B*X *2 + C*X + D = 0
  EQ6 = sym(' sin(X) = 0 ')
  E06 =
  sin(X) = 0
```

#### 练习 11.2

```
4 Y1 = EX1*EX2
1 y1 = ex1*ex2
                                         Y1 =
  v1 =
  (x^2-1)*(x+1)^2
                                          (X^2-1)*(X+1)^2
                                       5. Y2=EX1/EX2
2. v2 = ex1/ex2
                                          Y2 =
  v2 =
  (x^2-1)/(x+1)^2
                                          (X^2-1)/(X+1)^2
                                       6 IMBM1.DEN11 = numden(Y1)
3 [numl,den1] = numden(y1)
                                          NTIM1 ×
  num1 =
  (x^2-1)*(x+1)^2
                                          (X^2-1)*(X+1)^2
                                          DEN1 =
  deni =
                                          [NUM2, DEN2] = numden(Y2)
  [num2.den2] = numden(y2)
                                          NUH2 =
  num2 =
                                          W42-1
  w^2-1
                                          DEN2 =
  den2 =
                                          (X+1)^2
  (x+1) ^2
7. %numden (EQ4)
  The number function does not apply to equations,
  %only to expressions
                                            c. factor(Y1)
8. m. factor(y1)
                                              ans =
     ADS *
                                              (X-1)*(X+1)*3
     (x-1)*(x+1)*3
                                              expand(Y1)
     empand(y1)
                                              ans =
     ans s
                                              X*4+2*X*3-2*X-1
     **4+2*x*3-2*x-1
                                              collect(Y1)
     collect(v1)
     ans =
                                              x^4+2*x^3-2*X-1
     x^4+2*x^3-2*x-1
                                            d. factor (Y2)
   b. factor(y2)
                                              ans =
     ans =
                                              (X-1)/(X+1)
      (x-1)/(x+1)
                                              expand(Y2)
      expand(y2)
                                              ans =
                                              1/(X+1)^2°X^2-1/(X+1)^2
      1/(x+1)^2°x^2-1/(x+1)^2
                                              collect (Y2)
      collect(y2)
                                               ans =
      ans =
                                               (X^2-1)/(X+1)^2
      (x^2-1)/(x+1)^2
                                          factor(ex2)
 9 factor(ex1)
                                          4DB =
   ans =
                                          (x+1)^2
   (x-1)*(x+1)
   empand(ex1)
                                          expand(ex2)
                                          ans *
   ans s
                                          x^2+2*x+1
                                          collect(ex2)
    collect(ex1)
                                          ans =
    ans w
                                           x*2+2*x+1
    x^2-1
                                           factor(eq2)
    factor(eq1)
                                           ans s
    ans =
                                           (x+1)^2 = 0
    x^2 = 1
                                           expand(eq2)
    empand(eq1)
                                           ans =
    ans =
                                           x^2+2^2x+1 = 0
    x^2 = 1
                                           collect (eq2)
    collect(eq1)
                                           ans =
    ans F
                                           x^2+2*x+1 = 0
    *^2 = 1
```

# 练习 11.3

```
l. solve(ex1)
                                      2. solve(ex2)
  ADS E
                                         ans =
   1
                                         -1
  -1
                                         -1
  solve(EX1)
                                         solve(EX2)
  ans =
                                         ans -
   1
                                         -1
  -1
                                         -1
  solve (eg1)
                                         solve(eg2)
  ans =
                                         ans =
   1
                                         -1
  -1
                                         -1
  solve(RO1)
                                         solve(EQ2)
  ans =
                                         ans -
   1
                                         -1
  -1
                                         -1
3. a. A = solve(ex3,x,a)
     Warning: 1 equations in 2 variables.
     ш -
      a: [1x1 sym]
      x: [lxl sym]
     A.a
     ans -
     1/x^2
     A . ×
     ans =
     %or
     [my_a, my_x] = solve(ex3, x, a)
     Warning: 1 equations in 2 variables.
     BY_4 =
     1/x^2
     my_x =
  b. A = solve(eq3,x,a)
     Warning: 1 equations in 2 variables.
      a: [lxl sym]
       x: [1x1 sym]
     A. 6
     ATIS .
     1/%^2
     A.x
     ans =
4. a. A = solve(EX3, 'K', 'A')
     Warning: 1 equations in 2 variables.
      A: [1x1 sym]
      X: [lxl sym]
     λ.λ
     ans =
     1/X^2
     A.X
     ans =
     x
     %or
     [My_A, My_X] =solve(EX3, 'X', 'A')
     Warning: 1 equations in 2 variables.
```

My_A =

```
1/X^2
    My_X =
  b. A = solve(E03,'X','A')
    Warning: 1 equations in 2 variables.
      A: (1x1 sym)
      X: [lxl sym]
    A.A
    Ans =
     1/x^2
    A.X
     ans =

    a, A = molve(ex4, x, a)

     Warning: 1 equations in 2 variables.
      a: [1x1 sym]
      m: [lx1 sym]
     ans =
     -(b*x+c)/x^2
     A.x
     205 -
     .
     Sor
     [my_a,my_x]=solve(ex4,x,a)
     Warning: 1 equations in 2 variables.
     my a =
     -(b*x+c)/x^2
     #Y_8 =
     ×
     ٩b
   b. A = solve(eq4, x, a)
     Warning: 1 equations in 2 variables.
       a: [1x1 sym]
      m: [1x1 sym]
     A.a
      ans =
     - (b*x+c)/x^2
      A.x
     ADS =
   6 g. A = solve(EX4, 'X', 'A')
       Warning: 1 equations in 2 variables.
          A: [1x1 sym]
          X: [1x1 sym]
        ans -
        - (B*X+C)/X^2
        A.X
        ans =
        x
        [My A, My X] =solve(EX4, 'X', 'A')
        Warning: 1 equations in 2 variables.
        My A =
        -(B*X+C)/X^2
        My_X =
```

```
¥
     b. A = solve(E04, 'X', 'A')
        Warning: 1 equations in 2 variables.
         A: [1x1 sym]
        X: [1x1 sym]
        A.A
        enc =
        - (B*Y+C) /Y^2
        A.X
        Ans -
        ~
  7. A = solve(ex5.x)
    1/6/a*(36*c*b*a-108*d*a*2-8*b*3+12*3*(1/2)*(4*c*3*a-c*2*b*2-
    18°c*b*a*d+27*d*2*a*2+4*d*b*3)*(1/2)*a)*(1/3)-2/3*(3*c*a-
    b*2)/a/(36°c*b*a-108*d*a*2-8*b*3+12*3*(1/2)*(4*c*3*a-c*2*b*2-
    18*c*b*a*d+27*d^2*a^2+4*d*b^3)^(1/2)*a)^(1/3)-1/3*b/a
     -1/12/a*(36*c*b*a-108*d*a^2-8*b^3+12*3*(1/2)*(4*c^3*a-c^2*b^2-
     18*c*b*a*d+27*d*2*a*2+4*d*b*3)*(1/2)*a)*(1/3)+1/3*(3*c*a-
    b*2)/a/(36*c*b*a-108*d*a*2-8*b*3+12*3*(1/2)*(4*c*3*a-c*2*b*2-
    18*c*h***d+27*d*2***2+4*d*b*3)*(1/2)**a)*(1/3)-
     1/3+h/a+1/2+i+3*/1/2)+(1/6/a*/36*c*b*a-108*d*a*2-
     8*b*3+12*3*(1/2)*(4*c*3*a-c*2*b*2-
     18*c*b*a*d+27*d*2*a*2+4*d*b*3)*(1/2)*a)*(1/3)+2/3*(3*c*a-
     b^2)/a/(36*c*b*a-108*d*a^2-8*b^3+12*3^(1/2)*(4*c^3*a-c^2*b^2-
     18*c*b*a*d+27*d*2*a*2+4*d*b*3)*(1/2)*a)*(1/3))
     -1/12/a*(36*c*b*a-108*d*a*2-8*b*3+12*3*(1/2)*(4*c*3*a-c*2*b*2-
     18*c*b*a*d*27*d*2*a*2+4*d*b*3)*(1/2)*a)*(1/3)*1/3*(3*c*a-
     b^2}/a/(36*c*b*a-108*d*a^2-8*b^3+12*3^(1/2)*(4*c^3*a-c^2*b^2-
     18*c*b*a*d+27*d^2*a^2+6*d*b*3)*(1/2)*a)*(1/3)-1/3*b/a-
     1/2*1*3^{1/2}*(1/6/a*(36*c*b*a-108*d*a*2-8*b*3+12*3^(1/2)*
     (4*c^3*a-c^2*b^2-18*c*b*a*d+27*d^2*a^2+4*d*b^3)^(1/2)*a)^(1/3)
     +2/3*(3*c*a-b*2)/a/(36*c*b*a-108*d*a*2-8*b*3+12*3*(1/2)*
     (4*c^3*a-c^2*b^2-18*c*b*a*d+27*d^2*a^2+4*d*b^3)^(1/2)*a)^(1/3)}
     % Clearly this is too complicated to memorize
   8. solve(ex6)
      ans =
      molve(EX6)
      ans =
      enlye (eqf.)
      ans =
      solve(EQ6)
      ATM E
练习 11.4
    l coef = [5 6 -3; 3 -3 2; 2 -6 -12];
      result =[10; 14; 24];
      x = inv(coef)*result
      % or
      x = coef\result
        3 5314
       -1.6987
       -0.8452

 syme = y =

      A1 = sym('5*x + 6*y - 3*z = 10');
```

```
A2 = sym('3*x - 3*y + 2*z = 14');
  A3 = sym('2*x - 4*y -12*z = 24');
  A = solve(A1, A2, A3)
  A =
    x: [1x1 sym]
    v: (1x1 sym)
    z: (lxl syml
3. A.×
  ans =
  844/239
  λ.γ
  ATIG =
  -406/239
  A. 2
  ans =
  -202/239
  double(A.X)
   20 S
   3 5314
  double(A.y)
   ans =
   -1.6987
   double(A.z)
   = = =
   -0.8452
4. [x,y,z] = solve(A1,A2,A3)
     R44/239
   y a
    -406/239
    -202/239
 5. syms x y z
   A1 = sym('5.0'x + 6.0'y - 3.0's = 10.0');
   A2 = sym('3.0*x - 3.0*y + 2.0*z = 14.0');
   A3 = sym('2.0"x - 4.0"y -12.0"s = 24.0');
   \lambda = solve(A1, A2, A3)
    A =
     m: [1ml sym]
     y: [ixl sym]
     z: [lxl sym]
   A.x
   3.5313807531380753138075313807531
   A.y
    ans =
   -1.6987447698744769874476987447699
   A.z
    ans e
    -.84518828451882845188284518828452
 6. A = sym('x*2 +5*y -3*z*3=15');
    B = SVm('4*x + y^2 - z = 10*);
    C = sym('x + y + z =15');
    [X,Y,Z] = solve(A,B,C)
    X =
    11.560291920108418818149999999102-
    11.183481663794727000635376340336°i
    ... lots more numbers-
    Y =
    3.5094002752389020636845577121798+
    6.9732883324603664143501389722123*i
    ... lots more numbers
```

```
-,696921953473208818345576212814e-1+
      4.2101933313343605862852373681236*1
      ... lots more numbers
      double(X)
                                               double (2)
      ans =
                                               ane w
       11.5603 -11.18351
                                                -0.0697 + 4.2102i
       10.2173 - 4.7227i
                                                3.1420 - 0.79261
       16.8891 - 4.21781
                                                -2.7390 - 3.5936i
       16.8891 + 4.21785
                                               -2.7390 + 3.5936i
       10.2173 + 4.72274
                                                3.1420 + 0.7926i
       11.5603 +11.18351
                                                -0.0697 - 4.2102i
      double (Y)
      Ans s
        3.5094 + 6.9733i
        1.6407 + 5.51531
        0.8499 + 7.8114i
       0.8499 - 7.81141
        1.6407 - 5.51535
        3.5094 - 6.9733i
练习 11.5
    l. egg
                                      E01 =
      eq1 =
                                      X^2 = 1
      x^2 = 1
                                      subs(E01, 'X', 4)
      subs(eq1.x.4)
                                      ans -
                                      16 = 1
      ans =
      16 = 1
                                      9:Y1
      ex1
                                      EX1 -
                                      Y42 - 1
      ex1 =
                                      subs(EX1, 'X', 4)
       ×^2-1
                                      ens v
       subs(ex1,x,4)
                                       3.5
       ans =
        15
                                      % etc
      EO1
    2. v = 0:2:10:
       subs(ex1,x,v)
       -1 3 15 35 63 99
       subs(EX1, 'X', v)
        -1 3 15 35 63 99
       %subs(eq1,x,v)
       %subs(EQ1, 'X', v)
       % You can't substitute a vector into an equation
    3. new ex1 = subs(ex1, (a,b,c), (3,4,5))
       new ex1 =
       subs (new ex1, x, 1:0.5:5)
       ans =
        Columns 1 through 5
           0 1,2500 3.0000 5.2500 8.0000
        Columns 6 through 9
         11,2500 15,0000 19,2500 24,0000
        new_EX1 = subs(EX1, {'A', 'B', 'C'}, {3,4,5})
        new_EX1 =
        X^2-1
        subs(new EX1, 'X', 1:0.5:5)
        Columns 1 through 5
           0 1.2500 3.0000 5.2500 8.8000
        Columns 6 through 9
         11.2500 15.0000 19.2500 24.0000
```

```
new eq1 = subs(eq1, (a, b, c), (3, 4, 5))
new eql =
x^2 = 1
%subs(new eql, x,1:0.5:5) % won't work because it's an
Semuation
new EQ1 = subs(EQ1, ('A', 'B', 'C'), (3,4,5))
new EO1 =
X^2=1
```

#### 练习 11.6

#### ezplot(ex1) title('Problem 1')

xlabel('x') ylabel('y')



2. explot(EX1) title('Problem 2') xlabel('x') viabel('v')

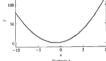


0 3. explot(ex2,[-10,10]) title('Problem 3')

xlabel('x')



100 50

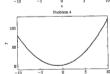


Problem 3

4. explot(EX2,[-10,10]) title('Problem 4')

xlabel('x')

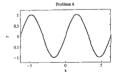
ylabel('y')



- 5. 单变量方程仅有一个有效的x值,没有x-y值对。
- 6. explot(ex6)

title('Problem 6')

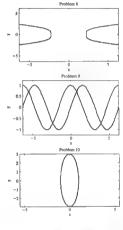
xlabel('x') vlabel('y')



0.5 0

7. ezplot('cos(x)')
 title('Problem 7')
 xlabel('x')
 ylabel('y')

- 8. ezplot('x^2-y^4 = 5')
  title('Problem 8')
  xlabel('x')
  ylabel('y')
- 9. emplot('sin(x)')
  hold on
  emplot('cos(x)')
  hold off
  title('problem 9')
  mlabel('x')
  ylabel('y')



Problem 7

### 练习 11.7

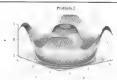
Z=sym('sin(sqrt (X^2+Y^2))')

Z = sin(sqrt(X^2+Y^2))

1. exmesh(2) title('Problem 1') wlabel('x') ylabel('x') zlabel('x')



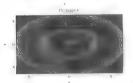
- 2. ezmeshc(Z)
   title('Problem 2')
   klabel('x')
   ylabel('y')
   zlabel('z')
- 3. exsurf(Z)
   title('Problem 3')
   xlabel('x')
   ylabel('y')
   xlabel('z')
- 4. ersurfc(Z)
   title('Problem 4')
   klabel('x')
   ylabel('y')
   zlabel('z')
- 5, excontour(Z)
   title('Problem 5')
   xlabel('x')
   ylabel('y')
   zlabel('x')
- 6. ezcontourf(Z)
   title('Problem 6')
   xlabel('x')
   ylabel('y')
   zlabel('z')







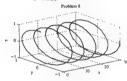




7. figure(7)
 expolar('x*sin(x)')
 title('Problem 7')



```
8. t = sym('t');
x = t;
y = sin(t);
z = cos(t);
ezplot3(x,y,z,[0,30])
title('Problem 8')
xlabel('x')
ylabel('x')
zlabel('x')
```



#### 练习 11.8

1. diff('x*2+x+1') ans = 2*x+1 diff('sin(x)') ans = cos(x) % or define x as symbolic  $\mathbf{x} = \mathbf{sym}(\mathbf{x}_{i})$ × = diff(tan(x)) ADS = 1+tan(x)^2 diff(log(x)) ens = 1/x 2. diff('a*x*2 + b*x + c') ans = 2*a*x+b diff('x^0.5 - 3*y') ans = .5/x^.5 diff('tan(x+y)') ans . 1+tan(x+y)^2 diff('3'x + 4"y - 3"x"y') ans -3-3°v 3. % There are several different approaches diff(diff('a*x*2 + b*x + c')) ans -2*4 diff('x^0.5 - 3"y",2) ans --.25/x^1.5

diff('tan(x + y)', 'x',2)

```
-
      2*tan(x+y)*(1+tan(x+v)*2)
      diff(diff('3*x + 4*y - 3*x*y', 'x'))
      ans w
      - 3
    4. diff('y^2 - 1', 'y')
      ans =
      2*v
      % or , since there is only one variable
      diff('y'2 - 1')
      апв =
      2*v
      diff('2*y + 3*x^2'. 'v')
      ans =
      diff('a*y + b*x + c*x','y')
      -
    5. diff('y^2-1','y',2)
      апв =
      2
      % or , since there is only one variable
      diff('y*2-1',2)
      ans =
      diff(diff('2*y + 3*x^2','y'),'y')
      ans =
      diff('a'y + b'x + c'x','y',2)
      ans =
练到110
    l. int('x^2 + x + 1')
       ans =
       1/3*x*3+1/2*x*2+x
       % or define x as symbolic
      x = sym('x')
      int(x^2 + x + 1)
      ane e
       1/3***3+1/2***2+*
      int(sin(x))
      ann v
      -cos(x)
      int(tan(x))
      ans =
       -log(coe(x))
      int(log(x))
      ans =
       x*log(x)-x
    2. % you don't need to specify that integration is with
       % respect to x, because it is the default
       int('a*x^2 + b*x + c')
      ans =
      1/3*a*x*3+1/2*b*x*2+c*x
      int('x^0.5 - 3*y')
```

.666666666666666666666666666667*x^(3/2)-3.*x*y

```
int('tan(x+v)')
  ADS -
  1/2*100(1etan/wew142)
  int('3*x + 4*v - 3*x*v')
  3/2***2+4*****3/2******
3 int(int(x^2 + x + 1))
  1/12*x^4+1/6*x^3+1/2*x^2
  int(int(sin(x)))
  -
  ----
  int(int(tan(x)))
  -1/2*i*x^2-x*log(cos(x))+x*log(1+exp(2*i*x))-
    1/2*i*polylog(2,-emp(2*i*x))
  int(int(log(x)))
  ene -
  1/2*x^2*log(x)=3/4*x^2
  int(int('a*w*2 + b*w + c'll
  1/12*a*x^4+1/6*b*x^3+1/2*c*x^2
  int(int('x^0.5 - 3°v'))
  .26666666666666666666666666667***(5/2)-
  int(int('tan(x+v)'))
  -1/4*i*log(tan(x+y)-i)*log(1+tan(x+y)*2)+1/4*i*dilog(-
  1/2*i*(tan(x+v)+i))+1/4*i*log(tan(x+v)-i)*log(-
  1/2*i*(tan(x+y)+i))+1/8*i*log(tan(x+y)-
  i) ^2+1/4*i*log(tan(x+y)+i)*log(1+tan(x+y)*2)-
  1/4*i*dilog(1/2*i*(tan(x*y)-i))-
  1/4*i*log(tan(x*y)+i)*log(1/2*i*(tan(x*y)-i))-
  1/8*i*log(tan(x+y)+i)*2
  int(int('3*x + 4*v -3*x*v'))
  ans =
  1/2*x^3+2*y*x^2-1/2*y*x^3
4. int('v^2~1')
  ADE H
  1/3*v^3-v
  int('2*y+3*x^2','y')
  Ans =
  y^2+3*y*x^2
  int('a*y + b*x + c*s', 'y')
  1/2*a*y*2+b*x*y+c*z*y

 int(int('y^2-1'))

  ene -
  1/12*v^4-1/2*v^2
  int(int('2*v+3*x^2','v'),'v')
  ans =
  1/3*v^3+3/2*x^2*y^2
   int(int('a*y + b*x + c*s','y'),'y*)
   1/6*a*y^3+1/2*b*x*y^2+1/2*c*z*y^2
6. int(x*2 + x + 1,0,5)
                                         int(tan(x).0.5)
  ans :
                                         ans s
                                         NaN
  355/6
  int(sin(x),0,5)
                                         int(log(x),0,5)
  ans =
                                         ans =
  -cos(5)+1
                                         5*log(5)-5
```

300

200

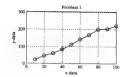
100

0,0

111 121

#### 练习 12.1

```
1. plot(x,y,'-o')
  title('Problem 1')
  xlabel('x-data')
  vlabel('y-data')
  grid on
```



Problem 6

measured data

هر هر ه

20

spline interpolation

60 80 100

v-date

 interp1(x,y,15) ...

34

interpl(x,y,15,'spline') ans = 35.9547

4. interpl(v.x.80)

ans = 39.0909

5. interp1(y,x,80,'spline') ans =

39,2238

x = [15, 30]:

6. new_x = 10:2:100;

new_y = interpl(x,y,new_x,'spline'); figure(2)

7. plot(x,y,'o',new_x,new_y)

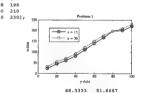
legend('measured data', 'spline interpolation') title('Problem 6 and 7') xlabel('x-data')

ylabel('y-data')

# 练习 12.2 y = 10:10:100';

ж	= [	15,	30);	140	150
2	= [	23 3	3	167	177
	45	55		198	198
	60	70		200	210
	82	92		220	230
ı.	plo	ot (y,	E, '-O')		
	tit	10(	Problem 1')		
	w1 a	mal (	ter debe to		





63.3333

85.3333

	new_z 45	-	
3.	new_z		interp2(x,y,z,15,20,'spline')

new_z = interp2(x,y,z,15,20)

new_z = interp2(x,y,z,[20,25],y')

new_z = 26.3333 29.6667

114.3333 117.6667 143.3333 146.6667 170.3333 173.6667 198.0000 198.0000 203.3333 206.6667 223.3333 226.6667

66.6667

88.6667

167 177

# 练习 12.3

x = [10:10:100];

```
v= 123 33
                                              100 100
  4.5
      5.5
                                              200 210
       70
  60
                                              220 230112
  82
       92
                                       1. coef = polyfit(x, y(1, t), 1)
  111 121
                                         coef »
  140 150
                                           2.3224 -3.1333
2. new_x = 10:2:100;
  new_y = polyval(coef,new_x)
  new y =
   Columns 1 through 6
   20.0909 24.7358 29.3806 34.0255 38.6703 43.3152
   Columns 7 through 12
   47,9600 52,6048 57,2497 61,8945 66,5394 71,1842
   Columns 13 through 18
   75.8291 80.4739 85.1188 89.7636 94.4085 99.0533
    Columns 19 through 24
    103.6982 108.3430 112.9879 117.6327 122.2776 126.9224
    Columns 25 through 30
    131.5673 136.2121 140.8570 145.5018 150.1467 154.7915
    Columns 31 through 36
    159.4364 164.0812 168.7261 173.3709 178.0158 182.6606
    Columns 37 through 42
    187.3055 191.9503 196.5952 201.2400 205.8848 210.5297
    Columns 43 through 46
    215,1745 219.8194 224.4642 229.1091
3. figure(1)
   plot(x,y(1,:),'o',new_x,new_y)
   title('Problem 3 - Linear Regression Model - x = 15')
Problem 3 - Linear Regression Model - z = 15
   xlabel('x-axis')
                                                    300
   vlabel('v-axis')
                                                    200
                                                    100
                                                            00
```



练习 12.4 I. x = -5:1:5;

xlabel('x-axis')

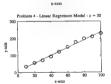
4. figure(2)

coef2 = 2.2921 7.5333 new y2 = polyval(coef2,new_x);

1, x = -5:115; y = x.^3 + 2.*x.^2 - x + 3; dy_dx = diff(y)./diff(x) dy_dx =

coef2 = polyfit(x,y(2,t),1)

42 22 8 0 -2 2 12 28 50 78



100

```
dy_dx_analytical=3*x.^2 + 6*x -1
  dy_dx_analytical =
    54 31 14 3 -2 -1 6 19 38 63 94
  table = [[dv dx, NaN]', dy_dx_analytical']
  table *
     42
          54
     22
          31
     R
          14
     n
           2
           -2
     -2
     2
          ~1
     12
           •
     28
          19
     En
          3.8
     78
          63
    NaN
          94
  % We added NaN to the dy_dx vector so that the length
  % of each vector would be the same
2 a. x = -5:1:5:
     y = \sin(x);
     dv dx = diff(y)./diff(x);
     dy_dx_analytical=cos(x);
     table = [(dy_dx, NaN)', dy_dx_analytical']
     table =
       -0.2021
                0.2837
               -0.6536
       -0.8979
       -0.7682 -0.9900
                -0.4161
        0.0678
        0.8415
                0.5403
        0.8415
                1,0000
        0.0678
                0.5403
       -0.7682
                -0.4161
       -0.8979
                -0.9900
       -n.2021 -0.6536
           NaN
                0.2837
   b. x = -5:1:5;
     v = x.^5-1;
      dy_dx=diff(y)./diff(x);
      dy_dx_analytical = 5°x.^4;
      table = [[dy_dx,NaN]',dy_dx_analytical']
      table =
            3125
      2101
             1280
      781
             405
                                                                 table =
      211
       31
             80
                                                                   1.00+003
                                                                   -0.0002
                                                                              -0.0001
        1
                                                                   -0.0004
                                                                              -0.0003
       31
                                                                   -0.0006
                                                                              -0.0005
       211
             80
                                                                              -0.0007
                                                                   -0.0005
             405
       781
                                                                   0.0018
                                                                                  0
      2101
             1280
                                                                               0.0050
       NaN
             3125
                                                                    0.0136
                                                                    0.0603
                                                                               0.0272
  c. x = -5:1:5;
                                                                               0.1108
                                                                    0.2274
      v = 5*x.*exp(x);
                                                                               0.4017
      dy_dx = diff(y)./diff(x);
                                                                    0.7907
      dy_dx_analytical=5*exp(x) + 5*x.*exp(x);
                                                                    2.6184
                                                                               1.3650
      table = [[dy_dx,NaN]',dy_dx_analytical']
                                                                       NaN
                                                                               4.4524
```

# 练习 12.5

```
l. quad('x.^3+2*x.^2 -x + 3',-1,1)
  ans =
   7.3333
  quadl('x.^3+2*x.*2 -x + 3*,-1,1)
  ans =
   7 3333
  double(int('x^3+2*x^2 -x + 3',-1,1))
   7.3333
  a = -1:
  b = 1;
  1/4*(b^4-a^4)+2/3*(b^3-a^3)-1/2*(b^2-a^2)+3*(b-a)
  Ans w
    7.3333
2. 2. quad('sin(x)',-1,1)
    ans =
      n
    quad1('sin(x)',-1,1)
    ans =
      0
    double(int('sin(x)',-1.1))
    ans -
      0
    a = -1;
    b = 1;
    cos(b)-cos(a)
    ans =
      0
  b. quad('x.^5-1',-1.1)
    ans =
     - 2
    quad1('x.'5-1',-1,1)
    ans =
     -2.0000
    double(int('x^5-1',-1,1))
     -2
    n = -1;
    b = 1:
    (b^6-a^6)/6-(b-a)
     ans =
     -2
  C. quad('5*x.*exp(x)',-1,1)
    ans =
     3,6788
     quad1('5'x. *emp(x)', -1,1)
    Ans #
     3.6788
     double(int('5*x*exp(x)',-1,1))
    Ans =
     3.6788
     a = -1;
    b = 1;
    -5*(exp(b)-exp(a)) + 5*(b*exp(b)-a*exp(a))
    ans =
    3.6788
```

Journ 1 35" 36" N 1 cm 82" 36 140 

DPNT HTDD 新華 希德 日数 58 725			m.X.1.2											(日)順生表	ê				
条 四 8 725	o Crno	D EMXT	Ļ	EMINP		DT90	DX32	DT32	DT00	TPCP	TPCP DPNP EMXP	EMXP		TSNW MXSD	MXSD		DP01	DP05	DP10
725	10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 1		-		iii		E	日数日		拉	報	秦信	泰住观测	añ	単米種	-		H 28	
725	200	催	<b>2</b> 1	¥	1 SE	Maxo= 90°	Max<= Max<= 32" 32"	Maxes 32°	Max<= 0"			## ##	<b>#</b>	Total	Max	Max	>= 10	>= 50	>=10
ļ	0	78	22	0	٧.	0	2	91	0	4 56	5 09	- 63	2	2.7	-	=	6	7	~
628	٥	98	00	91	14	0	2	19	0	3 07	910-	0.79	17	-7	Б	-	9	~	0
687	0	76	-11	22	80	0	0	16	0	2.47	-141	0.62		5.3	-	92	80	-	0
197	30	83	9	×	61	0	0	0	0	2 10	-1 02	0.48	27	T00	т0	2	0	0	0
69	25	83	59	40	2	0	0	0	0	2 49	-112	0 93	7	0.0	0		S	2	0
*	183	96	80	8	99	-	0	0	0	2 59	-0.68	690	52	0.0	0		0	73	-
^	336	8	31	99	13	00	0	0	0	3.87	0.64	080	=	0.0	0		01	**	0
٥	383	8	13	54	31	7	0	0	0	060	-2 86	0.29	cut	0.0	0		73	0	۰
43	90	5	2	36	23		0	0	0	172	00 70 -	0.75	38	0.0	0		4	-	-
255		78	15	28	25	0	0	2	С	1.53	-124	65.0	4	0.0	0		_	~	0
397	0	76	6	26	30	0	0	00	0	3.48	950	171	25	0.3	0		S	3	
706	0	69	4	15	25	0	0	20	0	1.07	1.72	990	13	100	T0	13	3	-	٥
3718		8	4.9	6	1	61	*	150	0	29 85	-8.12	171	#-	5.6		用门	8	-	en
					Н	卅	年				Н	Н							
<b>产的</b> 2数据	市市市			板架水板砂板	北京	中日    一个月   的年期	東京中  現今个  平均回	単出来 月1万 以及高	MARK 19 HB	平均值	16	1.35 ㎡	的聯和	※ 画の 番を は は ない は ない は い は い は い は い は い は い は い	1.3.2.2.2.2.2.2.2.2.2.2.2.2.2.2.2.2.2.2.	対向的 TPCF	<b>単歴者</b>	1票积2 项的企	1.8
1頭一	年的第 百分比	平新田	Σ⊢	五十年兩種		大 新 城 縣	倒账前	的遊鄉	世	量的值		京学	前鹿	搬	果称		一条	在下	+
				等于0								月的器	据是 專	角的角	迎歷				
			S	北	个月身	一年的	海南京	100	- 40	20 FF	Jun-								
	202 202 202 202 202 202 202 202 202 202	706 0 3718 990 数据中使用 或一车的票	0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2	日 X X X X X X X X X X X X X X X X X X X	15   15   15   15   15   15   15   15	15   15   15   15   15   15   15   15	15   15   15   15   15   15   15   15	15   15   15   15   15   15   15   15	15   15   15   15   15   15   15   15	2 4 15 25 0 0 20 0 107 ※ 表表不完全的時間展介計業出表的日度平均6 成品	*** 4 15 25 0 0 20 0 1075   12 25 0 0 1075   12 25 0 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12 25 0 1075   12			************************************	************************************	************************************	************************************	3         15         25         0         0         15         15         15         15         15         16         17         17         17         17         17         17         18         18         19         18         10         17         17         17         17         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18         18 </td

U.S. Department of Commerce National Oceanic & Atmospheric Administration

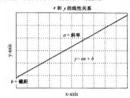
# 附录C 变比技术

为了确定 y 随 x 的变化趋势,通常使用不同的变比技术对数据进行绘图。下面对这一方法进行说明。

#### 线性关系

如果 x 和 y 是线性关系,那么,在标准的 x y 坐标系中将绘制出一条直线。对于 y = ax + b

在 x-y 坐标系中, 该方程是一条斜率为 a、截距为 b 的直线。

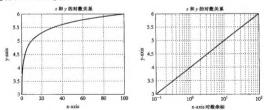


#### 对教关系

如果 x 和 y 是对数关系:

$$y = a \lg(x) + b$$

那么,等何隔步长绘出的标准图形是一条曲线、然而,如果,转为绿性坐标,束轴为对数坐标,那么,绘出的图形是一条斜率为a 的直线。由于 $b_{i}$  (0)是没有定义的,所以,不存在,轴截距。当x=1 时, $b_{i}$  (1)等于 0、对应的,值等于 b。



#### 指数关系

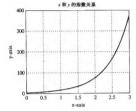
如果 x 和 y 是指数关系, 例如

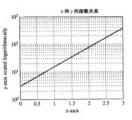
$$y = b * a^x$$

那么, lg (v)与 x 的关系曲线是一条直线。因为有如下关系:

$$\lg(y) = \lg(a) * x + \lg(b)$$

在这种情况下, 直线的斜率是 lg (a)。



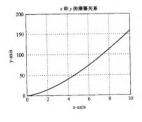


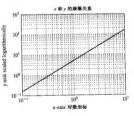
# 乘幂关系

如果 x 和 y 是乘幂关系, 例如,

$$y = bx^a$$

那么,在双对敷坐标系中,上式是一条斜率为a的直线。当x等于1时, $\lg$ (1)等于0, $\lg$ (y)等于 $\lg$ (b)。  $\lg(y) = a^* \lg(x) + \lg(b)$ 





# 教学支持说明

电子工业出版社作为国内著名的科技与教育图书出版社,出版了很多电子类、计算机类、工程类以及经 管类教材。我们十分重视教师手册等教学课件以及网上资源的使用。如果您确认将本书作为指定教材,请您 务必填好以下表格并经系主任签字董章后寄回我们的联系地址,我们将向您提供教师手册或其他教学课件。

系 / 院主任: _____(签字)

(原/院办公宣章)

____年__月__日

Publishing House of Electronics Industry 电子工业出版社: www.phei.com.cn www.hxedu.com.cn 北京市万寿路 173 信籍高等教育分社 联系电话: 010-8825 4532 传 真: 010-8825 4506 E-mail: Te service/Public.com.cn

# 反侵权盗版声明

电子工业出版社依法对本作品享有专有出版权。任何未经权利人书面许可,复制、销 售或遇过信息网络传播本作品的行为; 亚曲、纂改、剽窃本作品的行为,均违反《中华人 民共和国著作权法》,其行为人应承担相应的民事责任和行政责任,构成犯罪的,将被依法 追究刑事责任。

为了维护市场秩序,保护权利人的合法权益,我社将依法查处和打击侵权盗版的单位 和个人。欢迎社会各界人士积极举报侵权盗版行为,本社将奖励举报有功人员,并保证举 报人的信息不被泄酵。

举报电话: (010) 88254396; (010) 88258888

传 真: (010)88254397

E-mail : dbqq@phei.com.cn

通信地址:北京市万寿路 173 信箱

电子工业出版社总编办公室

邮 编: 100036